

سندباد

الرياضيات

يُصرف مجانًا مع الكتاب
ملحق المراجعة والاختبارات



الفصل الدراسي الثاني

الصف

6 السادس

الابتدائي

2026



الكسور الاعتيادية والكسور
العشرية وعلاقات التناسب



الوحدة الثامنة : عمليات على الكسور

المفهوم
الأول ضرب وقسمة الكسور

الدرس 1 : 2 : نموذج قسمة كسر اعتيادي على عدد صحيح والعكس - نموذج قسمة كسر اعتيادي على كسر اعتيادي

الدرس 3 : العلاقة بين ضرب وقسمة الكسور الاعتيادية

الدرس 4 : تحليل ضرب وقسمة الكسور

قسمة الكسور الاعتيادية

درسنا فيما سبق حل مسائل القسمة التي تتضمن كسور الوحدة وهي كسور اعتيادية البسط فيها يساوي 1

والآن ندرس حل المسائل التي تحتوي على كسور اعتيادية أيًا كان البسط وليس شرطاً أن يساوي 1

قسمة عدد صحيح على كسر اعتيادي

عند قسمة عدد صحيح على كسر اعتيادي فإننا نُحوّل القسمة إلى ضرب ونعكس الكسر الذي بعد علامة "÷"

$$3 \div \frac{1}{3} = 3 \times \frac{3}{1} = \frac{9}{1} = 9$$



مثال 1

أوجد ناتج ما يأتي:

$$1 \quad 4 \div \frac{2}{5}$$

$$2 \quad 6 \div \frac{1}{2}$$

الحل

نُحوّل القسمة إلى ضرب أي نُحوّل (÷) إلى (×) ونعكس الكسر الذي بعد علامة "÷"

$$1 \quad 4 \div \frac{2}{5} = 4 \times \frac{5}{2} = \frac{20}{2} = 10$$

لاحظ أننا نضرب 4 في البسط فقط

$$2 \quad 6 \div \frac{1}{2} = 6 \times \frac{2}{1} = 12$$

لاحظ أننا نضرب 6 في البسط فقط.

قسمة كسر اعتيادي على كسر اعتيادي

عند قسمة كسر اعتيادي على كسر اعتيادي فإننا نُحوّل القسمة إلى ضرب ونعكس الكسر الذي بعد علامة

"÷" بنفس الطريقة السابقة.

$$\text{فمثلاً: } \frac{8}{15} \div \frac{2}{3} = \frac{8}{15} \times \frac{3}{2} = \frac{4}{5}$$

مثال 2

أوجد ناتج ما يأتي:

$$1 \quad \frac{1}{2} \div \frac{1}{4}$$

$$2 \quad \frac{3}{5} \div \frac{6}{15}$$

الهدف

نُحوّل القسمة إلى ضرب أي نُحوّل (÷) إلى (×) ونعكس الكسر الذي بعد علامة (÷)

$$1 \quad \frac{1}{2} \div \frac{1}{4} = \frac{1}{2} \times \frac{4}{1} = \frac{4}{2} = 2$$

لاحظ أن عند ضرب كسر في كسر فإننا نضرب البسط في البسط والمقام في المقام

$$2 \quad \frac{3}{5} \div \frac{6}{15} = \frac{3}{5} \times \frac{15}{6} = \frac{45 \div 3}{30 \div 3} = \frac{15 \div 5}{10 \div 5} = \frac{3}{2} = 1 \frac{1}{2}$$

لاحظ أن يمكن اختصار الكسر باختصار عدد من البسط مع عدد من المقام،

$$\frac{\cancel{3}}{5} \times \frac{\cancel{15}}{6} = \frac{3}{2} = 1 \frac{1}{2}$$

ثم نضرب البسط في البسط والمقام في المقام

قسمة كسر اعتيادي على عدد صحيح

عند قسمة كسر اعتيادي على عدد صحيح مثل $2 \div \frac{2}{3}$ فإننا نُحوّل القسمة إلى ضرب ونعكس العدد

الذي بعد علامة "÷" بعد تحويله إلى كسر مقامه 1 أي تصبح على هذا الشكل $\frac{2}{3} \div \frac{2}{1}$

ونكمل الحل كما سبق ($\frac{2}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{3}$)

مثال 3

أوجد ناتج ما يأتي:

$$1 \quad \frac{1}{2} \div 4$$

$$2 \quad \frac{2}{3} \div 6$$

$$3 \quad \frac{2}{5} \div 4$$

الهدف

نُحوّل القسمة إلى ضرب أي نُحوّل ÷ إلى × ونعكس العدد الذي بعد علامة ÷

مع ملاحظة أن العدد الصحيح يمكن تحويله إلى كسر مقامه 1 لنتمكن من عكس الكسر

$$1 \quad \frac{1}{2} \div 4 = \frac{1}{2} \div \frac{4}{1} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{8}$$

في حالة ضرب كسر × كسر فإننا نضرب البسط في البسط والمقام في المقام

$$2 \quad \frac{2}{3} \div 6 = \frac{2}{3} \div \frac{6}{1} = \frac{2}{3} \times \frac{1}{6} = \frac{2}{18} = \frac{1}{9}$$

ونجعل الكسر في أبسط صورة بالقسمة على نفس العدد كما تعلمنا $\frac{2 \div 2}{18 \div 2} = \frac{1}{9}$

$$3 \quad \frac{2}{5} \div 4 = \frac{2}{5} \div \frac{4}{1} = \frac{2}{5} \times \frac{1}{4} = \frac{2}{20} = \frac{2 \div 2}{20 \div 2} = \frac{1}{10}$$

سندباد

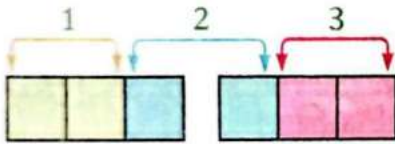
أو ناتج ما يأتي:

$$1 \frac{1}{4} \div 2$$

$$2 \frac{3}{4} \div 6$$

تمثيل عملية القسمة باستخدام طي شريط ورق

إذا كان لدينا شريط ورقي بطول مترين ونحتاج إلى قصّه أو طيّه أو تقسيمه إلى قطع بطول $\frac{2}{3}$ متر ونريد معرفة عدد القطع التي نحصل عليها لذلك نقسم الشريط إلى جزئين (حسب المقسوم أو المراد تقسيمه) كل منها نقسمه إلى 3 أجزاء (حسب مقام الكسر المقسوم عليه $\frac{2}{3}$)



ثم نحدّد كل $\frac{2}{3}$ من المتر أي جزئين من الثلاثة أجزاء ونكوّن

كل جزئين من 3 أجزاء (حسب بسط الكسر) فنجد أن لدينا 3 قطع

يمكن طيها أو قصّها وبالقسمة نجد أنها أيضًا تساوي 3 أجزاء

$$2 \div \frac{2}{3} = 2 \times \frac{3}{2} = \frac{6}{2} = 3$$

مثال 4

إذا كان لديك 3 أمتار من شريط ورقي وتحتاج إلى قصّه إلى قطع بطول $\frac{3}{4}$ متر

فما عدد القطع التي تحصل عليها ؟

الحل

نقسم الشريط إلى أمتار محددة بخط واضح، ثم نقسّم كل متر إلى 4 أجزاء حسب مقام الكسر $\frac{3}{4}$ المطلوب تحويله إلى قطع، ثم نحدد كل 3 أجزاء حسب بسط الكسر $\frac{3}{4}$ (أي 3 أجزاء من المتر) بلون مختلف فنجد أن لدينا 4 ألوان



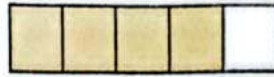
أي أن عدد القطع التي نحصل عليها هي 4 قطع وبالقسمة نجد أنها تساوي 4 قطع

$$3 \div \frac{3}{4} = 3 \times \frac{4}{3} = \frac{12}{3} = 4$$

مثال 5

لديك $\frac{4}{5}$ متر من القماش وتحتاج إلى قصّه إلى 4 قطع متساوية لعمل أعلام.

فحدّد طول كل قطعة.



$$\frac{1}{5} \quad \frac{1}{5} \quad \frac{1}{5} \quad \frac{1}{5}$$

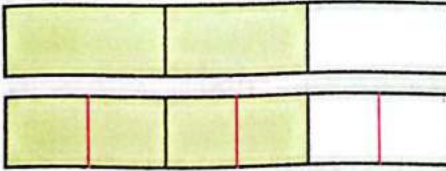
نقسم متر القماش إلى 5 أجزاء متساوية حسب مقام الكسر ونُلَوِّن 4 أجزاء منها فنجد أن كل قطعة تساوي $\frac{1}{5}$ من المتر ويمكن إيجاد الناتج بالقسمة

$$\frac{4}{5} \div 4 = \frac{4}{5} \div \frac{4}{1} = \frac{4}{5} \times \frac{1}{4} = \frac{4 \div 4}{20 \div 4} = \frac{1}{5}$$

تمثيل قسمة كسر اعتيادي على كسر اعتيادي باستخدام المخطط الشريطي

مثال 6

إذا كان لديك $\frac{2}{3}$ كجم من المقرمشات وتريد إعطاء كل صديق من أصدقائك $\frac{1}{6}$ كجم من هذه المقرمشات. فما عدد الأصدقاء الذين يحصلون على المقرمشات ؟



يمكن إيجاد عدد الأصدقاء بطريقتين

أولاً باستخدام المخطط الشريطي:

بأن نُقسِّم الشريط إلى 3 أجزاء حسب مقام الكسر ونُلَوِّن جزئين منه، ثم نقسم أجزاء الشريط مرة أخرى إلى 6 أجزاء حسب مقام الكسر الآخر

فنجد أن $\frac{2}{3}$ أصبحت $\frac{4}{6}$ أي 4 أجزاء كل منها عبارة عن $\frac{1}{6}$ كجم

وبذلك يمكن تقسيم $\frac{2}{3}$ كجم إلى 4 أجزاء كل منها يساوي $\frac{1}{6}$ كجم

أي أن عدد الأصدقاء الذين يحصلون على المقرمشات = 4 أصدقاء

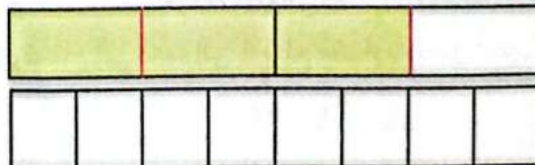
ثانياً بقسمة كسر اعتيادي على كسر اعتيادي :

$$\frac{2}{3} \div \frac{1}{6} = \frac{2}{3} \times \frac{6}{1} = \frac{12}{3} = 4$$

أي أن عدد الأصدقاء الذين يحصلون على المقرمشات = 4 أصدقاء

أجب بنفسك

أوجد خارج قسمة $\frac{3}{4} \div \frac{1}{8}$ باستخدام النماذج الشريطية:



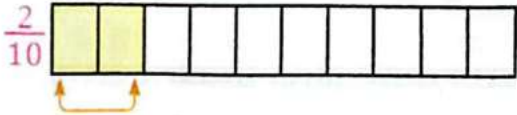
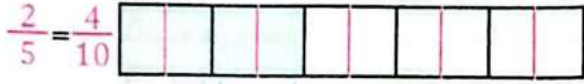
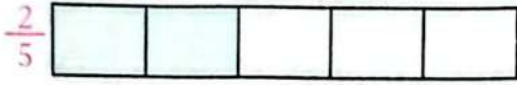
مثال 7

أوجد خارج قسمة كل مما يأتي باستخدام النماذج الشريطية:

1 $\frac{2}{5} \div \frac{2}{10}$

2 $\frac{2}{3} \div \frac{3}{4}$

3 $\frac{2}{3} \div \frac{1}{2}$



1 نرسم نموذجًا شريطيًا ونقسمه إلى 5 أجزاء

متساوية (حسب مقام الكسر للمقسوم) ونُلَوِّن

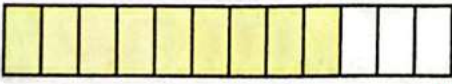
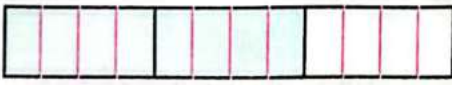
جزئين منها لتمثل $\frac{2}{5}$

- نوجد (م.م.أ) للمقامين 10، 5 وهو 10 ثم نقسم

الشريط إلى 10 أجزاء ونُحوِّل $\frac{2}{5}$ إلى $\frac{4}{10}$ ونرسم الشريط الآخر ونقسمه إلى 10 أجزاء

ونمثل $\frac{2}{10}$ ونلاحظ أن $\frac{2}{5}$ تساوي مرتين من $\frac{2}{10}$ وبالتالي فإن $2 = \frac{2}{10} \div \frac{2}{10}$

ويمكن قسمة عدد أجزاء الشريط الأول على عدد أجزاء الشريط الثاني فيكون $\frac{4}{2} = 2$



2 نرسم نموذجًا شريطيًا ونقسمه إلى 3 أجزاء متساوية

(حسب مقام الكسر المقسوم) ونُلَوِّن جزئين منها لتمثل $\frac{2}{3}$

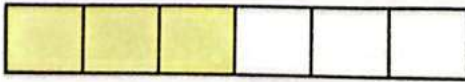
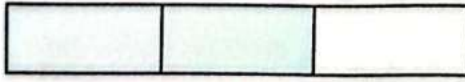
- نوجد (م.م.أ) للمقامين 3، 4 وهو 12 ثم نقسم الشريط

إلى 12 جزء ونُحوِّل $\frac{2}{3}$ إلى $\frac{8}{12}$

- نرسم الشريط الآخر ونقسمه إلى 12 جزء ونمثل عليه $\frac{3}{4}$ أي $\frac{9}{12}$ ونقسم عدد الأجزاء للشريط الأول

على عدد أجزاء الشريط الثاني أي $\frac{8}{9} = \frac{3}{4} \div \frac{2}{3}$ وبذلك يكون $\frac{8}{9} = \frac{3}{4} \div \frac{2}{3}$

3 نرسم نموذجًا شريطيًا ونقسمه إلى 3 أجزاء متساوية (حسب مقام الكسر المقسوم)



ونُلَوِّن جزئين منها ليمثل $\frac{2}{3}$

ثم نوجد (م.م.أ) للمقامين 2، 3 وهو 6 ثم نقسم الشريط

إلى 6 أجزاء نُحوِّل $\frac{2}{3}$ إلى $\frac{4}{6}$ ونرسم الشريط الآخر

ونقسمه أي 6 أجزاء ونمثل عليه $\frac{1}{2}$ أي $\frac{3}{6}$ ونقسم عدد أجزاء الشريط الأول على عدد أجزاء الشريط

الثاني إلى $\frac{4}{3}$ وبذلك يكون $\frac{4}{3} = \frac{1}{2} \div \frac{2}{3}$ ويمكن كتابة $\frac{4}{3}$ كعدد كسري يساوي $1\frac{1}{3} = \frac{4}{3}$

أي أن $1\frac{1}{3} = \frac{4}{3} = \frac{1}{2} \div \frac{2}{3}$

مثال 8

إذا كان يلزم تقسيم لترين من الزيت في عبوات بسعة $\frac{3}{5}$ لتر

فما عدد العبوات التي يمكن ملؤها ؟

إذا كانت هناك إجابتين. فأيهما الأصح؟

الإجابة الأولى هي: عدد العبوات التي يمكن ملؤها $3\frac{1}{3}$ عبوة

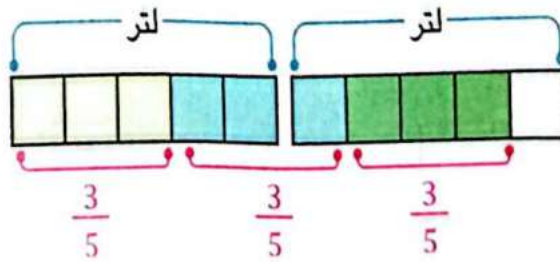
الإجابة الثانية هي: عدد العبوات التي يمكن ملؤها $3\frac{1}{5}$ عبوة

الحل

يمكن تمثيل اللترين بمخطط شريطي ونقسم المخطط الشريطي (أو الورقي) إلى أجزاء

حسب مقام الكسر $\frac{3}{5}$ المراد تقسيمه

أي أن كل لتر نقسمه إلى 5 أجزاء



ونلاحظ أنه تم التقسيم إلى 3 ألوان أي 3 عبوات ويتبقى جزء واحد من اللتر

والذي يُمثل جزء واحد من الثلاثة أجزاء التي تُمثل عبوة أي $\frac{1}{3}$ عبوة

أي أن عدد العبوات التي يمكن ملؤها $3\frac{1}{3}$ عبوة

ملاحظة هامة

لاحظ هنا الخطأ الشائع الذي يقع فيه الكثير وهو أن الباقي $\frac{1}{5}$ لتر فيكون الناتج $3\frac{1}{5}$ وهذا خطأ

شائع لأن $\frac{1}{5}$ لتر يُمثل $\frac{1}{3}$ عبوة، وهذا يتضح من الرسم ومن الألوان؛ لأن العبوة تمثلها 3 أجزاء من

الخمس أي $\frac{3}{5}$ لتر لذلك فإن الجزء الواحد هو $\frac{1}{5}$ لتر ويُعادل جزء من 3 أجزاء العبوة أي $\frac{1}{3}$ العبوة

وبالحسابات الرياضية (القسمة) نجد أن:

$$2 \div \frac{3}{5} = \frac{2}{1} \times \frac{5}{3} = \frac{10}{3} = 3\frac{1}{3}$$

والإجابة بالحسابات الرياضية هي الأدق دائماً والأصح.

أولاً في الحصة

1 أوجد ناتج ما يأتي، باستخدام النماذج الشريطية (أو بأي طريقة تفضلها):

1 $4 \div \frac{1}{3} =$	2 $3 \div \frac{1}{5} =$	3 $5 \div \frac{1}{2} =$
4 $2 \div \frac{2}{4} =$	5 $3 \div \frac{3}{4} =$	6 $4 \div \frac{4}{5} =$
7 $8 \div \frac{4}{3} =$	8 $6 \div \frac{2}{3} =$	9 $2 \div \frac{2}{3} =$

2 أوجد ناتج ما يأتي، باستخدام النماذج الشريطية (أو بأي طريقة تفضلها):

1 $\frac{1}{2} \div \frac{1}{4} =$	2 $\frac{1}{3} \div \frac{2}{6} =$	3 $\frac{4}{6} \div \frac{2}{3} =$
4 $\frac{6}{8} \div \frac{3}{4} =$	5 $\frac{2}{5} \div \frac{4}{10} =$	6 $\frac{2}{8} \div \frac{1}{4} =$
7 $\frac{3}{5} \div \frac{1}{5} =$	8 $\frac{2}{3} \div \frac{2}{9} =$	9 $\frac{2}{4} \div \frac{4}{8} =$
10 $\frac{3}{5} \div \frac{9}{10} =$	11 $\frac{2}{3} \div \frac{4}{12} =$	12 $\frac{3}{5} \div \frac{3}{15} =$

3 أوجد ناتج ما يأتي، باستخدام النماذج الشريطية (أو بأي طريقة تفضلها):

1 $\frac{1}{3} \div 5 =$	2 $\frac{1}{2} \div 3 =$	3 $\frac{2}{3} \div 2 =$
4 $\frac{12}{3} \div 6 =$	5 $\frac{4}{6} \div 2 =$	6 $\frac{2}{4} \div 3 =$



قنا 2025

4 بفرض أن لديك شريط تغليف هدايا بطول مترين لمشروع فني

وتحتاج إلى قصه إلى قطع بطول $\frac{2}{3}$ متر. فما عدد القطع التي ستحصل عليها؟



5 إذا كان لديك $\frac{4}{5}$ متر من الخرطوم وتحتاج لتقسيمه إلى 4 قطع

متساوية لوضعها في حنفيات حديقة. حدد طول كل قطعة من الخرطوم

6 بفرض أن لديك مسطرة خشب طولها 2 متر وتريد تقطيعها، وتقسيمها إلى قطع متساوية

بطول $\frac{2}{5}$ متر.

فما عدد القطع التي تحصل عليها؟

أسبوط 2025

7 إذا كان لدينا $\frac{2}{3}$ كجم من السمن ونريد تقسيمه إلى 4 أجزاء متساوية في الكتلة لتستخدمها في عمل فطائر مختلفة . فما كتلة كل جزء منها ؟

أسوان 2025

8 يلزم تقسيم 3 كجم من السمكة في عبوات تسع $\frac{4}{5}$ كجم . فما عدد العبوات التي يمكن ملؤها ؟

الغربية 2025

9 تذهب لصيد الأسماك مع أصدقائك ولديك كيلو جرام من طعم الصيد.

إذا أعطيت كل صديق $\frac{1}{6}$ كجم من الطعم . فما عدد الأصدقاء الذين يحصلون على الطعم ؟
استخدم النماذج (أو الشرائط) لإيجاد حل هذه المسألة

10 اكتب تعبيراً رياضياً يمثل كيف لصياد الأسماك أن يشارك $\frac{2}{3}$ كجم من الطعم مع إعطاء كل

البحيرة 2025

صديق $\frac{1}{6}$ كجم . ارسم مخطط يوضح ذلك.

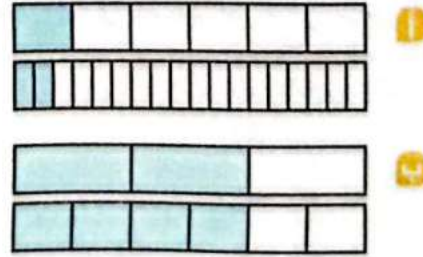
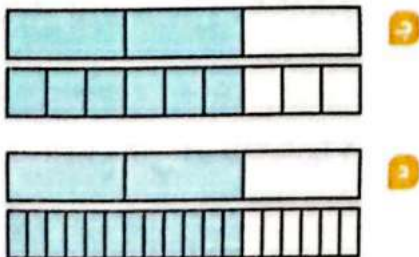
11 بفرض أن لديك $\frac{9}{10}$ كجم من الصلصال، وتريد أن تقسمه إلى قطع وتكون كتلة

كل قطعة $\frac{2}{5}$ كجم فما عدد القطع التي يمكن أن تكونها ؟ ارسم مخطط شريطي لهذا الموقف
قدر إجابتك.

الإسكندرية 2025

12 ما النموذج الذي يمكنك استخدامه لنمذجة مشاركة $\frac{2}{3}$ كجم من الطعم من خلال إعطاء

كل صديق $\frac{1}{6}$ كجم ؟



سندباد

12 الصف السادس الابتدائي

- 1 ما عدد الأصدقاء الذين سيحصلون على طعام ؟
- 2 أثبت أن إجابتك صحيحة عن طريق كتابة مسألة ضرب مُستخدمًا المقسوم والمقسوم عليه وخارج القسمة لديك.

ثانيًا واجب منزلي

1 أوجد ناتج ما يأتي، باستخدام النماذج الشريطية (أو بأي طريقة تفضلها):

- | | | |
|---------------------------|---------------------------|--------------------------|
| 1 $3 \div \frac{2}{6} =$ | 2 $4 \div \frac{2}{4} =$ | 3 $5 \div \frac{5}{3} =$ |
| 4 $3 \div \frac{3}{8} =$ | 5 $4 \div \frac{4}{6} =$ | 6 $2 \div \frac{4}{8} =$ |
| 7 $5 \div \frac{1}{5} =$ | 8 $6 \div \frac{3}{5} =$ | 9 $4 \div \frac{3}{4} =$ |
| 10 $3 \div \frac{2}{5} =$ | 11 $2 \div \frac{3}{5} =$ | |

2 أوجد ناتج ما يأتي، باستخدام النماذج الشريطية (أو بأي طريقة تفضلها):

- | | | |
|--------------------------------------|------------------------------------|------------------------------------|
| 1 $\frac{4}{3} \div \frac{2}{6} =$ | 2 $\frac{5}{4} \div \frac{1}{4} =$ | 3 $\frac{4}{6} \div \frac{4}{3} =$ |
| 4 $\frac{2}{5} \div \frac{2}{3} =$ | 5 $\frac{3}{7} \div \frac{5}{7} =$ | 6 $\frac{2}{9} \div \frac{4}{3} =$ |
| 7 $\frac{3}{5} \div \frac{12}{15} =$ | 8 $\frac{5}{8} \div \frac{3}{4} =$ | |

3 أوجد ناتج ما يأتي، باستخدام النماذج الشريطية (أو بأي طريقة تفضلها):

- | | | |
|--------------------------|---------------------------|--------------------------|
| 1 $\frac{8}{3} \div 4 =$ | 2 $\frac{14}{2} \div 7 =$ | 3 $\frac{4}{8} \div 2 =$ |
| 4 $\frac{9}{6} \div 3 =$ | 5 $\frac{10}{5} \div 5 =$ | 6 $\frac{6}{5} \div 3 =$ |



- 4 إذا كان لديك 3 أمتار من شريط ورقي وتحتاج إلى قصّه إلى قطع بطول $\frac{3}{4}$ متر .
فما عدد القطع التي تحصل عليها ؟
القاهرة 2025



الدقهلية 2025

- 5 لديك $\frac{3}{4}$ متر من الخيط وتحتاج إلى 3 قطع من هذا الخيط مُتساوية الطول لعمل سوار لصديقك.
حدّد طول كل قطعة من الخيط

6 بفرض أنك تريد عمل 6 مجسمات لروبوتات صغيرة، وستستخدم $\frac{3}{4}$ متر من الأنابيب،

بتقسيمها قطع متساوية الطول لكل روبوت . فما طول قطع الأنابيب التي ستستخدمها في كل روبوت؟

المنوفية 2025

7 يريد أحد العمال تقسيم 5 كجم من الشاي في عبوات صغيرة كتلة العبوة $\frac{1}{4}$ كجم.

البحيرة 2025

ما عدد العبوات التي يحتاج إليها ؟

8 يجب أن يغلف شادي 3 هدايا متطابقة ويستخدم $\frac{1}{2}$ بكرة من الورق لتغليف الهدايا. إذا استخدم

شادي نفس الكمية من الورق لتغليف كل هدية . فما مقدار الورق الذي استخدمه لكل هدية ؟

أسوان 2025

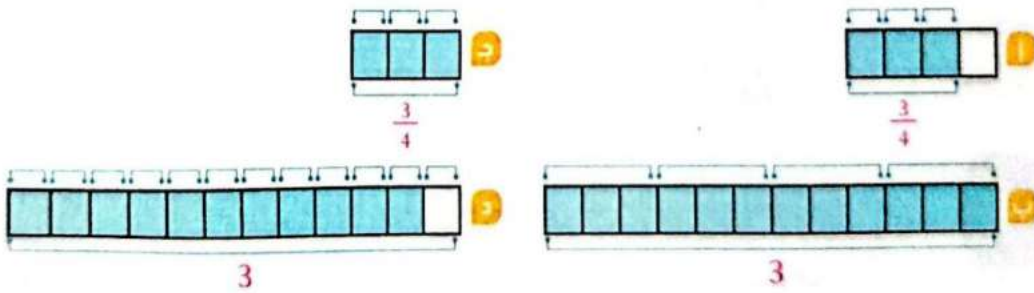
9 يوجد 4 كيلو جرامات من الحمص، يقسم العامل الحمص في عبوات سعة $\frac{1}{4}$ كجم.

دمياط 2025

ما عدد العبوات التي يجب صنعها ؟

10 لديك $\frac{3}{4}$ متر من الخيط وتحتاج إلى 3 قطع من الخيط متساوية الطول. حدّد المخطط

الشريطي الذي يطابق نموذجك وسجّل اختيارك.



استخدم نموذجك للإجابة عن السؤالين التاليين :

1 ما طول كل قطعة من الخيط ؟

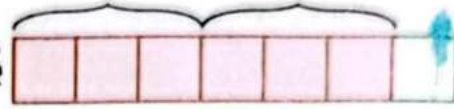
2 ما التعبير العددي الذي يمكن كتابته، وحله من أجل التحقق من إجابتك ؟

اختبار تراكمي (1) حتى الدرس (2) الوحدة (8)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

البحيرة 2025

يُمثل مسألة القسمة



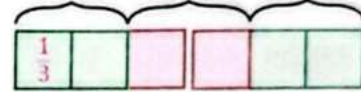
النموذج 1

($\frac{3}{7} \div 3$ أو $3 \div \frac{1}{7}$ أو $\frac{6}{7} \div 2$ أو $\frac{1}{7} \div 3$)

دمياط 2025

2 مسألة القسمة التي يُعبر عنها النموذج التالي هي

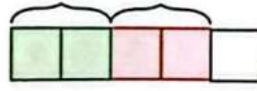
($\frac{2}{3} \div 3$ أو $2 \div \frac{2}{3}$ أو $3 \div \frac{2}{3}$ أو $3 \div 2$)



الغربية 2025

3 نأج القسمة للمسألة التي يُعبر عنها النموذج التالي هو

(2 أو $\frac{4}{5}$ أو $\frac{2}{5}$ أو $\frac{5}{2}$)



الغربية 2025

يُعبر عن مسألة القسمة



النموذج 4

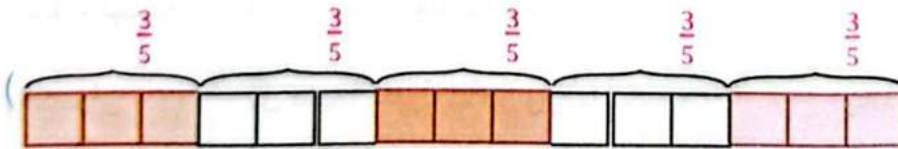
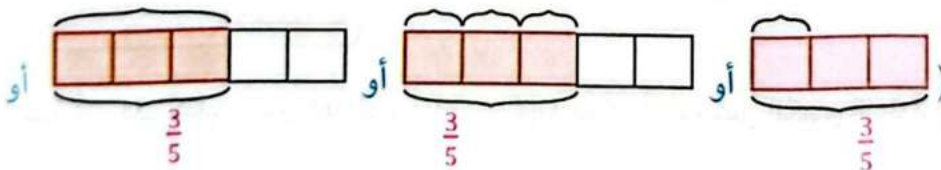
($\frac{1}{5} \div \frac{4}{5}$ أو $\frac{4}{5} \div 4$ أو $\frac{4}{5} \div \frac{1}{4}$ أو $\frac{4}{5} \div \frac{1}{2}$)

5 أي من التعبيرات التالية يمكن استخدامها للتحقق من مسألة القسمة : $\frac{1}{2} \div 4 = \frac{1}{8}$ ؟ بور سعيد 2025

($\frac{1}{8} \div 4$ أو $4 \div \frac{1}{8}$ أو $4 \times \frac{1}{8}$ أو $\frac{1}{2} \times \frac{1}{8}$)

دمياط 2025

6 النموذج الذي يُمثل مسألة القسمة : $\frac{3}{5} \div 3$ هو



2 استخدم النماذج الشريطية لإيجاد خارج القسمة في كل مما يأتي:

الجيزة 2025 $2 \div \frac{1}{3} =$ 2

البحيرة 2025 $6 \div \frac{1}{2} =$ 1

الدقهلية 2025 $\frac{2}{3} \div 3 =$ 4

الغربية 2025 $\frac{3}{4} \div \frac{1}{8} =$ 3

نحتاج أحياناً إلى الحصول على الحل بسرعة، وهنا يأتي دور الخوارزمية المعيارية (طرق الضرب والقسمة المعتادة) وسيساعدنا فهم العلاقة بين عمليتي الضرب والقسمة في قسمة الكسور الاعتيادية بصورة سهلة وسريعة

ضرب الكسور الاعتيادية

مثال 1

أوجد ناتج ما يأتي:

$$1 \quad \frac{2}{3} \times \frac{1}{3}$$

$$2 \quad 2 \times \frac{1}{4}$$

$$3 \quad \frac{3}{5} \times \frac{1}{3}$$

الحل

$$1 \quad \frac{2}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{2}{9}$$

في ضرب الكسور نضرب البسط في البسط ونضرب المقام في المقام

$$2 \quad 2 \times \frac{1}{4} = \frac{2}{1} \times \frac{1}{4} = \frac{2}{4} = \frac{2 \div 2}{4 \div 2} = \frac{1}{2}$$

في حالة ضرب عدد صحيح في كسر

نعتبر أن العدد الصحيح هو كسر مقامه 1 ونضرب بنفس الطريقة ويُفضل دائماً بعد عملية الضرب أن

$$3 \quad \frac{3}{5} \times \frac{1}{3} = \frac{3}{15} = \frac{3 \div 3}{15 \div 3} = \frac{1}{5}$$

نختصر لأبسط صورة

قسمة الكسور الاعتيادية

لاحظ أنه عند كتابة كسرًا اعتياديًا مثل $\frac{2}{3}$ فإنه يمكن أن نعكس الكسر الاعتيادي تبديل القيم في البسط

والمقام ليصبح $\frac{3}{2}$ وبذلك نكون مقلوب الكسر.

والكسران $\frac{3}{1}$ ، $\frac{1}{3}$ كل منهما مقلوبًا للآخر وأيضًا الكسرين $\frac{5}{2}$ ، $\frac{2}{5}$ وعند قسمة كسرين اعتياديين فإننا

نستخدم مقلوب الكسر المقسوم عليه بأن نُحوّل القسمة إلى ضرب في مقلوب الكسر المقسوم عليه.

قاعدة

عند قسمة كسرين اعتياديين فإننا نُحوّل القسمة إلى الضرب ونضرب الكسر الأول (المقسوم) في

مقلوب الكسر الذي بعد علامة القسمة ($\div$) (المقسوم عليه)

أوجد ناتج ما يأتي:

1 $\frac{1}{2} \div \frac{3}{5}$

2 $\frac{1}{5} \div \frac{2}{5}$

3 $\frac{1}{2} \div 4$

المهمة

نحوّل القسمة إلى ضرب ونعكس الكسر الذي بعد علامة ($\div$)

1 $\frac{1}{2} \div \frac{3}{5} = \frac{1}{2} \times \frac{5}{3} = \frac{5}{6}$

2 $\frac{1}{5} \div \frac{2}{5} = \frac{1}{5} \times \frac{5}{2} = \frac{5}{10} = \frac{1}{2}$

3 $\frac{1}{2} \div 4 = \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{8}$

نعتبر العدد الصحيح 4 كسرًا مقامه 1

تذكر أن:

العلاقة بين الضرب والقسمة

تعرفنا فيما سبق العلاقة بين الضرب والقسمة كحقائق رياضية

فإذا كان $a \times b = c$ فإن $a = c \div b$ ، $b = c \div a$

أي أنه في حالة ضرب عددين وكتابة الناتج فإنه يمكن إيجاد أي من العددين المضروبين بقسمة الناتج على العدد الآخر

مثال 3

إذا كان 9 هو $\frac{1}{3}$ عدد ما، فما ذلك العدد؟

الحل

بفرض أن العدد المجهول هو n فإن $\frac{1}{3} \times n = 9$

ومن العلاقة السابقة فإن $n = 9 \div \frac{1}{3} = 9 \times 3 = 27$

أي أن العدد هو 27

أجب بنفسك

إذا كان 4 هو $\frac{1}{2}$ عدد ما، فما ذلك العدد؟

مثال 4

أوجد قيمة العدد المجهول فيما يأتي:

1 $\frac{1}{3} \times b = \frac{1}{15}$

2 $\frac{1}{4} \times d = \frac{1}{8}$

الحل

1 $b = \frac{1}{15} \div \frac{1}{3}$ فإن

$$= \frac{1}{15} \times \frac{3}{1} = \frac{3}{15} = \frac{1}{5}$$

1 إذا كانت $\frac{1}{3} \times b = \frac{1}{15}$

2 $d = \frac{1}{8} \div \frac{1}{4}$ فإن

$$= \frac{1}{8} \times \frac{4}{1} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$$

2 إذا كانت $\frac{1}{4} \times d = \frac{1}{8}$

أجب بنفسك

أوجد قيمة العدد المجهول فيما يأتي:

1 $\frac{1}{2} \times a = \frac{1}{8}$

2 $\frac{2}{3} \times c = \frac{2}{5}$

مثال 5

أوجد قيمة العدد المجهول فيما يأتي:

1 $\frac{1}{3} \div a = \frac{1}{6}$

2 $\frac{1}{4} \div c = \frac{1}{12}$

الحل

1 إذا كان $\frac{1}{3} \div a = \frac{1}{6}$ فإن $a = \frac{1}{3} \div \frac{1}{6} = \frac{1}{3} \times \frac{6}{1} = \frac{6}{3} = 2$

2 إذا كان $\frac{1}{4} \div c = \frac{1}{12}$ فإن $c = \frac{1}{4} \div \frac{1}{12} = \frac{1}{4} \times \frac{12}{1} = \frac{12}{4} = 3$

أولاً في الحصة

1 أوجد ناتج ما يأتي:

1 $\frac{1}{3} \div \frac{2}{3} =$

2 $\frac{5}{6} \div \frac{10}{12} =$

3 $\frac{1}{5} \div \frac{2}{10} =$

4 $\frac{2}{3} \div \frac{4}{6} =$

5 $\frac{3}{4} \div \frac{12}{8} =$

6 $\frac{4}{10} \div \frac{2}{5} =$

7 $\frac{27}{15} \div \frac{3}{5} =$

8 $\frac{6}{12} \div \frac{2}{4} =$

9 $\frac{3}{4} \div \frac{6}{12} =$

2 أوجد قيمة العدد المجهول فيما يأتي:

1 $\frac{1}{3} \times b = \frac{1}{12}$

$b =$

2 $\frac{1}{3} \div a = \frac{1}{12}$

$a =$

3 $\frac{1}{4} \times d = \frac{1}{20}$

$d =$

4 $\frac{1}{4} \div c = \frac{1}{20}$

$c =$

5 $\frac{1}{5} \times f = \frac{1}{30}$

$f =$

6 $\frac{1}{5} \div e = \frac{1}{30}$

$e =$

7 $\frac{1}{8} \times h = \frac{1}{24}$

$h =$

8 $\frac{1}{8} \div g = \frac{1}{24}$

$g =$

ثانياً واجب منزلي

1 أوجد قيمة العدد المجهول فيما يأتي:

1 $\frac{1}{2} \times j = \frac{1}{14}$

$j =$

2 $\frac{1}{2} \div k = \frac{1}{14}$

$k =$

3 $\frac{1}{7} \times m = \frac{1}{21}$

$m =$

4 $\frac{1}{7} \div n = \frac{1}{21}$

$n =$

5 $\frac{1}{6} \times q = \frac{1}{12}$

$q =$

6 $\frac{1}{6} \div p = \frac{1}{12}$

$p =$

7 $\frac{1}{10} \times r = \frac{1}{40}$

$r =$

8 $\frac{1}{10} \div s = \frac{1}{40}$

$s =$

9 $\frac{1}{5} \times b = \frac{1}{20}$

$b =$

10 $\frac{1}{5} \div a = \frac{1}{20}$

$a =$

11 $\frac{1}{3} \times d = \frac{1}{15}$

$d =$

12 $\frac{1}{3} \div c = \frac{1}{15}$

$c =$

13 $\frac{1}{4} \times h = \frac{1}{16}$

$h =$

14 $\frac{1}{4} \div g = \frac{1}{16}$

$g =$

15 $\frac{1}{3} \times n = \frac{1}{18}$

$n =$

16 $\frac{1}{3} \div m = \frac{1}{18}$

$m =$

اختبار تراكمي (2) حتى الدرس (3) الوحدة (8)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- 1 أي مما يأتي هو مقلوب للآخر؟ (5، -5 أو 5، 0 أو 6، $\frac{1}{6}$ أو $\frac{1}{5}$ ، 15) القاهرة 2025
- 2 مقلوب العدد $\frac{2}{5}$ هو (2 أو $\frac{2}{5}$ أو 3 أو $\frac{5}{2}$) الإسكندرية 2025
- 3 $\frac{2}{3} \div 3 =$ ($\frac{2}{3}$ أو $\frac{2}{9}$ أو 2 أو 10) القاهرة 2025
- 4 $7 \div \frac{1}{7}$ 7×7 القاهرة 2025

2 اكمل ما يأتي:

- 1 $7 \div \frac{1}{4} = 7 \times$ الدقهلية 2025
- 2 $\frac{1}{3}$ العدد 12 = القاهرة 2025
- 3 $\frac{5}{12} \times = 1$
- 4 العدد 25 مضروباً في مقلوب العدد 5 يساوي الغربية 2025
- 5 إذا كان : $\frac{1}{2} = \frac{3}{4} \times \frac{2}{3}$ ، فإن : $\frac{1}{2} \div \frac{2}{3} =$ القليوبية 2025
- 6 إذا كان 7 هو $\frac{1}{8}$ عدد ما، فإن هذا العدد هو القاهرة 2025
- 7 يريد إسماعيل تقسيم $\frac{3}{5}$ كجم من البرتقال على 3 أكياس بالتساوي، فإن كتلة البرتقال في كل كيس = كجم الشرقية 2025

3 اوجد خارج القسمة:

- 1 $6 \div \frac{2}{3} =$ سوهاج 2025
- 2 $\frac{3}{10} \div 2 =$ الإسكندرية 2025
- 3 $\frac{3}{8} \div 3 =$ دمياط 2025
- 4 $\frac{4}{5} \div \frac{2}{5} =$ القاهرة 2025

4 أجب عما يأتي:

- 1 كم $\frac{1}{9}$ في العدد $\frac{2}{3}$ ؟ (وضح إجابتك) القاهرة 2025
- 2 يريد محمود قص سلك طوله 12 م إلى قطع متساوية طول كل قطعة منها $\frac{3}{4}$ م، فما عدد القطع التي يمكن تكوينها؟ القاهرة 2025

- 3 مع يوسف 6 كجم من الدقيق، يريد توزيعها بالتساوي على عدد من الأكياس بكل كيس $\frac{3}{4}$ كجم، فما عدد الأكياس التي سيحتاجها يوسف؟ دمياط 2025

مثال 2

إذا كان $125 = 5 \times 25$ فأوجد بدون إجراء عملية الضرب:

1 2.5×5

2 0.25×5

3 0.025×5

4 0.0025×5

الحل

1 $2.5 \times 5 = 12.5$ (نضع العلامة العشرية بعد رقم واحد؛ لأنها قبل الضرب كانت بعد رقم واحد)

2 $0.25 \times 5 = 1.25$ (نضع العلامة العشرية بعد رقمين؛ لأنها قبل الضرب كانت بعد رقمين)

3 $0.025 \times 5 = 0.125$ (نضع العلامة العشرية بعد 3 أرقام؛ لأنها قبل الضرب كانت بعد 3 أرقام)

4 $0.0025 \times 5 = 0.0125$ (نضع العلامة العشرية بعد 4 أرقام؛ لأنها قبل الضرب كانت بعد 4 أرقام)

ضرب كسر أو عدد عشري في كسر أو عدد عشري آخر

ويمكن استنتاج طريقة مباشرة لضرب الكسور والأعداد العشرية كما يلي:

1 نتجاهل العلامة العشرية ونضرب العددين.

2 نعدّ عدد الأرقام التي بعد العلامة العشرية في كل عدد ونوجد مجموعهم.

3 نضع العلامة العشرية في الناتج بعد عدد من الأرقام يساوي نفس مجموع الأرقام العشرية التي

حصلنا عليها في الكسرين قبل الضرب.

فمثلاً

لإيجاد ناتج ضرب 1.32×3.4 نتبع الخطوات التالية:

1 نضرب العددين بدون علامات عشرية.

$$\begin{array}{r} 132 \\ \times 34 \\ \hline 528 \\ + 3960 \\ \hline 4,488 \end{array}$$

2 نضع العلامات العشرية في مكانها حسب عدد الأرقام الموضوع بعدها العلامة العشرية.

$$\begin{array}{r} 1.32 \\ \times 3.4 \\ \hline 528 \\ + 3960 \\ \hline 4.488 \end{array}$$

مثال 3

أوجد ناتج ضرب:

1 0.21×1.25

2 0.6×0.34

3 0.4×0.02

الحل

1

$$\begin{array}{r} 0.02 \\ \times 0.4 \\ \hline 0.008 \end{array}$$

العلامة بعد 2 رقم عشري
العلامة بعد 1 رقم عشري
العلامة بعد 3 أرقام عشرية

2

$$\begin{array}{r} 0.34 \\ \times 0.6 \\ \hline 0.204 \end{array}$$

العلامة بعد 2 رقم عشري
العلامة بعد 1 رقم عشري
العلامة بعد 3 أرقام عشرية

3

$$\begin{array}{r} 1.25 \\ \times 0.21 \\ \hline 125 \\ 2500 \\ \hline 0.2625 \end{array}$$

العلامة بعد 2 رقم عشري
العلامة بعد 2 رقم عشري
العلامة بعد 4 أرقام عشرية

لاحظ أن:

$$2 \times 4 = 8$$

ووضعنا أصفار على يسار الرقم 8 لأننا نحتاج 3 أرقام لنضع بعدها العلامة فيصبح على الصورة 0.08 ثم نضع العلامة العشرية بعد 3 أرقام عشرية ليصبح 0.008

الضرب في قوى العدد 10

عند ضرب عدد عشري في	10	تُحَرَّك العلامة العشرية	1	خانة واحدة جهة اليمين
	100	تُحَرَّك العلامة العشرية	2	خانتين جهة اليمين
	1,000	تُحَرَّك العلامة العشرية	3	ثلاث خانات جهة اليمين

لاحظ أنه:

عندما يكون عدد الخانات جهة اليمين غير كافٍ لتُحَرَّك العلامة العشرية نضع أصفار جهة اليمين حتى يكون عدد الخانات كافٍ لتُحَرَّك العلامة العشرية

مثال 4

أوجد ناتج ما يأتي:

1 2.345×10

2 2.345×100

3 $2.345 \times 1,000$

4 $2.5 \times 1,000$

الحل

عند الضرب في 10 أو 100 أو 1,000 نُحَرَّك العلامة العشرية لليمين بنفس عدد الأصفار

1 $2.345 \times 10 = 23.45$

(نُحَرَّك العلامة العشرية لليمين خانة واحدة)

2 $2.345 \times 100 = 234.5$

(نُحَرَّك العلامة العشرية لليمين خانتين)

3 $2.345 \times 1,000 = 2,345.0 = (2,345 \text{ أو تُكتب } 2,345)$

(نُحَرَّك العلامة العشرية لليمين ثلاث خانات)

2.5 × 1,000 = 2,5000 × 1,000 = 2,500.0 (أو تُكتب 2,500)

عند الضرب (× 1,000) نُحرّك العلامة 3 خانات لليمين ولكننا نلاحظ أن عدد الأرقام بعد العلامة لليمين

هو رقم واحد فقط لذلك نضع أصفار على يمين العدد حتى يكتمل 3 خانات يمين العلامة

ثم نُحرّك العلامة 3 خانات لليمين

قسمة الكسور والأعداد العشرية على عدد صحيح

لقسمة الكسور والأعداد العشرية على عدد صحيح نتبع خطوات نوضحها في المثال التالي :

مثال 5

أوجد خارج قسمة :

$$3.75 \div 3$$

الخطوات

نقوم هنا بثلاث خطوات أساسية ثم نُكرّرها حتى تنتهي القسمة وهي :

نقسم ← نضرب ← نطرح

وسوف نشرح هذه الطريقة من خلال الخطوات التالية:

1 نضرب آخر ناتج
وهو 1 في 3
أي $3 = 3 \times 1$
ويكتب حاصل الضرب أسفل الأحاد

2 نقسم رقم أكبر خانة
وهي الأحاد على 3
أي $3 \div 3$ فيكون الناتج 1
نضعه فوق الأحاد

3 نكرّر نفس الخطوات
الثلاثة من جديد
بأن **نقسم** $3 \div 7$

3 نطرح ناتج الضرب
من المقسوم
أي $3 - 3 = 0$
نجد علامة عشرية نكتبها في الأعلى بجوار 1
ثم ينزل الرقم التالي الذي عليه الدور في القسمة بجوار
ناتج الطرح

فيكون الناتج 2 نضعه فوق الجزء من عشرة

4 نطرح آخر ناتج
ثم ينزل الرقم التالي
الذي عليه الدور في
القسمة وهو 5

5 نضرب آخر ناتج
للقسمة وهو 2
في المقسوم عليه 3
أي $6 = 3 \times 2$

$$\begin{array}{r}
 1.25 \\
 3 \overline{) 3.75} \\
 \underline{3} \\
 07 \\
 \underline{6} \\
 15 \\
 \underline{15} \\
 00
 \end{array}$$

5 **نطرح آخر ناتج**

$$0 = 15 - 15$$

و عندما نصل إلى ناتج

الطرح 0 تنتهي

القسمة عندئذ

$$\begin{array}{r}
 1.25 \\
 3 \overline{) 3.75} \\
 \underline{3} \\
 07 \\
 \underline{6} \\
 15 \\
 \underline{15} \\
 15
 \end{array}$$

7 **نكرر نفس الخطوة**

بأن نقسم

$$15 \div 3 = 5$$

ثم نضرب 5 في المقسوم

$$15 = 3 \times 5$$

ويكون خارج القسمة هو : $3.75 \div 3 = 1.25$

قسمة الكسور والأعداد العشرية على كسور عشرية

عند القسمة على كسر عشري يجب تحويل هذا الكسر إلى عدد صحيح وذلك بتحريك العلامة العشرية لليمين في كل من المقسوم والمقسوم عليه بنفس عدد الخانات حتى يتحول المقسوم عليه إلى عدد صحيح

مثال 3 $1.5 \div 0.5 = 15 \div 5 = 3$ و أيضًا : $0.35 \div 0.07 = 35 \div 7 = 5$

مثال 6

1 $0.6 \div 0.3$

2 $0.16 \div 0.02$

3 $0.364 \div 0.002$: أوجد خارج قسمة :

الحل

لإيجاد خارج قسمة أي عدد على كسر نجعل المقسوم عليه عدد صحيح

1 $0.6 \div 0.3 = 6 \div 3 = 2$

2 $0.16 \div 0.02 = 16 \div 2 = 8$

3 $0.364 \div 0.002 = 364 \div 2 = 182$

مثال 7

1 $1.28 \div 0.4$

2 $0.168 \div 0.12$

أوجد خارج قسمة :

الحل

لإيجاد خارج قسمة عدد على كسر نجعل المقسوم عليه عددًا صحيحًا

1 $1.28 \div 0.4 = 12.8 \div 4 = 3.2$

2 $0.168 \div 0.12 = 16.8 \div 12 = 1.4$

$$\begin{array}{r}
 3.2 \\
 4 \overline{) 12.8} \\
 \underline{12} \\
 008 \\
 \underline{8} \\
 000
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 1.4 \\
 12 \overline{) 16.8} \\
 \underline{12} \\
 48 \\
 \underline{48} \\
 00
 \end{array}$$

أولاً في الحصة

1 ضع العلامة العشرية في مكانها المناسب في ناتج الضرب لكل مما يأتي:

1 $2.1 \times 0.52 = 1092$

2 $2.4 \times 2.8 = 672$

3 $4.3 \times 0.05 = 215$

4 $7.6 \times 2.2 = 1672$

5 $1.75 \times 2.3 = 4025$

6 $0.74 \times 69.5 = 51430$

2 ابحث عن الأنماط المستخدمة في كل مجموعة من المسائل الآتية استخدم الأنماط لإكمال

المسائل غير المجاب عنها:

1 $0.8 \times 3 = 2.4$

$8 \times 0.03 = \underline{\hspace{2cm}}$

$0.8 \times 0.3 = \underline{\hspace{2cm}}$

$0.08 \times 0.3 = \underline{\hspace{2cm}}$

$0.8 \times 0.03 = \underline{\hspace{2cm}}$

$0.08 \times 0.03 = \underline{\hspace{2cm}}$

2 $7 \times 0.6 = \underline{\hspace{2cm}}$

$7 \times 0.06 = 0.42$

$0.7 \times 0.6 = \underline{\hspace{2cm}}$

$0.7 \times 0.06 = \underline{\hspace{2cm}}$

$0.07 \times 0.6 = \underline{\hspace{2cm}}$

$0.07 \times 0.06 = \underline{\hspace{2cm}}$

3 أوجد ناتج ما يأتي:

1

$\times$	1	.	0	6
	0	.	2	3
+				

العلامة بعد ☐ رقم عشري ←
العلامة بعد ☐ رقم عشري ←
العلامة بعد ☐ أرقام عشرية ←

2

$\times$	1	.	1	5
	0	.	3	2
+				

العلامة بعد ☐ رقم عشري ←
العلامة بعد ☐ رقم عشري ←
العلامة بعد ☐ أرقام عشرية ←

4 أوجد ناتج ما يأتي:

1 $0.12 \times 0.3 = \underline{\hspace{2cm}}$

2 $0.15 \times 2.3 = \underline{\hspace{2cm}}$

3 $4.3 \times 0.18 = \underline{\hspace{2cm}}$

4 $6.2 \times 0.23 = \underline{\hspace{2cm}}$

5 $0.52 \times 1.4 = \underline{\hspace{2cm}}$

6 $0.63 \times 2.1 = \underline{\hspace{2cm}}$

7 $0.27 \times 3.3 = \underline{\hspace{2cm}}$

8 $0.28 \times 2.4 = \underline{\hspace{2cm}}$

5 أوجد ناتج ما يأتي:

1 0.12×0.3

2 7.2×0.9

3 6.25×0.02

4 25.6×0.03

5 1.32×0.5

6 2.26×0.4

6 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

1 $3.2 \times 3 =$

9.6 أ

0.96 ب

96 ج

0.096 د

2 $0.2 \times 3.6 =$

7.2 أ

0.72 ب

72 ج

0.072 د

3 $125 \times 0.003 =$

37.5 أ

0.0375 ب

3.75 ج

0.375 د

4 $2.36 \times 0.04 =$

94.4 أ

9.44 ب

0.0944 ج

0.944 د

7 أكمل ما يأتي:

1 $3.521 \times 10 =$

2 $0.012 \times 10 =$

3 $72.14 \times 100 =$

4 $9.7 \times 100 =$

5 $0.003 \times 1,000 =$

6 $1.3 \times 1,000 =$

8 أكمل ما يأتي:

1 $0.6 \div 0.2 =$

2 $0.6 \div 0.3 =$

3 $0.4 \div 0.2 =$

4 $2.6 \div 1.3 =$

5 $1.44 \div 1.2 =$

6 $5.28 \div 2.4 =$

9 أوجد خارج قسمة كل مما يأتي:

1 $4 \overline{) 10.52}$

2 $5 \overline{) 51.65}$

3 $6 \overline{) 73.02}$

4 $0.3 \overline{) 1.353}$

5 $0.4 \overline{) 1.036}$

6 $0.6 \overline{) 1.458}$

10 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

- 1 $2.35 \times 10 =$ الغربية 2025
 0.0235 ☐ 23.5 ☐ 235 ☐ 0.235 ☐
- 2 $21.3 \times 10 =$ المتروية 2025
 0.0213 ☐ 213 ☐ 2.13 ☐ 2,130 ☐
- 3 $5.321 \times 100 =$ الجيزة 2025
 0.05321 ☐ 5,321 ☐ 53.21 ☐ 532.1 ☐
- 4 $0.056 \times 1,000 =$ أسيوط 2025
 0.00056 ☐ 560 ☐ 56 ☐ 5.6 ☐
- 5 $98.7 \times 100 =$ البحيرة 2025
 0.0987 ☐ 0.987 ☐ 9,870 ☐ 987 ☐
- 6 $45.2 \div 4.52 =$ القاهرة 2025
 100 ☐ 0.1 ☐ 10 ☐ 1 ☐
- 7 $4.8 \div 1.6 =$ الجيزة 2025
 0.03 ☐ 30 ☐ 3 ☐ 0.3 ☐
- 8 $48.48 \div 4.8 =$ دمياط 2025
 0.11 ☐ 10.1 ☐ 1.01 ☐ 1.1 ☐
- 9 $9.6 \div 0.32 =$ الدقهلية 2025
 0.03 ☐ 30 ☐ 3 ☐ 0.3 ☐

ثانياً واجب منزلي

1 اوجد ناتج ما يأتي:

1
$$\begin{array}{r} 0.2 \\ \times 3 \\ \hline \end{array}$$

2
$$\begin{array}{r} 0.7 \\ \times 5 \\ \hline \end{array}$$

3
$$\begin{array}{r} 0.9 \\ \times 4 \\ \hline \end{array}$$

4
$$\begin{array}{r} 0.2 \\ \times 6 \\ \hline \end{array}$$

5
$$\begin{array}{r} 2.4 \\ \times 1.3 \\ \hline \end{array}$$

6
$$\begin{array}{r} 5.6 \\ \times 2.6 \\ \hline \end{array}$$

7
$$\begin{array}{r} 2.6 \\ \times 3.4 \\ \hline \end{array}$$

8
$$\begin{array}{r} 1.7 \\ \times 4.2 \\ \hline \end{array}$$

2 أوجد ناتج ما يأتي:

1

$$\begin{array}{r} \times 1.45 \\ 0.23 \\ \hline \end{array}$$

العلامة بعد ☐ رقم عشري ←
العلامة بعد ☐ رقم عشري ←
العلامة بعد ☐ أرقام عشرية ←

2

$$\begin{array}{r} \times 0.35 \\ 1.4 \\ \hline \end{array}$$

العلامة بعد ☐ رقم عشري ←
العلامة بعد ☐ رقم عشري ←
العلامة بعد ☐ أرقام عشرية ←

3 أوجد ناتج ما يأتي:

1

$$\begin{array}{r} 0.35 \\ \times 2.3 \\ \hline \end{array}$$

2

$$\begin{array}{r} 0.48 \\ \times 2.5 \\ \hline \end{array}$$

3

$$\begin{array}{r} 0.59 \\ \times 3.4 \\ \hline \end{array}$$

4

$$\begin{array}{r} 4.3 \\ \times 0.75 \\ \hline \end{array}$$

5

$$\begin{array}{r} 43.2 \\ \times 0.24 \\ \hline \end{array}$$

6

$$\begin{array}{r} 2.43 \\ \times 6.9 \\ \hline \end{array}$$

7

$$\begin{array}{r} 5.26 \\ \times 4.3 \\ \hline \end{array}$$

8

$$\begin{array}{r} 6.27 \\ \times 2.6 \\ \hline \end{array}$$

4 أوجد ناتج ما يأتي:

1 0.2×4.2

2 0.3×0.21

3 0.4×0.12

4 0.5×0.011

5 0.4×0.25

6 0.6×0.32

5 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

1 $0.2 \times 0.65 =$ _____

قنا 2025

0.0013 ☐

0.013 ☐

0.13 ☐

1.3 ☐

2 $0.3 \times 0.444 =$ _____

الإسماعيلية 2025

0.01332 ☐

1.332 ☐

13.32 ☐

0.1332 ☐

3 $2.3 \times 0.26 =$ _____

القليوبية 2025

0.598 ☐

5.98 ☐

59.8 ☐

0.0598 ☐

4 $0.8 \times 125 =$ _____

البحر الأحمر 2025

1,000 ☐

100 ☐

0.01 ☐

10 ☐

6 أكمل ما يأتي:

1 $3.18 \times 10 = \underline{\hspace{2cm}}$

2 $2.2 \times 10 = \underline{\hspace{2cm}}$

3 $2.521 \times 100 = \underline{\hspace{2cm}}$

4 $0.031 \times 100 = \underline{\hspace{2cm}}$

5 $1.632 \times 1,000 = \underline{\hspace{2cm}}$

6 $2.62 \times 1,000 = \underline{\hspace{2cm}}$

7 أكمل ما يأتي:

1 $1.2 \div 0.2 = \underline{\hspace{2cm}}$

2 $0.12 \div 0.04 = \underline{\hspace{2cm}}$

3 $0.15 \div 0.03 = \underline{\hspace{2cm}}$

4 $0.21 \div 0.07 = \underline{\hspace{2cm}}$

5 $0.24 \div 0.06 = \underline{\hspace{2cm}}$

6 $2.4 \div 1.2 = \underline{\hspace{2cm}}$

8 أوجد خارج قسمة كل مما يأتي:

1 $3 \overline{) 15.72}$

2 $4 \overline{) 14.28}$

3 $4 \overline{) 3.264}$

9 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المُعطاة:

1 $1.6 \div 10 = \underline{\hspace{2cm}}$

المنيا 2025

0.016 أ

1.6 ب

0.16 ج

16 د

2 $75.3 \div 100 = \underline{\hspace{2cm}}$

مرسى مطروح 2025

0.753 أ

7,530 ب

7.53 ج

753 د

3 $8.76 \div 1,000 = \underline{\hspace{2cm}}$

الوادي الجديد 2025

8,760 أ

0.00876 ب

8.76 ج

87.6 د

4 $300.5 \div 100 = \underline{\hspace{2cm}}$

المنوفية 2025

30.05 أ

3.005 ب

0.3005 ج

30,050 د

5 $600.2 \div 10 = \underline{\hspace{2cm}}$

جنوب سيناء 2025

6.002 أ

60.02 ب

0.60002 ج

6,002 د

6 $241 \div 1,000 = \underline{\hspace{2cm}}$

الإسكندرية 2025

0.000241 أ

0.00241 ب

0.241 ج

241,000 د

7 $27.2 \div 0.8 = \underline{\hspace{2cm}}$

السويس 2025

34 أ

43 ب

4.3 ج

3.4 د

8 $3.175 \div 0.25 = \underline{\hspace{2cm}}$

شمال سيناء 2025

127 أ

0.127 ب

12.7 ج

1.27 د

اختبار تراكمي (3) حتى الدرس (4) الوحدة (8)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

(1 أو 10 أو 100 أو 1,000) الشرقية 2025

$$0.23 \times \underline{\hspace{2cm}} = 23 \quad 1$$

(1 أو 0.01 أو 0.1 أو 10) الغربية 2025

$$54.9 \times \underline{\hspace{2cm}} = 5.49 \quad 2$$

(1,000 أو 100 أو 10 أو 1) القاهرة 2025

$$0.1 \times 10 \times 0.1 \times 10 = \underline{\hspace{2cm}} \quad 3$$

(< أو > أو =) الجيزة 2025

$$4.5 \div 0.5 \quad \underline{\hspace{2cm}} \quad 45 \div 5 \quad 4$$

(> أو < أو =) القليوبية 2025

$$23.56 \times 0.6 \quad \underline{\hspace{2cm}} \quad 23.56 \times 6 \quad 5$$

6 لإجراء عملية القسمة ($15.3 \div 0.3$) نضرب المقسوم والمقسوم عليه في $\underline{\hspace{2cm}}$

(10 أو 100 أو 1,000 أو 1) الإسكندرية 2025

7 يمكن كتابة التعبير العددي $1 \div 0.5$ بالصورة $\underline{\hspace{2cm}}$

($10 \div 50$ أو $100 \div 5$ أو $1 \div 50$ أو $10 \div 5$) الجيزة 2025

2 اشترت جودي قطعة قماش طولها 2.5 متر وكان ثمن المتر الواحد 12.5 جنيه ،

الإسكندرية 2025

فما المبلغ الذي ستدفعه ؟

3 وَزَعَت مريم $\frac{3}{4}$ كجم من القهوة على عبوات بالتساوي، بحيث كل عبوة تحتوي على $\frac{3}{8}$ كجم.

دمياط 2025

أوجد عدد هذه العبوات ؟

الجيزة 2025

4 باستخدام النموذج الشريطي التالي أوجد: $2 \div \frac{1}{3}$

--	--	--	--

اختبار تراكمي (4) علي المفهوم الأول الوحدة (8)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المقعدة:

الغربية 2025

1 $4 \div \frac{2}{3} =$ _____

8 د

4 د

6 ب

$\frac{8}{3}$ ا

المنوفية 2025

2 $\frac{1}{4} = \frac{5}{4}$

40 د

20 د

4 ب

5 ا

الإسماعيلية 2025

3 $48.48 \div 4.8 =$ _____

0.11 د

10.1 د

1.01 ب

1.1 ا

دمياط 2025

4 $0.2 \times 0.65 =$ _____

0.0013 د

0.013 د

0.13 ب

1.3 ا

قنا 2025

5 إذا كان $\frac{1}{3} \times b = \frac{1}{12}$ فإن $b =$ _____

36 د

$\frac{1}{4}$ د

$\frac{1}{2}$ ب

4 ا

الشرقية 2025

6 $\frac{1}{3} \div \frac{2}{6} =$ _____

$\frac{1}{9}$ د

$\frac{1}{3}$ د

2 ب

1 ا

الدقهلية 2025

7 إذا كان 9 هو $\frac{1}{3}$ عدد ما، فإن العدد هو _____

27 د

18 د

6 ب

3 ا

2 إذا كان لدينا 3 أمتار من شريط ورقي وتحتاج إلى قصه إلى قطع بطول $\frac{3}{4}$ متر.

القاهرة 2025

فما عدد القطع التي تحصل عليها؟

3 إذا كان لدينا $\frac{2}{3}$ كجم من السمن ونريد تقسيمه إلى 4 أجزاء متساوية في الكتلة

الجيزة 2025

لنستخدمها في عمل فطائر مختلفة. فما كتلة كل جزء؟

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

- 1 $85.2 \div 0.4 = \dots$ (8.52 أو 0.852 أو 852 أو 0.0852) الشرقية 2025
- 2 $7.9 \times 1.8 = \dots$ (142.2 أو 14.22 أو 14.2 أو 1.422) المنوفية 2025
- 3 إذا كان 4 هو $\frac{1}{7}$ عدد ما، فإن العدد هو $\dots$ (4 أو 7 أو 11 أو 28) الغربية 2025
- 4 عدد المجموعات المتساوية من $\frac{1}{3}$ في الكسر $\frac{6}{9}$ هو $\dots$ (2 أو 3 أو 4 أو 5) القاهرة 2025
- 5 خارج قسمة $1.5 \div 0.5$ يساوي $\dots$ (0.03 أو 0.3 أو 3 أو 30) دمياط 2025
- 6 $\frac{5}{6} \div 3 = \dots$ (18 أو 5 أو $\frac{5}{18}$ أو $\frac{18}{5}$) القاهرة 2025

2 أكمل ما يأتي:

- 1 $\frac{1}{11}$ من العدد 66 هو $\dots$ القليوبية 2025
- 2 $\frac{2}{3}$ من 27 = $\dots$ القليوبية 2025
- 3 $0.156 \div 0.13 = \dots \div 13$ القاهرة 2025
- 4 $12.1 \div 0.11 = \dots$ القاهرة 2025
- 5 التعبير العددي المستخدم للتأكد من المسألة $18 \div \frac{1}{3} = 6$ هو $\dots$ القاهرة 2025
- 6 $\frac{2}{3} \times \dots = \frac{3}{2}$ ، $\frac{1}{8} \times \dots = 1$ ، $5 \times \dots = 1$ ، $\frac{3}{4} \times \dots = 1$ القاهرة 2025

3 اجب عما يأتي:

- 1 يمتلك سعيد 4.5 متر من السلك مقسم إلى قطع متساوية في الطول، طول القطعة الواحدة 0.3 متر. احسب عدد القطع. القاهرة 2025
- 2 إذا كان ثمن 2.5 كجم من الحلوى هو 147.5 جنيه، فما ثمن الكيلو جرام الواحد؟ القاهرة 2025
- 3 لديك 2 لتر من الطلاء وتحتاج تقسيم كمية الطلاء في عبوات سعة الواحدة $\frac{3}{5}$ لتر. احسب عدد العبوات اللازمة لذلك. القاهرة 2025

المحور الأول

- الحس العددي والعمليات
- التعبيرات العددية والمعادلات



الوحدة التاسعة: النسبة وتطبيقاتها

المفهوم الأول فهم النسبة

الدرس الأول : استكشاف النسبة والمعدل في مواقف حياتية .

الدرس الثاني : تمثيل النسبة .

المقارنة بين الكميات ومعنى النسبة

إذا كان ما مع أحمد 4 جنيهات وما مع منى 2 جنيه فإنه يمكن المقارنة بين ما معهما

بإحدى الطرق الآتية:

- 1 ما مع أحمد أكثر من الذي مع منى أو ما مع منى أقل من الذي مع أحمد.
 - 2 عدد الجنيهات التي مع أحمد يزيد عن عدد الجنيهات التي مع منى بمقدار جنيهين.
 - 3 ما مع أحمد ضعف ما مع منى أو ما مع منى $\frac{1}{2}$ ما مع أحمد.
- ولكن كيف عرفنا أن ما مع منى $\frac{1}{2}$ ما مع أحمد أو ما مع أحمد ضعف ما مع منى؟
والإجابة على ذلك هي أنه لمعرفة ذلك فإننا نقسم ما مع أحمد على ما مع منى.

$$\text{فنقول إن: } 2 = \frac{4}{2} = \frac{\text{ما مع أحمد}}{\text{ما مع منى}}$$

أي أن: ما مع أحمد ضعف ما مع منى أي يُماثل ما مع منى مرتين

$$\text{أو نقسم ما مع منى على ما مع أحمد فنقول إن: } \frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{\text{ما مع منى}}{\text{ما مع أحمد}}$$

أي أن: ما مع منى يعادل $\frac{1}{2}$ ما مع أحمد.

وناتج القسمة (أو المقارنة) الذي يكون على صورة كسر يُسمى "النسبة"

أي أن: الكسر $\frac{1}{2}$ هو النسبة بين ما مع منى و ما مع أحمد ويمكن أن نذكر ذلك بصورة أخرى هي "النسبة بين ما مع منى إلى ما مع أحمد 1 : 2" وتقرأ واحدة إلى اثنين



إذا كان ما مع محمد 6 تفاحات ومع هدى 4 تفاحات فإنه يمكن إيجاد النسبة بين عدد تفاحات محمد إلى عدد تفاحات هدى كما يلي:

$$\text{عدد تفاحات محمد} = \frac{6}{4} = \frac{3}{2} = \frac{\text{ما مع محمد}}{\text{ما مع هدى}}$$

ونقول إن: النسبة بين عدد تفاحات محمد وعدد تفاحات هدى هي $\frac{3}{2}$

أو نقول إن: النسبة بين عدد تفاحات محمد إلى عدد تفاحات هدى هي 3 : 2 وتقرأ ثلاثة إلى اثنين

ومما سبق يمكن أن نستنتج ما يأتي:

النسبة

هي مقارنة بين عددين أو كميتين من نفس النوع ولهما نفس الوحدات باستخدام القسمة وليس لها

$$\text{تميز أي أن: النسبة بين عددين} = \frac{\text{العدد الأول}}{\text{العدد الثاني}}$$

استكشاف النسب (التعبير عن النسبة)

يمكن التعبير عن النسبة بين العددين 2، 5 بإحدى الطرق الآتية :

(وتُقرأ 2 على 5)

$\frac{2}{5}$

(وتُقرأ 2 إلى 5)

2 : 5

2 إلى 5

ويمكن أن نستخدم أيًا من الطرق الثلاثة لكتابة النسبة وهي تُقرأ دائمًا 2 إلى 5

يُسمى العددين 2، 5 بحَدَي النسبة حيث يُسمى 2 بحدها الأول (أو مقدم النسبة) ويُسمى 5

بحدها الثاني (أو تالي النسبة)

ملاحظات:

ترتيب حدي النسبة مهم جدًا لأن $5 : 2 \neq 2 : 5$ ؛ لذلك فإن ما يذكر أولاً في المقارنة يذكر حد النسبة الخاص به أولاً

مثال النسبة بين ما مع أحمد إلى ما مع منى $= 2 : 4$ يكون 4 هو العدد الخاص بأحمد والذي يُمثل حد النسبة الأول و 2 هو العدد الخاص بمنى والذي يُمثل حد النسبة الثاني

مثال 1



في الشكل المقابل:

يوجد 5 عصافير داخل القفص ويوجد 7 عصافير خارج القفص

اكتب النسبة بين:

1 عدد العصافير داخل القفص إلى عدد العصافير خارج القفص

2 عدد العصافير داخل القفص إلى عدد جميع العصافير

3 عدد العصافير خارج القفص إلى عدد جميع العصافير

عدد جميع العصافير يساوي $5 + 7 = 12$

1 النسبة بين عدد العصافير داخل القفص إلى عدد العصافير خارج القفص $= \frac{5}{7}$ أو $5 : 7$

2 النسبة بين عدد العصافير داخل القفص إلى عدد جميع العصافير $= \frac{5}{12}$ أو $5 : 12$

3 النسبة بين عدد العصافير خارج القفص إلى عدد جميع العصافير $= \frac{7}{12}$ أو $7 : 12$

المعدل في مواقف حياتية

أراد أب أن يُوزع 60 جنيه كمصروف على أولاده الثلاثة فكم يأخذ كل ابن؟
 لمعرفة ذلك سوف نقسم $60 \div 3 = 20$ ومعنى ذلك أنه سيعطى 20 جنيه لكل ابن والجمله الأخيرة
 " 20 جنيه لكل ابن " تُسمى معدل توزيع المصروف على الأولاد
 ويمكن أن نعبر عن هذا المعدل بأكثر من طريقة فمثلاً كنسبة مثل 3 : 60 أي 1 : 20
 ونلاحظ أن هذه النسبة تكون بين كميتين مختلفتين الأولى هي عدد الجنيهات والثانية هي عدد الأولاد
 لذلك تُسمى " معدل " أو نُعبر عنها لفظياً كما سبق " 20 جنيه لكل ابن "
 أو نُعبر عنها رمزياً " 20 / 1 " والشرطة المائلة (/) تعني لكل
 ومثال آخر على ذلك أنه إذا احتجنا 3 بيضات لكل كوب واحد من الدقيق لعمل البيتزا فنقول إن معدل استخدام
 البيض هو 3 بيضات لكل كوب دقيق أو 3 بيضة / كوب دقيق وإذا كان أحد التلاميذ يحل 10 مسائل رياضيات
 في الساعة فيكون معدل حل المسائل هو 10 مسائل لكل ساعة أو 10 مسائل في الساعة
 ونلاحظ هنا أننا نستخدم في لغة المعدلات الكلمتين (لكل) و (في)
 وهناك أمثلة أخرى على المعدلات مثل 3 لترات بنزين لكل كيلو متر أو 60 كلمة في الدقيقة أو 5 كيلو مترات
 في الساعة

المعدل

هو النسبة بين كميتين من نوعين مختلفين وللمعدل وحدة هي وحدة الكمية الأولى لكل وحدة من الكمية الثانية.
 وسوف نتعرف على كيفية إيجاد المعدل من خلال الأمثلة التالية:

مثال 1

يصرف أحمد 30 جنيهًا في ستة أيام فما معدل ما يصرفه أحمد في اليوم الواحد؟

الحل

معدل ما يصرفه أحمد في اليوم = $\frac{\text{ما يصرفه أحمد}}{\text{ما مع منى}} = \frac{30}{6} = 5$ يساوي 5 جنيه في اليوم ($\frac{30}{6} = 5$)
 أي أن: معدل ما يصرفه = 5 جنيه / يوم

مثال 2

تستهلك سيارة 30 لترًا من الوقود عند قطع مسافة 240 كيلو متر فما معدل استهلاك السيارة للوقود؟

الحل

معدل استهلاك السيارة للوقود = $\frac{\text{عدد لترات الوقود}}{\text{عدد الكيلومترات}} = \frac{30}{240} = \frac{3}{24} = \frac{1}{8} = 0.125$ لتر / كم
 أي أن: معدل استهلاك السيارة للوقود = $\frac{1}{8}$ لتر / كم = 0.125 لتر / كم

مثال 4

آلة زراعية تحرث 8 أفدنة في 4 ساعات أوجد معدل أداء هذه الآلة.

الحل

في معدل الأداء نقسم
العدد الأول على العدد الثاني

$$\text{معدل أداء الآلة} = \frac{\text{عدد الأفدنة}}{\text{عدد الساعات}} \text{ يساوي } 2 \text{ فدان / ساعة} = \frac{8}{4}$$

أي أن: معدل أداء الآلة = 2 فدان / ساعة

اجب بنفسك

آلة زراعية تحرث 6 أفدنة في 3 ساعات. أوجد معدل أداء هذه الآلة

$$\frac{\boxed{}}{\boxed{}} = \boxed{} \text{ فدان / ساعة} \text{ يساوي}$$

مثال 5

إذا قطعت سيارة مسافة 180 كيلو متر في ثلاث ساعات فأوجد سرعة هذه السيارة

الحل

(السرعة تعني معدل قطع المسافة لكل ساعة)

$$\text{أي أن: السرعة} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}} \text{ يساوي } 60 \text{ كم / ساعة} = \frac{180}{3}$$

مثال 6

ماكينتان لإنتاج السلك الأولى تنتج 1,620 مترًا في 3 ساعات والثانية تنتج 680 مترًا من نفس السلك في 80 دقيقة أي الألتين أكثر كفاءة؟

الحل

نلاحظ أن إنتاج الماكينة الأولى يكون بالساعة وإنتاج الماكينة الثانية يكون بالدقيقة؛ لذلك يجب أن يكون وحدات الزمن للألتين واحدة حتى يسهل الحل؛ لذلك نحول الوحدة الأكبر إلى الوحدة الأصغر

أي أن 3 ساعات يساوي 180 دقيقة = 60 دقيقة × 3

$$\text{معدل إنتاج الماكينة الأولى} = \frac{\text{عدد الأمتار}}{\text{عدد الدقائق}} \text{ يساوي } 9 \text{ متر / دقيقة} = \frac{1,620}{180}$$

$$\text{معدل إنتاج الماكينة الثانية} = \frac{\text{عدد الأمتار}}{\text{عدد الدقائق}} \text{ يساوي } 8.5 \text{ متر / دقيقة} = \frac{680}{80}$$

و بمقارنة الإنتاجية يتضح أن الآلة الأولى تنتج أمتار أكثر في الدقيقة

و بذلك تكون الآلة الأولى هي الأكثر كفاءة

أولاً في الحصّة



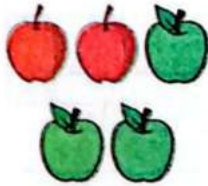
1 إذا كان عُمر يوسف 3 سنوات و عُمر خالد 11 سنة فإن :

1 النسبة بين عُمر يوسف إلى عُمر خالد = $\frac{\quad}{\quad}$ أو $\frac{\quad}{\quad}$:

2 النسبة بين عُمر خالد إلى عُمر يوسف = $\frac{\quad}{\quad}$ أو $\frac{\quad}{\quad}$:

2 باستخدام الشكل المقابل :

أكمل ما يأتي:



1 النسبة بين عدد التفاح الأخضر : عدد التفاح الأحمر = $\frac{\quad}{\quad}$ أو $\frac{\quad}{\quad}$:



2 النسبة بين عدد التفاح الأحمر : عدد التفاح الأخضر = $\frac{\quad}{\quad}$ أو $\frac{\quad}{\quad}$:

3 النسبة بين عدد التفاح الأخضر : عدد التفاح كله = $\frac{\quad}{\quad}$ أو $\frac{\quad}{\quad}$:

3 أكمل مما يأتي:

- 1 النسبة بين كميتين من نوعين مختلفين هو
- 2 آلة زراعية تحرث 12 فداناً في 3 ساعات فإن مُعدّل أداء الآلة = فدان / ساعة
- 3 مصنع ينتج 4,000 علبة عصير في 8 ساعات فإن مُعدّل الإنتاج لكل ساعة هو
- 4 أسرة تنفق 480 جنيهاً خلال ستة أيام فيكون مُعدّل ما تنفقه في اليوم يساوي
- 5 سيارة تقطع 210 كيلو متر في 3 ساعات فإن السرعة المتوسطة للسيارة =
- 6 يجري معتر 600 متر في 4 دقائق فإن المسافة التي يجريها معتر في الدقيقة =
- 7 ماكينة تنتج 28 متر من القماش في 4 ساعات فإن معدل إنتاج الماكينة =
- 8 تصرف أسرة مبلغ 250 جنيهاً في 5 أيام فإن مُعدّل الصرف = جنيه / يوم
- 9 يتسرب من خزان مياه 30 لتراً خلال 5 ساعات فإن مُعدّل تسرب الماء = لتر / ساعة
- 10 يستخدم مصنع حلويات 720 كيلو جرام من السكر في الشهر فإن معدل استخدام السكر يومياً =

الشرقية 2025

4 يصرف حسن 45 جنيهاً في ثلاثة أيام. ما مُعَدَّل ما يصرفه حسن في اليوم الواحد؟

السويس 2025

5 سيارة تقطع 360 كيلو متراً في 4 ساعات. أوجد السرعة المتوسطة للسيارة

دمياط 2025

6 صنوبر مياه به خلل يُسَرَّب 20 لتراً من الماء في خمس ساعات.
احسب معدل تَسَرُّب الماء في الساعة و بما تنصح أهل هذا المكان؟

الإسكندرية 2025

7 سيارة تستهلك 20 لتراً من البنزين لقطع مسافة 180 كم، أوجد معدل استهلاك البنزين
ثم أوجد ما تستهلكه السيارة من البنزين لقطع مسافة 540 كم

المنوفية 2025

8 محراث للأرض الزراعية يحرق 6 أفدنة في 3 ساعات أوجد مُعَدَّل عمل هذا المحراث
وإذا حرق محراث آخر 10 أفدنة في أربع ساعات فأَي المحراثين أفضل؟

ثانياً واجب منزلي

1 اكمل ما يأتي:

1 النسبة بين عدد المثلثات : عدد المربعات
أو $\frac{\text{عدد المثلثات}}{\text{عدد المربعات}} =$: _____2 النسبة بين عدد المثلثات : عدد الدوائر
أو $\frac{\text{عدد المثلثات}}{\text{عدد الدوائر}} =$: _____3 النسبة بين عدد المربعات : عدد الدوائر
أو $\frac{\text{عدد المربعات}}{\text{عدد الدوائر}} =$: _____4 النسبة بين عدد المثلثات : عدد الأشكال كلها
أو $\frac{\text{عدد المثلثات}}{\text{عدد الأشكال كلها}} = \frac{\text{عدد المربعات}}{\text{عدد الأشكال كلها}} =$: _____

2 اكمل الجدول التالي :

مقدم النسبة	تالي النسبة	صور التعبير عن النسبة
3	5	$3:5$
7	10	
		$\frac{7}{5}$
		$4:11$

3 اكمل الجدول التالي بكتابة المعدل المناسب أمام كل عبارة كالعبارة الأولى :

العبارة	المعدل	
	رمزيًا	لفظيًا
تقطع سيارة مسافة 240 كيلو متر في 3 ساعات	240 لكل 3 = 80 كم / ساعة	80 كيلو متر لكل ساعة
تصرف أسرة مبلغ 350 جنيهاً في 7 أيام		جنيه لكل يوم
تكتب سكرتيرة 320 سطرًا خلال 4 ساعات		سطرًا لكل ساعة
تصب حنفية مياه 360 لترًا في الساعة		لترًا لكل دقيقة
يبيع جزار 108 كيلو جرامًا من اللحم خلال 9 ساعات		

- 4 تستهلك سيارة 20 لترًا من البنزين لقطع مسافة 250 كيلو مترًا. أسوان 2025
احسب مُعدّل استهلاك السيارة للبنزين

- 5 طابعة كمبيوتر ألوان تطبع 12 ورقة كل أربع دقائق. أوجد مُعدّل عمل هذه الطابعة الإسماعلية 2025

- 6 مصنع ينتج 5,000 علبة عصير في 8 ساعات. احسب مُعدّل الإنتاج لكل ساعة الوادي الجديد 2025

- 7 مصنعان ينتج الأول 900 زجاجة في 12 ساعة وينتج الثاني 980 زجاجة في 14 ساعة القاهرة 2025
أي المصنعين أفضل ولماذا ؟ وضح خطوات الحل.

- 8 يُجهّز صاحب مطعم 80 وجبة غذاء جميعها من نفس النوع باستخدام 20 كيلو جرامًا من اللحم القليوبية 2025
فما هو مُعدّل كمية اللحم اللازمة لإعداد الوجبة الواحدة ؟
وما كمية اللحم اللازمة لإعداد أربع وجبات ؟

اختبار (5) حتى الدرس (1) الوحدة (9)

20

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

الشرقية 2025

1 النسبة 27 : 18 في أبسط صورة = : _____

1 : 2 3 : 4 2 : 3 2 : 1

الجيزة 2025

2 الحد الأول في النسبة $\frac{5}{8}$ هو _____

13 5 8 3

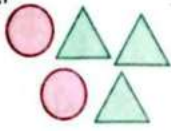
3 صندوق به 5 كرات زرقاء، و 10 كرات حمراء، فإن النسبة بين عدد الكرات الزرقاء إلى العدد

دمياط 2025

الكلي للكرات هي _____

2 : 5 1 : 3 3 : 1 3 : 4

الإسكندرية 2025



4 النسبة بين عدد المثلثات إلى عدد الدوائر في الشكل المقابل = _____

2 : 3 3 : 2

5 : 2 2 : 5

5 إذا كان عُمر شريف 15 سنة، وعمر والده 45 سنة، فإن النسبة بين عُمر شريف إلى عُمر والده = _____

القليوبية 2025

$\frac{4}{1}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{3}{1}$

الغربية 2025

6 6 برتقالات تعمل 2 كوب عصير تُعبر هذه المقارنة عن _____

متغير معدل وحدة معدل نسبة

2 اكمل ما يأتي:

الجيزة 2025

1 النسبة هي مقارنة بين كميتين من نفس _____ و _____

المنوفية 2025

2 الحد الثاني في النسبة 9 : 4 هو _____

الدقهلية 2025

3 : _____ = 63 : 42 (في أبسط صورة)

القاهرة 2025

4 : _____ = 48 : 36 (في أبسط صورة)

قنا 2025

5 لدى هالة 4 تفاحات، 9 برتقالات، فإن النسبة بين عدد البرتقال إلى عدد التفاح = _____

الغربية 2025

6 إذا قطعت سيارة 180 كم في 3 ساعات فإن سرعة السيارة = _____ كم / س

3 مدرسة بها 210 بنات، 280 ولدًا، أوجد النسبة بين عدد البنات إلى عدد الأولاد في أبسط صورة.

القاهرة 2025

4 لدى بائع 3 بالونات حمراء، 6 بالونات زرقاء. أوجد النسبة بين عدد البالونات الحمراء إلى عدد البالونات

القليوبية 2025

الزرقاء في أبسط صورة.

استعداد

42 الصف السادس الابتدائي

تُستخدم عادة سلاسل مصابيح الإنارة المُلَوَّنة؛

لتزيين حفلة أو فاعلية مثل: رمضان أو رأس السنة

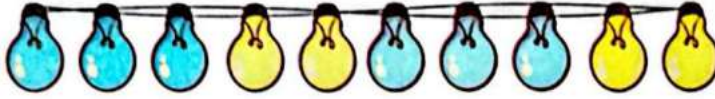
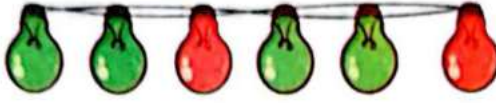
وتنتج الشركات هذه السلاسل بنسب مختلفة

لتكوين أنماط ألوان مصابيح الإنارة كأن تنتج سلسلة

بنسبة مصباح باللون الأحمر ومصباحين باللون الأخضر

أو بنسبة مصباحين باللون الأصفر

و 3 مصابيح باللون الأزرق



مثال 1

صمِّم سلسلة مصابيح خاصة بك ابدأ بتمثيل مصابيح خضراء وصفراء بنسبة مصباح باللون الأصفر ومصباحين باللون الأخضر وضح ذلك بالرسم.



العمل



لاحظ أن:

إذا كان عدد المصابيح الكلي	فإن عدد المصابيح الصفراء	وعدد المصابيح الخضراء
3	1	2
6	2	4
9	3	6

ويظل النمط بهذه الصورة ونلاحظ أن النسب ثابتة لا تتغير حيث عدد المصابيح الصفراء نصف عدد المصابيح الخضراء أو عدد المصابيح الخضراء ضعف عدد المصابيح الصفراء.

اجب بنفسك

صمِّم سلسلة مصابيح خاصة بك ابدأ بتمثيل مصابيح حمراء وخضراء بنسبة مصباح باللون الأحمر و 3 مصابيح باللون الأخضر، ووضح ذلك بالرسم.



استخدم البيانات التالية لإكمال الجدول بنسبة مصباح باللون الأحمر وثلاثة مصابيح باللون الأخضر
وابحث عن الأنماط وأنت تكمل الجدول

إجمالي عدد المصابيح	عدد المصابيح الحمراء	عدد المصابيح الخضراء
4	1	3
8		
12		
	4	

العمل

لاحظ أن النسبة هي 3 : 1 والمجموع الكلي للمصابيح في أول صف 4 وهو مجموع حدي النسبة وفي الصف الثاني المجموع 8 أي ضاعفنا مجموع الصف الأول (أي ضربنا في 2) لذلك نضاعف أعداد نسبة الصف الأول أي نضرب $2 \times$ فيصبح عدد المصابيح الحمراء 2 وعدد المصابيح الخضراء 6 وفي الصف الثالث نجد أن العدد الإجمالي 12 أي ضربنا 3×4 لذلك نضرب النسبة في 3 فتصبح عدد المصابيح الحمراء 3 وعدد المصابيح الخضراء 9

ونلاحظ أن عدد المصابيح الحمراء في الصف الرابع 4 أي ضربنا النسبة $4 \times$ لذلك نضرب باقي الأعداد في 4 فيصبح الجدول بالشكل التالي:

إجمالي عدد المصابيح	عدد المصابيح الحمراء	عدد المصابيح الخضراء
4	1	3
8	2	6
12	3	9
16	4	12

اجب بنفسك

أكمل الجدول التالي بنسبة مصباح باللون الأحمر ومصباحين باللون الأخضر :

إجمالي عدد المصابيح	عدد المصابيح الحمراء	عدد المصابيح الخضراء
	1	2
6		
9		

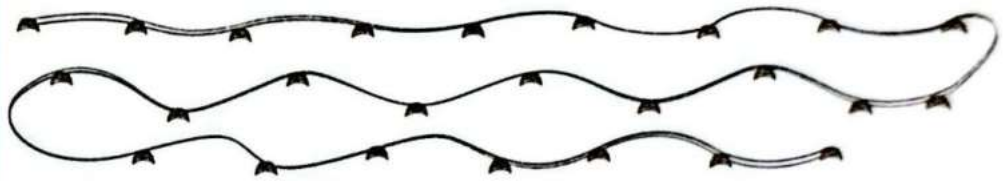
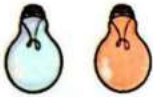
أولاً في الحصة

- 1 ضُمَّ سلسلة مصابيح خاصة بك ابدأ بتمثيل مصابيح حمراء وزرقاء بنسبة مصباح باللون الأحمر ومصباح باللون الأزرق مُوضَّحاً ذلك بالرسم.



- 2 استمر في رسم سلسلة مصابيح الإضاءة مع الحفاظ على نفس نسبة الألوان تذكر أن تحتفظ بنفس النسبة وهي مصباحان باللون الأحمر إلى ثلاثة مصابيح باللون الأزرق في كل مرة تستمر في تكوين النمط بمقدار خمسة مصابيح زيادة. وضح ما فهمته عن طريق الرسم في كراس الرياضيات

استخدم هذه المصابيح
الحمراء والزرقاء



- 3 استخدم بيانات سلسلة مصابيح الإضاءة في سؤال 2 لإكمال الجدول التالي:

بنسبة مصباح باللون الأزرق ومصباحين باللون الأصفر ابحث عن الأنماط وأنت تكمل الجدول

إجمالي عدد المصابيح	عدد المصابيح الزرقاء	عدد المصابيح الصفراء
3	1	2
6		
9		
	4	
		10

- 4 استخدم البيانات التالية لإكمال الجدول:

بنسبة مصباح باللون الأخضر و 4 مصابيح باللون الأصفر. ابحث عن الأنماط وأنت تكمل الجدول

إجمالي عدد المصابيح	عدد المصابيح الخضراء	عدد المصابيح الصفراء	عدد المصابيح الخضراء : الصفراء
5	1	4	1 : 4
10			
15			
	5		

5) استخدم البيانات التالية لإكمال الجدول

بنسبة مصباحين باللون الأحمر و 4 مصابيح باللون الأخضر. ابحث عن الأنماط وأنت تكمل الجدول.

إجمالي عدد المصابيح	عدد المصابيح الحمراء	عدد المصابيح الخضراء	المصابيح الحمراء : المصابيح الخضراء
6	2	4	$2 : 4 = 1 : 2$
12			
18			
	8		
		20	

ثانيًا واجب منزلي

- 1) صمّم سلسلة مصابيح خاصة بك ابدأ بتمثيل مصابيح حمراء وصفراء بنسبة مصباح باللون الأحمر ومصباحين باللون الأصفر موضحًا ذلك بالرسم.



- 2) ارسم سلسلة مصابيح الإضاءة بنفس النسبة وهي مصباح باللون الأصفر و 3 مصابيح باللون الأزرق وضح ذلك بالرسم.



- 3) حان الوقت الآن لتكون مُبتكّرًا صمّم سلسلة مصابيح إضاءة خاصة بك، ابدأ باستخدام لونين للمصابيح بالنسبة التي تختارها. يمكن اختيار عدد أقل من 6 ذوي التالية لتمثيل نسبتك وضح ما فهمته عن طريق الرسم في كراس الرياضيات



4) استخدم البيانات التالية لإكمال الجدول:

بنسبة مصباح باللون الأحمر و 3 مصابيح باللون الأخضر ابحث عن الأنماط وأنت تكمل الجدول

إجمالي عدد المصابيح	عدد المصابيح الحمراء	عدد المصابيح الخضراء
4	1	3
8		
12		
	4	

5 **استخدم** بيانات سلسلة مصابيح الإضاءة التي تابعت رسمها في سؤال 4 لإكمال الجدول التالي

أكمل الجدول بنسبة مصباحين باللون الأحمر إلى 3 مصابيح باللون الأزرق ابحث عن الأنماط وأنت تكمل الجدول

إجمالي عدد المصابيح	عدد المصابيح الحمراء	عدد المصابيح الزرقاء
5	2	3
10		
15		
	10	

6 بنسبة مصباحين باللون الأحمر و 5 مصابيح باللون الأصفر. ابحث عن الأنماط وأنت تكمل الجدول.

إجمالي عدد المصابيح	عدد المصابيح الحمراء	عدد المصابيح الصفراء	المصابيح الحمراء : المصابيح الصفراء
7	2	5	2 : 5
14			
	6		
		20	

7 **توسع** أكثر في التصميم أو استخدم كراستك للتوسع في رسم مخططك وتكوين ثلاثة سلاسل مصابيح إضاءة أطوالها مختلفة، بعد ذلك استخدم السلاسل التي كونتها لإكمال الجدول بفرض أن (أ) و (ب) يُمثلان ألوان سلسلة مصابيح الإضاءة.

إجمالي عدد المصابيح	عدد المصابيح باللون (أ)	عدد المصابيح باللون (ب)	عدد المصابيح باللون (أ) : عدد المصابيح باللون (ب)



اختبار (6) حتى الدرس (2) الوحدة (9)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

الجيزة 2025

1 الحد الأول في النسبة $\frac{5}{9}$ هو _____

14 أ

9 ب

5 ج

1 د

الإسكندرية 2025

2 النسبة 8 : 3 تُقرأ _____

3 إلى 8 أ

8 في 3 ب

3 إلى 8 ج

1 د

المنوفية 2025

3 12 كوب من الدقيق لكل 4 كعكات تُعبّر هذه المقارنة عن _____

متغير أ

معدل وحدة ب

معدل ج

1 د

الغربية 2025

4 النسبة 25 : 50 في أبسط صورة = _____ :

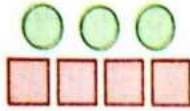
2 : 5 أ

2 : 1 ب

3 : 5 ج

1 : 2 د

القاهرة 2025



5 النسبة بين عدد الدوائر إلى عدد المربعات هي _____

$\frac{7}{3}$ أ

$\frac{3}{4}$ ب

$\frac{4}{3}$ ج

$\frac{3}{7}$ د

6 صندوق به 4 كرات زرقاء، و 12 كرة حمراء، فإن النسبة بين عدد الكرات الحمراء إلى العدد الكلي

الشرقية 2025

للكرات هي _____

2 : 5 أ

3 : 1 ب

1 : 3 ج

3 : 4 د

2 أعمل ما يأتي:

القليوبية 2025

1 الحد الثاني في النسبة $\frac{16}{17}$ هو _____

القاهرة 2025

2 النسبة التالية في النمط $\frac{3}{7}$ ، $\frac{6}{14}$ ، $\frac{9}{21}$ هي _____

3 بائع فاكهة لديه 45 كجم من التفاح، و 50 كجم من البرتقال، فإن النسبة بين كتلة التفاح إلى

الدقهلية 2025

كتلة البرتقال في أبسط صورة هي _____

الجيزة 2025

3 إذا كان ثمن 3 أقلام في إحدى المكتبات هو 12 جنيهاً، لاحظ الجدول التالي ثم أجب :

1 ما عدد الأقلام من نفس النوع (A) التي يتم شراؤها بمبلغ 24 جنيهاً ؟

2 كم جنيهاً (B) تشتري 9 أقلام من نفس النوع ؟

9	A	3	عدد الأقلام
B	24	12	الثن الكلي بالجنيه



اختبار تراكمي (7) على المفهوم (1) الوحدة (9)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

قنا 2025

1 $3.21 \times 0.14 =$

- 0.4494 (أ) 4.494 (ب) 44.94 (ج) 449.4 (د)

بورسعيد 2025

2 $1.092 \div 0.21 =$

- 52 (أ) 0.52 (ب) 5.2 (ج) 0.52 (د)

البحر الأحمر 2025

3 $\frac{4}{5} \div \frac{16}{10} =$

- 4 (أ) 2 (ب) $\frac{1}{4}$ (ج) $\frac{1}{2}$ (د)

4 آلة زراعية تحرث 6 أفدنة في 3 ساعات فإن مُعدّل أداء الآلة = فدان / ساعة

- 36 (أ) 3 (ب) 2 (ج) 9 (د)

5 ماكينة تنتج 45 متر من القماش في 5 ساعات فإن مُعدّل إنتاج الماكينة =

- 45 متر في الساعة (أ) 9 متر في الساعة (ب) 5 متر في الساعة (ج) 9 متر (د)

أسيوط 2025

6 تصرف أسرة 200 جنيه في 4 أيام فإن مُعدّل الصرف = جنيه / يوم

- 200 (أ) 100 (ب) 204 (ج) 50 (د)

7 يجري حاتم 900 متر في 3 دقائق فإن مُعدّل المسافة التي يجريها حاتم = متر في الدقيقة

- 300 (أ) 600 (ب) 900 (ج) 2,700 (د)

2 يريد أحد العمال تقسيم 5 كيلوجرامات من الشاي في عبوات صغيرة كتلة العبوة $\frac{1}{4}$ كجم. المنوفية 2025

ما عدد العبوات التي يحتاج إليها العامل؟

3 صنّم سلسلة مصابيح خاصة بك. ابدأ بتمثيل مصابيح حمراء وصفراء بنسبة مصباح باللون الأحمر

ومصابيح باللون الأصفر. موضحًا ذلك بالرسم.



المحور الأول

- الحس العددي والعمليات
- التعبيرات العددية والمعادلات



الوحدة التاسعة : النسبة وتطبيقاتها

المفهوم الثاني تكوين نسب متكافئة

الدرس الثالث : استكشاف النسب المتكافئة.

الدرس الرابع و الخامس : تمثيل النسب بالمخططات الشريطية - تحليل النسب المتكافئة باستخدام خط الأعداد.

الدرس السادس : مقارنة النسب وتحليلها.

تذكّر أن

الكسور المتكافئة هي كسور يختلف بسطها ومقامها عن بعضها البعض ولكن لها نفس القيمة

$$\dots = \frac{4}{8} = \frac{3}{6} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

ونلاحظ أنها تكون بعض الأنماط وقد درسناها في الصفوف السابقة

النسب المتكافئة

النسبة لها نفس خواص الكسر العادي من حيث الاختصار والتبسيط والمقارنة

$$\frac{2}{4} = \frac{2}{4}$$

يمكن اختصار النسبة (الكسر) $\frac{2}{4}$ إلى أبسط صورة وذلك بالقسمة على 2 فيكون

ولوضع النسبة في أبسط صورة يجب أن نتذكر قابلية القسمة على الأعداد فيما يلي:

تذكّر أن:

يقبل العدد القسمة :

العدد يقبل القسمة على 2 إذا كان رقم أحاده 0 أو 2 أو 4 أو 6 أو 8 (الأعداد الزوجية)

الأعداد 12، 24، 46، 18، 20 كل منها يقبل القسمة على 2

العدد يقبل القسمة على 3 إذا كان مجموع أرقامه يقبل القسمة على 3

العدد 72 يقبل القسمة على 3 لأن $7 + 2 = 9$ والعدد 9 يقبل القسمة على 3

العدد يقبل القسمة على 5 إذا كان رقم أحاده هو 0 أو 5 مثل: 10، 15، 30، 45

العدد يقبل القسمة على 10 إذا كان رقم أحاده هو 0 مثل: 10، 50، 100، 1,000

وصف الأنماط والعلاقة بين حدي النسبة

يمكن إيجاد النسب المكافئة لأي نسبة باستخدام بعض الأنماط وسيكون للجمع والضرب دورًا في إيجاد النسب المكافئة بضرب حدي النسبة في نفس العدد كل مرة أو قسمة حدي النسبة على نفس العدد في كل مرة

مثال 1

أوجد النسب المكافئة للنسبة $\frac{1}{2}$

الحل

بضرب حدي النسبة في نفس العدد كل مرة كما يلي:

$$\frac{1 \times 4}{2 \times 4} = \frac{4}{8} \quad , \quad \frac{1 \times 3}{2 \times 3} = \frac{3}{6} \quad , \quad \frac{1 \times 2}{2 \times 2} = \frac{2}{4}$$

فيكون $\frac{1}{2}$ ، $\frac{2}{4}$ ، $\frac{3}{6}$ ، $\frac{4}{8}$ جميعها نسب متكافئة

ويمكن الضرب في نفس العدد كل مرة مثل:

ستجداد

$$\frac{4 \times 2}{8 \times 2} = \frac{8}{16}, \quad \frac{2 \times 2}{4 \times 2} = \frac{4}{8}, \quad \frac{1 \times 2}{2 \times 2} = \frac{2}{4}$$

فيكون $\frac{8}{16}, \frac{4}{8}, \frac{2}{4}, \frac{1}{2}$ جميعها نسب مُتكافئة

ويُفضل استخدام هذه الطريقة إذا كان عندنا نسبة كاملة تساوي نسبة معلوم أحد حديها ومطلوب معرفة الحد

الأخر مثل $\frac{1}{2} = \frac{3}{\quad}$ أو $\frac{1}{9} = \frac{\quad}{3}$ ومن ذلك يمكن استخدام القاعدة التالية:

قاعدة ١ للحصول على نسبة تساوي نسبة معلومة فإننا **نضرب** كلاً من حدي النسبة في نفس العدد

$$\frac{1}{2} = \frac{3}{6}$$

$$\frac{2}{3} = \frac{4}{6}$$

مثال

كما يمكن استخدام القاعدة التالية:

قاعدة ٢ للحصول على نسبة تساوي نسبة معلومة فإننا **نقسم** كلاً من حدي النسبة على نفس العدد إذا كانا يقبلان القسمة

$$\frac{3}{9} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{4}{10} = \frac{2}{5}$$

مثال

ملاحظات:

- النسبة هي كسر عادي لذلك يمكننا اختصار النسبة إلى أبسط صورة، وذلك بقسمة كل من حدي النسبة على العامل المُشترك الأعلى
- تكون النسبة في أبسط صورة إذا كان لا يوجد بين حدي النسبة أي عوامل مُشتركة سوى (الواحد الصحيح)

اكتب كلاً من النسب الآتية في أبسط صورة:

$$100 : 450 \quad 3$$

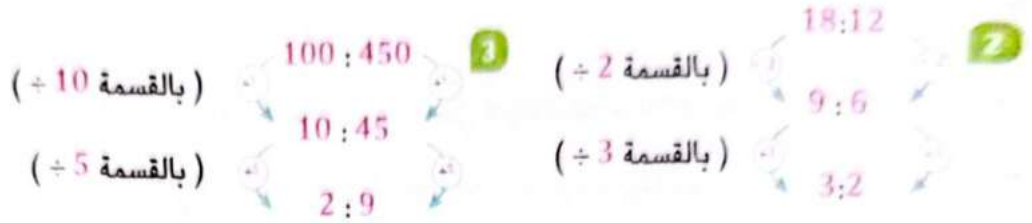
$$18 : 12 \quad 2$$

$$\frac{3}{6} \quad 1$$

لتكون النسبة في أبسط صورة يجب أن نقسم حدي النسبة على العامل المُشترك الأعلى للحدين أو نقسم على أي عدد بحيث يقبل القسمة على هذا العدد كلاً من حدي النسبة

(لاحظ أننا قسمنا كلاً من حدي النسبة على 3)

$$\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$



لاحظ أن

لاحظ أننا نستمر في القسمة حتى نصل إلى أبسط صورة



ملاحظات:

يمكن التأكد من الحل باستخدام الآلة الحاسبة بعد أن تكون الآلة على النظام MATH كما يلي : **SHIFT** **MODE** **1** ثم نستخدم المفاتيح للتأكد من رقم (1) كما يلي : **3** **÷** **6** **=** فيكون الناتج $\frac{1}{2}$ وهي النسبة بعد الاختصار

مثال 3

$$\frac{1}{2} = \frac{\boxed{}}{4} = \frac{1}{\boxed{}}$$

أكمل النسب التالية:

لإيجاد النسبة التي تساوي $\frac{1}{2}$ نلاحظ أن $\frac{1}{2} = \frac{\boxed{}}{4}$ أي أن الحد الثاني للنسبة وهو 2 أصبح 4

لذلك نوجد العدد الذي إذا ضرب في 2 يصبح 4 (وهو 2) ونضرب نفس العدد في حد النسبة الآخر (أي في 1) ينتج حد النسبة الجديد

أي أن $\frac{1}{2} = \frac{\boxed{}}{4}$ فنضرب حد النسبة الأول في نفس العدد أي $\frac{1}{2} = \frac{2}{4}$ وب نفس الطريقة نلاحظ أن

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6} \text{ أي أن } \frac{1}{2} = \frac{3}{6} \text{ فيكون } \frac{1}{2} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$$

مثال 4

أكمل الجدول التالي مستخدماً ما تعرفه عن النسب المكافئة

	8		5		1
12		6		4	2

لإكمال الجدول يجب أن نلاحظ أولاً النسبة الكاملة الموجودة وهي $\frac{1}{2}$ ونلاحظ أننا إذا ضربنا مقدم النسبة (01 ليسط) $2 \times$ فإننا نحصل على تالي النسبة (المقام)؛ لذلك يمكن بنفس الطريقة إيجاد توالي النسب (المقامات) للأعداد الموجودة في الصف الأول

6	8	3	5	2	1
12	16	6	10	4	2

لإيجاد توالي النسب التي مقدماتها 5 ، 8 نضرب مقدماتها $2 \times$

أي أن: $5 \times 2 = 10$ ، $8 \times 2 = 16$

ولحساب مقدمات النسب التي تواليها 4 ، 6 ، 12 فإننا نقسم التوالي على 2

أي أن: $4 \div 2 = 2$ ، $6 \div 2 = 3$ ، $12 \div 2 = 6$

ملاحظات:

يمكن تعميم الطريقة السابقة التي نكمل بها الجدول كما يلي:

1 نوجد النسبة الكاملة المعطاة وهي في هذا المثال $\frac{1}{2}$

2 لإيجاد أي عدد غير موجود بالصف الأول نضرب العدد المناظر له في الصف الثاني

(مقامه) $\times$ النسبة المعطاة $(\frac{1}{2})$

فمثلاً لإيجاد العدد الناقص في الخانة الثانية فإننا نضرب $4 \times \frac{1}{2} = 2$

3 لإيجاد أي عدد غير موجود في الصف الثاني نضرب العدد المناظر له في الصف الأول (بسطه) $\times$

مقلوب النسبة المعطاة

فمثلاً لإيجاد العدد الناقص في الخانة الثالثة فإننا نضرب $5 \times \frac{2}{1} = 10$

مثال 5

أكمل الجدول التالي:

....	24		12		4
30		27		15	3

النسبة الكاملة المعطاة في الجدول هي $\frac{4}{3}$ نضع مقلوبها في الدائرة يمين ، الجدول لإيجاد العدد الناقص في الصف الثاني، ثم نضرب بسطه $\times$ مقلوب النسبة الكاملة المعطاة

ف نجد أن : $\cancel{2}^6 4 \times \frac{3}{\cancel{1}_1} = 18$ ، $\cancel{1}^3 2 \times \frac{3}{\cancel{1}_1} = 9$

ولإيجاد العدد الناقص في الصف الأول نضرب مقامه $\times$ النسبة الكاملة نفسها

ف نجد أن : $\cancel{10}^5 30 \times \frac{4}{\cancel{3}_1} = 40$ ، $\cancel{9}^3 27 \times \frac{4}{\cancel{3}_1} = 36$ ، $\cancel{15}^5 45 \times \frac{4}{\cancel{3}_1} = 20$

ويكون الجدول كما يلي :

$\left(\frac{3}{4}\right)$	40	24	36	12	20	4	$\left(\frac{3}{4}\right)$
	30	18	27	9	15	3	



جرار زراعي يمكنه حرث 12 فداناً في 4 ساعات:

1 كم فداناً يحرقها هذا الجرار في 5 ساعات ؟

2 كم ساعة يستغرقها هذا الجرار في حرث 48 فداناً ؟

يمكن حل هذه النوعية من المسائل من خلال تمثيلها بجدول كما يلي :

عدد الأفدنة	12	x	48
عدد الساعات	4	5	y

1 لإيجاد قيمة x : $\frac{x}{5} \times \frac{12}{4}$ نقسم السهم الكامل (12 $\leftrightarrow$ 5) على عدد السهم الناقص

أي أن : $x = \frac{12 \times 5}{4} = 15$

إذن : عدد الأفدنة التي يحرقها الجرار في 5 ساعات هو 15 فدان

2 لإيجاد قيمة y : $\frac{48}{y} \times \frac{12}{4}$ (الضرب التبادلي)

أي أن : $y = \frac{4 \times 48}{12} = 16$ إذن : عدد الساعات التي يستغرقها الجرار في حرث 48 فدان هي 16 ساعة

أولاً في الحصة

1 أوجد النسب المكافئة للنسب التالية:

1 $\frac{1}{2} =$

2 $\frac{1}{3} =$

3 $\frac{1}{4} =$

4 $\frac{2}{4} =$

5 $\frac{3}{4} =$

6 $\frac{4}{5} =$

2 اكتب النسبة بين العددين في كل مما يلي في أبسط صورة:

1 $4 : 8 =$

2 $3 : 6 =$

3 $5 : 15 =$

4 $21 : 9 =$

5 $\frac{16}{48} =$

6 $\frac{14}{42} =$

7 $\frac{20}{45} =$

8 $\frac{30}{90} =$

3 اكمل ما يأتي:

1 $\frac{1}{2} = \frac{\boxed{}}{4}$

2 $\frac{1}{2} = \frac{\boxed{}}{6}$

3 $\frac{1}{2} = \frac{\boxed{}}{8}$

4 $\frac{1}{2} = \frac{7}{\boxed{}}$

5 $\frac{1}{2} = \frac{6}{\boxed{}}$

6 $\frac{1}{2} = \frac{10}{\boxed{}}$

4 اذكر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

1 $\frac{2}{3} = \frac{\boxed{}}{12}$

8

5

4

3

2 $\frac{1}{2} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$

$\frac{16}{8}$

$\frac{5}{8}$

$\frac{3}{6}$

$\frac{1}{4}$

3 $\frac{1}{3} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$

$\frac{2}{9}$

$\frac{5}{15}$

$\frac{3}{6}$

$\frac{2}{3}$

5 اكمل ما يأتي:

1 $\frac{1}{2} = \frac{\boxed{}}{4} = \frac{3}{\boxed{}}$

2 $\frac{1}{4} = \frac{\boxed{}}{8} = \frac{3}{\boxed{}}$

3 $\frac{1}{3} = \frac{\boxed{}}{6} = \frac{3}{\boxed{}}$

4 $\frac{2}{5} = \frac{\boxed{}}{15} = \frac{8}{\boxed{}}$

5 $\frac{2}{3} = \frac{\boxed{}}{9} = \frac{10}{\boxed{}}$

6 $\frac{1}{5} = \frac{\boxed{}}{10} = \frac{6}{\boxed{}}$

6 استنتج واكمل:

$$\frac{1}{2} = \frac{3}{6} = \frac{5}{10} = \frac{\boxed{}}{12} = \frac{\boxed{}}{14} = \frac{8}{\boxed{}} = \frac{10}{\boxed{}} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$$

7 اكمل ما يأتي:

1 $\frac{9}{15} = \frac{3}{\boxed{}}$

2 $\frac{12}{20} = \frac{\boxed{}}{5}$

3 $\frac{25}{35} = \frac{5}{\boxed{}}$

4 $\frac{18}{27} = \frac{\boxed{}}{9}$

5 $\frac{24}{64} = \frac{\boxed{}}{8}$

6 $\frac{40}{80} = \frac{\boxed{}}{8}$

7 $\frac{60}{90} = \frac{6}{\boxed{}}$

8 بسط كل من الكسور الآتية:

1 $\frac{4}{12} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$

2 $\frac{6}{12} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$

3 $\frac{4}{8} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$

4 $\frac{3}{9} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$

5 $\frac{8}{16} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$

6 $\frac{5}{10} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$

7 $\frac{7}{14} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$

8 $\frac{5}{15} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$

9 بنفس الطريقة السابقة اكمل الجداول التالية:

10	5	3	1	مساحة الأرض
			4	عدد الأرناب

20	10	5	1	مساحة الأرض
			3	عدد الأرناب

10 اكمل الجدول الآتي:

...	5	...	3	1	2
18	...	12	...	3	

...	8	...	5	2	4
60	...	36	...	12	

5	...	3	...	1	1
...	8	...	4	2	

8	...	4	2	1	3
...	40	...	...	8	

11 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

1 $\frac{4}{8} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$

$\frac{1}{3}$ ⚡

$\frac{1}{4}$ ⚡

$\frac{1}{2}$ ⚡

$\frac{2}{8}$ ⚡

2 $\frac{5}{10} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$

$\frac{1}{5}$ ⚡

$\frac{1}{2}$ ⚡

$\frac{2}{5}$ ⚡

$\frac{1}{4}$ ⚡

3 $\frac{10}{50} = \frac{\square}{\square}$

$\frac{1}{10}$ 1

$\frac{1}{5}$ 2

$\frac{1}{3}$ 3

$\frac{1}{2}$ 4

4 $\frac{16}{24} = \frac{\square}{\square}$

$\frac{2}{8}$ 1

$\frac{3}{4}$ 2

$\frac{1}{2}$ 3

$\frac{2}{3}$ 4

12 تحتاج سيارة 30 لترًا من البنزين لقطع مسافة 270 كيلو مترًا.

1 كم لترًا تحتاجه السيارة لقطع مسافة 180 كيلو متر؟

الوادي الجديد 2025

2 أوجد المسافة التي تقطعها السيارة حين تستهلك 12 لترًا من البنزين

أسيوط 2025

13 إذا كان سعر 3 دراجات هو 1,380 جنيه أوجد :

1 عدد الجنيئات التي يدفعها إذا اشترى 5 دراجات

2 عدد الدراجات التي يمكن شرائها بمبلغ 3,680 جنيهًا

بورسعيد 2025

14 مدرسة ابتدائية ارتفاع مبناها 15 مترًا، وطول ظلها في لحظة ما 5 أمتار

1 كم يكون ارتفاع شجرة طول ظلها 3 أمتار في نفس اللحظة؟

2 إذا كان ارتفاع مبناها 10 أمتار. فكم يكون طول ظلها في هذه اللحظة؟

الدقهلية 2025

15 إذا كان سعر 8 بلوزات هو 240 جنيه . كم بلوزة يمكن شراؤها بسعر 360 جنيه؟

ثانيًا واجب منزلي

1 أوجد النسب المكافئة للنسب التالية:

1 $\frac{1}{5} =$

2 $\frac{2}{3} =$

3 $\frac{2}{5} =$

2 اكتب النسبة بين العددين في كل مما يلي في أبسط صورة:

1 24 : 20

2 36 : 40

3 500 : 900

4 25 : 75

5 $\frac{27}{36}$

6 16 : 64

7 $\frac{18}{54}$

8 $\frac{24}{36}$

3 اكمل ما يأتي:

$$1 \quad \frac{1}{2} = \frac{5}{\boxed{}}$$

$$2 \quad \frac{1}{2} = \frac{\boxed{}}{16}$$

$$3 \quad \frac{1}{2} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$$

4 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

$$1 \quad \frac{3}{5} = \frac{\boxed{}}{10}$$

4 ⚡

3 ⚡

2 ⚡

6 ⚡

$$2 \quad \frac{2}{7} = \frac{6}{\boxed{}}$$

42 ⚡

21 ⚡

14 ⚡

3 ⚡

$$3 \quad \frac{1}{8} = \frac{5}{\boxed{}}$$

40 ⚡

13 ⚡

8 ⚡

5 ⚡

5 اكمل ما يأتي:

$$1 \quad \frac{3}{4} = \frac{18}{\boxed{}} = \frac{\boxed{}}{28}$$

$$2 \quad \frac{5}{6} = \frac{\boxed{}}{30} = \frac{50}{\boxed{}}$$

$$3 \quad \frac{3}{8} = \frac{15}{\boxed{}} = \frac{24}{\boxed{}}$$

6 اكمل ما يأتي:

$$1 \quad \frac{10}{40} = \frac{\boxed{}}{4}$$

$$2 \quad \frac{27}{45} = \frac{9}{\boxed{}}$$

$$3 \quad \frac{8}{40} = \frac{2}{\boxed{}}$$

$$4 \quad \frac{15}{25} = \frac{\boxed{}}{5}$$

$$5 \quad \frac{15}{20} = \frac{3}{\boxed{}}$$

$$6 \quad \frac{18}{30} = \frac{3}{\boxed{}}$$

$$7 \quad \frac{15}{20} = \frac{\boxed{}}{4}$$

$$8 \quad \frac{21}{27} = \frac{7}{\boxed{}}$$

7 بسط كل من الكسور الآتية:

$$1 \quad \frac{5}{25} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$$

$$2 \quad \frac{9}{18} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$$

$$3 \quad \frac{9}{27} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$$

$$4 \quad \frac{10}{30} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$$

$$5 \quad \frac{4}{40} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$$

$$6 \quad \frac{5}{50} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$$

$$7 \quad \frac{3}{12} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$$

8 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

$$1 \quad \frac{3}{12} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$$

 $\frac{1}{5}$ ⚡ $\frac{1}{4}$ ⚡ $\frac{1}{3}$ ⚡ $\frac{1}{2}$ ⚡

$$2 \quad \frac{9}{15} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$$

 $\frac{3}{5}$ ⚡ $\frac{2}{3}$ ⚡ $\frac{2}{5}$ ⚡ $\frac{1}{5}$ ⚡

$$\frac{12}{18} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$$

$$\frac{25}{35} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$$

$$\frac{2}{3}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\frac{3}{4}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{5}$$

$$\frac{5}{7}$$

$$\frac{2}{7}$$

$$\frac{1}{7}$$

9 أكمل الجدول الآتي:

...	35	...	20	...	5
26	...	12	...	6	2

...	15	...	6	3
28	...	12	...	4

10 إذا كان 10 كيلو جرام من الدقيق ينتج 120 رغيف خبز .

أسويط 2025

1 أوجد عدد الأرغفة التي تنتج من 15 كيلو جرام من الدقيق

2 كم كيلو جرام من الدقيق تلزم لإنتاج 240 رغيف خبز ؟

11 في محل لبيع العصير تم عصر 2 كيلو جرام من الجوافة لتقديم 6 أكواب من عصير الجوافة

للزبائن . فإذا تم عصر 5 كيلو جرامات من الجوافة . فكم كوبًا يمكن تقديمها للزبائن؟ وكم كيلو جرامًا من

الاسماعيلية 2025

الجوافة تلزم لتقديم 27 كوبًا من العصير للزبائن ؟

مرسى مطروح 2025

12 جرّار زراعي يمكنه حرث 140 فدانًا في 3.5 ساعة.

1 كم فدانًا يحرثها نفس الجرّار في 4.5 ساعة ؟

2 أوجد عدد الساعات التي يستغرقها في حرث 30 فدانًا



اختبار تراكمي (8) حتى الدرس (3) الوحدة (9)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

القليوبية 2025

النسبة بين العددين 18 : 6 هي 1 :

- أ 1 : 3 ب 3 : 6 ج 6 : 18 د 18 : 6

البحيرة 2025

النسبة 9 إلى 3 تكافئ النسبة : (في أبسط صورة)

- أ 9 : 7 ب 3 : 1 ج 1 : 3 د 7 : 9

الشرقية 2025

النسبة 2 إلى 3 تكافئ النسبة 10 إلى

- أ 15 ب 3 ج 10 د 12

السويس 2025

النسبة 4 : 3 لا تكافئ النسبة :

- أ 15 : 20 ب 6 : 8 ج 4 : 3 د 21 : 28

بني سويف 2025

تکافئ $\frac{10}{25}$

- أ $\frac{4}{5}$ ب $\frac{1}{5}$ ج $\frac{2}{5}$ د $\frac{1}{2}$

الغربية 2025

النسبة $\frac{7}{11}$ تكافئ جميع النسب التالية، ما عدا

- أ $\frac{14}{22}$ ب $\frac{14}{18}$ ج $\frac{21}{33}$ د $\frac{70}{110}$

.....	75	المبلغ بالجنيه
2	3	عدد الشهور

7 من جدول النسب المقابل :

المبلغ المُدَّخَر في شهرين = جنيهاً

القليوبية 2025

- أ 25 ب 45 ج 50 د 60

8 من جدول النسب المقابل :

المنوفية 2025

ما عدد الزجاجات اللازمة لتعبئة 18 لتر مياه ؟

18	3	عدد اللترات
.....	2	عدد زجاجات المياه

- أ 10 ب 12

- أ 9 ب 14

القاهرة 2025

2 إذا كانت النسبة بين ما مع زياد إلى ما مع أحمد هي 5 : 3 وكان ما مع أحمد 50 جنيهاً

أوجد ما مع زياد.

الشرقية 2025

3 إذا كانت النسبة بين عدد البنين إلى عدد البنات هي 4 : 5 ، وكان عدد البنين 25 ولذا ، أوجد عدد البنات

استخدام النسب مع المخططات الشريطية

في دراسة لمعرفة عدد الكلاب والقطط في متنزه ما وضعت كاميرا للتصوير

فسجلت خلال اليوم كلب واحد وثلاث قطط

ويمكن تمثيل هذه النسبة بالمخطط الشريطي

كما بالشكل المقابل حيث يُمثل الشريط الصغير عدد الكلاب

ويُمثل الشريط الكبير عدد القطط

ونلاحظ أن النسبة بين عدد الكلاب إلى عدد القطط هي 1 : 3

ونلاحظ أن الشريط الصغير يُمثل الحد الأول 1 ويتكوّن من جزء واحد

والشريط الكبير يُمثل الحد الثاني 3 ويتكوّن من 3 أجزاء مُماثلة للشريط الصغير

مثال 1

إذا سجلت الكاميرا فترة أطول من السابقة ووجد خلال فترة التسجيل ثلاثة كلاب .

فإذا علم أن نسبة الكلاب إلى القطط التي سجلتها الكاميرا تظل مكافئة للنسبة 1 : 3

وضّح ما يُمثله كل شريط والقيمة التي يُمثّلها جزء واحد

في المخطط الشريطي

الحل

كلاب



قطط



نسبة الكلاب إلى القطط هي 1 : 3 والكاميرا سجّلت 3 كلاب

أي أن نسبة عدد الكلاب إلى عدد القطط هي 3 : 9

وعند اختصارها نجد أنها تساوي نفس النسبة 1 : 3

ونلاحظ أن الشريط الصغير يُمثل عدد الكلاب وهو 3 والشريط الكبير يُمثل عدد القطط وهي 9

والقيمة التي يمثلها الجزء الواحد في المخطط الشريطي هي 3

اجب بنفسك

في دراسة ما سجّلت كاميرا للتصوير في حديقة عامة خلال فترة مُحدّدة كلبين وثلاث قطط

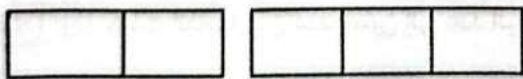
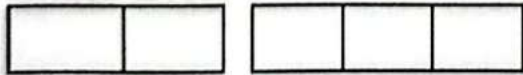
ارسم مخططاً شريطي يوضّح هذه النسبة

وضّح ما يُمثله كل شريط والقيمة التي يمثلها

وإذا سجّلت الكاميرا فترة أطول ووجد خلال الفترة 4 كلاب .

وعلم أن نسبة الكلاب إلى القطط تظل مكافئة لنسبة 2 : 3

وضّح ما يمثلها كل شريط والقيمة التي يمثلها كل جزء



بفرض أن نسبة عدد الكلاب إلى عدد القطط مكافئة للنسبة 3 : 1 فمما هو عدد الكلاب التي تُسجلها الكاميرون؟ ارسم هذا الجدول، ثم اكتب القيمة التي تمثل العدد المتوقع من الكلاب.

عدد الكلاب	1			
عدد القطط	3	6	9	12

النسب

النسب مكافئة للنسبة 3 : 1 لذلك فإننا نوجد الحد الناقص كما تعلمنا في الدروس السابقة

$$\frac{1}{3} = \frac{4}{12}$$

$$\frac{1}{3} = \frac{3}{9}$$

$$\frac{1}{3} = \frac{2}{6}$$

$$\frac{1}{3} = \frac{\boxed{1}}{3}$$

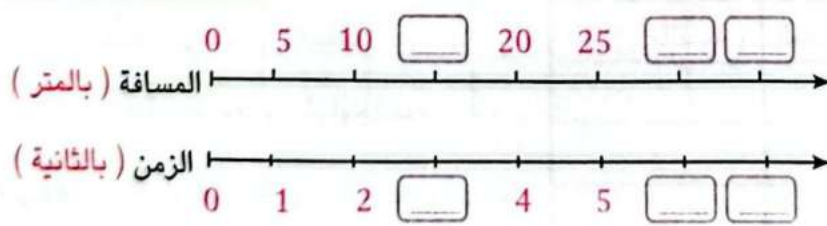
ويكون الجدول به الأعداد المتوقعة من الكلاب كما يلي:

عدد الكلاب	1	2	3	4
عدد القطط	3	6	9	12

تحليل النسب المتكافئة باستخدام خط الأعداد

عند دراسة مدى سرعة الأرنب في الجري سجلت القياسات الموضحة في الجدول، ونلاحظ منه أن نسب المسافات التي يُسجلها الأرنب إلى الزمن الذي يستغرقه فيها متكافئة ويمكن تمثيل بيانات الجدول على خط أعداد مزدوج كما يلي:

الزمن (بالثانية)	المسافة (بالمتر)
1	5
2	10
4	20
5	25



بحيث يُمثل أحدهما الزمن بالثانية ويزيد بمقدار 1 في كل مرة ويُمثل الآخر المسافة بالمتر ويزيد بمقدار 5 في كل مرة وهي نفس النسبة الأساسية 5 : 1 ونلاحظ أن جميع النسب الأخرى مكافئة لنفس النسبة الأصل مثل 2 : 10 و 5 : 20 ونجد على الخط المزدوج، أن 2 على خط الأعداد السفلي يقابلها 10 على خط الأعداد العلوي و 4 يقابلها 20 ومن خط الأعداد المزدوج يمكن معرفة المسافة التي يجريها الأرنب في أي زمن نُحدده فنجد أنه في 6 ثوانٍ يجري 30 متر وفي 7 ثوانٍ يجري 35 متر، وهكذا ويمكن أيضًا معرفة عدد الثوانٍ التي يستغرقها في الجري إذا عُلمت المسافة التي يقطعها في الجري فمثلًا إذا عُلم أنه جرى 15 متر نعلم أنه استغرق 3 ثوانٍ وهكذا.

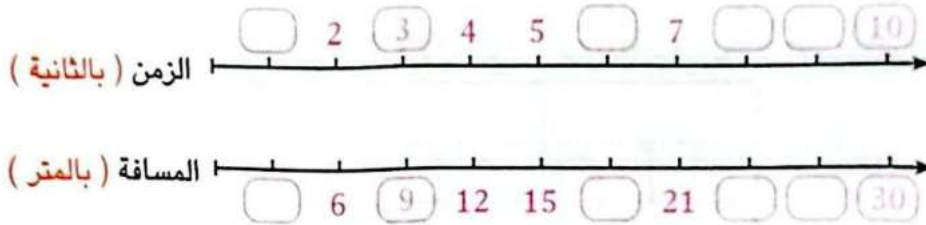
الجدول التالي يوضح نسب المسافة التي يسجلها الأرنب إلى الزمن الذي يستغرقه في الجري

الزمن (بالثانية)	2	4	5	7
المسافة (بالمتر)	6	12	15	21

ارسم خط أعداد مزدوج واستخدمه في إيجاد

1 المسافة التي يجريها الأرنب في 3 ثوان

2 الزمن الذي يستغرقه الأرنب عند جري 30 متر



1 المسافة التي يجريها الأرنب في 3 ثوان هي 9 أمتار $(3 \times 3 = 9)$

2 الزمن الذي يستغرقه الأرنب عند جري 30 متر هي 10 ثوان $(30 \div 3 = 10)$

أجب بنفسك

يدرس عالم مدى سرعة الأرنب في الجري

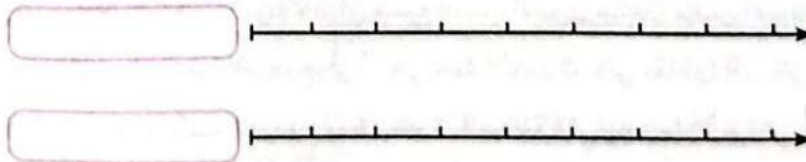
لذا سجّلت القياسات الموضّحة في الجدول المقابل

ارسم خط أعداد مزدوج، ليُمثّل هذا الجدول ثم أوجد منه

الزمن (بالثانية)	المسافة (بالمتر)
1	3
3	9
6	18

1 المسافة التي يجريها الأرنب في 5 ثوان

2 الزمن الذي يستغرقه الأرنب عند جري 27 متر



أولاً في الحصة

1 في دراسة ما سجّلت كاميرا للتصوير في متنزه ما خلال مدة مُحدّدة كلب وقطتين .
مثّل النسبة بين عدد القطط وعدد الكلاب بمُخطّط شريطي.

العراقية 2025

2 في دراسة ما سجّلت كاميرا للتصوير في حديقة عامة خلال فترة مُحدّدة ثلاثة أرانب وثعلبًا واحدًا .
ما نسبة الأرانب إلى الثعالب التي سجلتها الكاميرا؟ ارسم مخطط شريطي يُمثّل هذه النسبة.

السويس 2025

3 بفرض أنه الآن على مدار مدة أطول سجّلت الكاميرا ثلاثة من الثعالب وأن نسبة الأرانب إلى الثعالب التي سجلتها الكاميرا تظل مكافئة لنسبة 1 : 4 .

ارسم المُخطّط التالي في كراسك وأكمّله . استخدم أول مخططين فارغين لتوضيح ماذا يُمثّل كل شريط
استخدم المخطط الثالث الفارغ لتعريف القيمة التي يُمثّلها جزء واحد في المُخطّط الشريطي لتمثيل
الموقف الجديد .

الأرانب

الثعالب

ما عدد الأرانب التي سجلتها الكاميرا أثناء الفترة التي سجّلت فيها الثعالب؟
اشرح كيف توصلت إلى إجابتك باستخدام المخطط الشريطي

4 إذا كانت نسبة الأرانب إلى الثعالب في أحد الأماكن مكافئة للنسبة 4 : 1 وسجّلت الكاميرا 8
ثم 16 ثم 24 ثعلبًا . فما عدد الأرانب التي ستسجلها الكاميرا؟
ارسم هذا الجدول ثم اكتب القيمة التي تُمثّل العدد المتوقع للأرانب

الشرقية 2025

عدد الأرانب			
عدد الثعالب	24	16	8

5 سجّلت الكاميرا 3 أرانب و 2 من الثعالب . ما نسبة الأرانب إلى الثعالب التي سجلتها الكاميرا ؟

اكتب إجابتك يجب أن تتضمن إجابتك رسمًا لنموذج المُخطّط الشريطي
وإذا سجّلت الكاميرات 12 ، 15 ، 24 أرنب بفرض أن نسبة الأرانب إلى الثعالب مكافئة للنسبة 3 : 2
فما عدد الثعالب التي ستسجلها الكاميرا ؟

الوادي الجديد 2025

ارسم الجدول، ثم اكتب القيم التي تُمثّل العدد المُتوقع من الثعالب.

عدد الأرانب			
عدد الثعالب	24	15	12

6 ندرس عالمة مدى سرعة الأرنب في الجري! لذا سجّلت

المسافة (بالمتر)	الزمن (بالثانية)
12	2
24	4
30	5

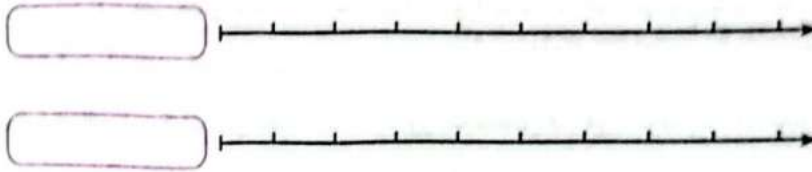
القياسات الموضحة في الجدول. ارسم خط أعداد مزدوج

لتمثيل هذا الجدول. ثم أوجد منه:

1 المسافة التي يجريها الأرنب في 7 ثوان.

2 المسافة التي يجريها الأرنب في 1.5 ثانية.

3 الزمن الذي يستغرقه الأرنب عند جرى 18 متر.



4 بفرض أن عالمة وجدت أن سرعة الثعلب هي 6.5 متر في الثانية. فهل الثعلب أسرع من الأرنب؟

ثانيًا واجب منزلي

1 في دراسة ما سجّلت كاميرا للتصوير في حديقة عامة خلال فترة مُحدّدة قطعتين وثلاثة فئران

ارسم مخطط شريطي يوضح هذه النسبة.

أسوان 2025

وضح ما يمثله كل شريط والقيمة التي يمثّلها كل جزء فيه.

2 وضع أحد العلماء كاميرا لتصوير الحياة البرية في متنزه ما لإجراء دراسة في مساء يوم ما.

دمياط 2025

سجّلت الكاميرا أربعة أرانب وثعلبًا واحدًا.

ما نسبة الأرانب إلى الثعالب التي سجلتها الكاميرا؟ ارسم مخطط شريطي يمثّل هذه النسبة.

3 إذا كانت نسبة الأرانب إلى الثعالب مكافئة للنسبة 1 : 3 وسجّلت الكاميرا 9

15	12	9	عدد الأرانب
			عدد الثعالب

ثم 12 ثم 15 أرنب. فما عدد الأرانب التي ستسجلها الكاميرا؟

ارسم هذا الجدول ثم اكتب القيمة التي تمثّل العدد المتوقع للأرانب

4 سجّلت الكاميرا 5 ثم 15 ثم 30 ثعلبًا. بفرض أن نسبة الأرانب إلى الثعالب مكافئة للنسبة 1 : 5

15	12	9	عدد الأرانب
			عدد الثعالب

فما عدد الأرانب التي ستسجلها الكاميرا؟

ارسم هذا الجدول ثم اكتب القيمة التي تمثّل العدد المتوقع للأرانب

فكر الآن في كيفية استخدام المخططات الشريطية لتمثيل نسب أخرى بفرض أن العالم وضع كاميرا

لتصوير الحياة البرية في متنزه عام آخر وفي مساء يوم ما سجّلت الكاميرا 3 أرانب و 2 من الثعالب. فما

نسبة الأرانب إلى الثعالب التي سجلتها الكاميرا؟

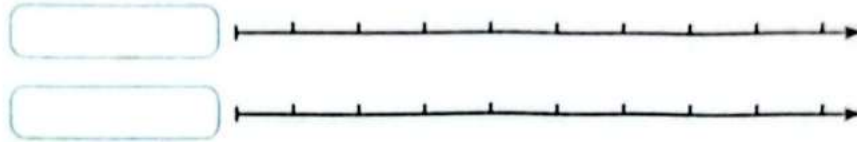
5 الجدول التالي يوضح نسب المسافة التي يسجلها ثعلب في الجري إلى الزمن الذي يستغرقه في الجري.

الزمن (بالثانية)	2	4	5
المسافة (بالمتر)	4	8	10

ارسم خط أعداد مزدوج واستخدمه في إيجاد ما يلي:

1 المسافة التي يجريها الثعلب في 6 ثوان.

2 الزمن الذي يستغرقه الثعلب عند جري 16 متر.



6 الجدول التالي يوضح نسب المسافة التي يسجلها قط في الجري إلى الزمن الذي يستغرقه في الجري.

الزمن (بالثانية)	1	3	4	6
المسافة (بالمتر)	5	15	20	30

الإسكندرية 2025

ارسم خط أعداد مزدوج ليُمثل هذا الجدول، ثم أوجد منه:

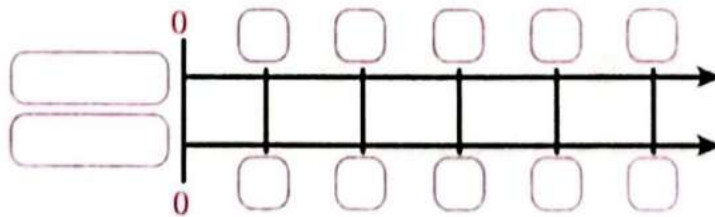
1 المسافة التي يجريها القط في 5 ثوان.

2 الزمن الذي يستغرقه القط عند جري 35 متر.

3 بفرض أن سرعة أحد الكلاب هي 6 متر في الثانية، فهل الكلب أسرع أم القط؟

7 بفرض أن العالمة وجدت أن سرعة الثعلب هي 6 أمتار في الثانية ارسم مخطط خط أعداد مزدوجًا

واكتب الأعداد عليه للمقارنة بين المسافة بالأمتار التي يجريها الثعلب والزمن بالثواني الذي يستغرقه في الجري. وضح ما فهمته عن طريق الرسم في كراس الرياضيات



ارسم خط أعداد مزدوجًا وسجل إجابتك عن السؤالين التاليين:

1 اشرح كيف حددت الأعداد على خط الأعداد.

2 ما العلاقة بين الأعداد على خط الأعداد العلوي والأعداد على خط الأعداد السفلي؟

اختبار تراكمي (9) حتى الدرس (5) الوحدة (9)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

عدد الأرناب

1 من المخطط الشريطي المقابل:

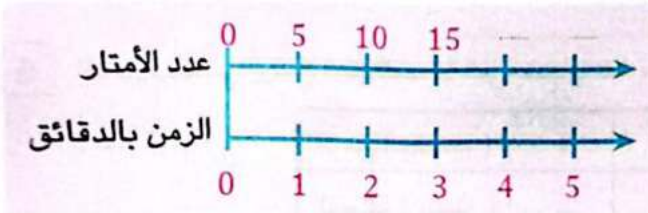
إذا كان عدد الثعالب يساوي 4، فإن عدد الأرناب = أرناب 2 3 5 10 الفاهرة 2025

2 من جدول النسب المقابل:

عدد الأرناب	4	؟
عدد الثعالب	1	5

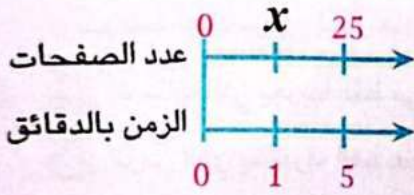
إذا كان عدد الثعالب = 5، فإن عدد الأرناب = 8 9 10 20 الفاهرة 2025

3 من خط الأعداد المزدوج التالي: عدد الأمطار التي يقطعها يونس



في 5 دقائق = متراً

25 30 40 50 دماط 2025



4 من خط الأعداد المزدوج التالي: قيمة x =

25 26 4 5 بورسعيد 2025

5 من جدول النسب المقابل:

عدد اللترات	3	18
عدد زجاجات المياه	2	؟

ما عدد الزجاجات اللازمة لتعبئة 18 لتر مياه؟

10 12 9 14 القليوبية 2025

6 النسبة 25 : 50 في أبسط صورة = :

2 : 5 2 : 1 3 : 5 1 : 2 الغربية 2025

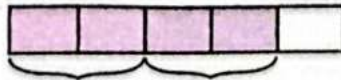
2 اكمل ما يأتي:

1 النسبة التالية في النمط: $\frac{3}{7}$ ، $\frac{6}{14}$ ، $\frac{9}{21}$ هي الفاهرة 2025

2 بائع فاكهة لديه 45 كجم من التفاح، و50 كجم من البرتقال، فإن النسبة بين كتلة التفاح

إلى كتلة البرتقال في أبسط صورة هي : الدقهلية 2025

3 من النموذج المقابل: خارج قسمة $\frac{4}{5} \div 2$ هو الدقهلية 2025



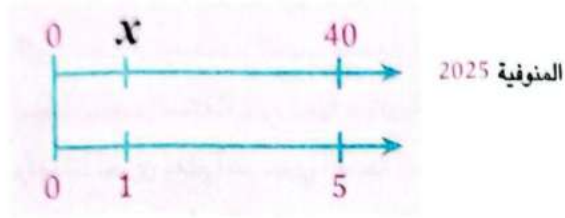
العربية 2025

$$2,04 \times 3,2 =$$

4

من خط الأعداد المزدوج المقابل:

5

قيمة $x =$ 

من خط الأعداد المزدوج المقابل:

6



إذا كانت النسبة بين عدد البنين إلى عدد البنات هي 4 : 5، وكان عدد البنين 25 ولدًا، فأوجد عدد البنات

3

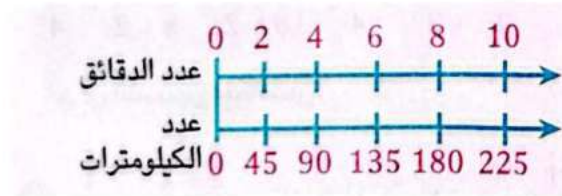
الشرقية 2025

الجيزة 2025

يبين خط الأعداد المزدوج التالي عدد الكيلو مترات المقطوعة في الزمن بالدقائق.

4

حدّد الزمن اللازم لقطع مسافة 450 كم



محل لتركيب الدهانات يمزج لونين معاً للحصول على درجة لون محددة ليتمكن من عمل كميات مختلفة من نفس اللون يجب أن يستخدم النسب نفسها، أما إذا اختلفت النسب فلن تصل إلى درجة اللون المطلوبة؛ لذلك يجب إيجاد النسب المكافئة لأي نسبة مطلوبة ويجب أحياناً معرفة ما إذا كانت النسب متكافئة أم لا. وأحياناً أخرى نعلم أحد حدي النسبة المكافئة لنسبة ما ومطلوب معرفة الحد الآخر. وسوف نتعرف على ذلك فيما يلي:

مثال 1

حدّد ما إذا كانت النسب متكافئة أم لا فيما يأتي:

1 $\frac{9}{12}, \frac{12}{16}$

2 $\frac{1}{6}, \frac{2}{10}$

الحل

1 للتعرف على النسب المتكافئة نستخدم إحدى الطريقتين:

طريقة الضرب:

نضرب الطرفين والوسطين إذا كان الناتج متساوي تكون النسبتان متكافئتين.

$$\frac{9}{12} \quad \times \quad \frac{12}{16}$$

$$9 \times 16 = 144 \quad 12 \times 12 = 144$$

أي أن النسبتين متكافئتان.

طريقة التبسيط:

نُبسّط النسبتين إذا كان الناتجان متساويين فإن النسبتين تكونان متكافئتين.

$$\frac{9 \div 3}{12 \div 3} = \frac{3}{4}, \quad \frac{12 \div 2}{16 \div 2} = \frac{6 \div 2}{8 \div 2} = \frac{3}{4}$$

أي أن النسبتين متكافئتان.

2 $\frac{2 \div 2}{10 \div 2} = \frac{1}{5}$ ونلاحظ أن $\frac{1}{5}$ لا تساوي $\frac{1}{6}$ أي أن: النسبتين غير متكافئتين

مثال 2

حدّد ما إذا كانت النسب متكافئة أم لا ؟

1 $\frac{1}{3}, \frac{4}{12}, \frac{5}{15}$

2 $\frac{3}{6}, \frac{5}{20}, \frac{12}{24}$

الحل

1 $\frac{1}{3} = \frac{4}{12} = \frac{5}{15}$ أي أن: النسب الثلاث متكافئة.

$$\frac{3 \div 3}{6 \div 3} = \frac{1}{2}, \quad \frac{5 \div 5}{20 \div 5} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{12 \div 2}{24 \div 2} = \frac{6 \div 2}{12 \div 2} = \frac{3 \div 3}{6 \div 3} = \frac{1}{2}$$

2 $\frac{3}{6}, \frac{5}{20}, \frac{12}{24}$

$$\frac{1}{2} \neq \frac{1}{4} \neq \frac{1}{2}$$

أي أن: النسب الثلاث ليست متكافئة.

إيجاد القيمة المجهولة

إذا كانت النسب المتكافئة بها أحد حدي النسبة مجهول فيمكن إيجاده بطريقتين، الطريقة التي تعلمناها في الدروس السابقة وطريقة أخرى نتعرف عليها فيما يلي :

مثال 3

أوجد قيمة x المجهولة فيما يلي :

$$1 \quad \frac{2}{5} = \frac{8}{x}$$

$$2 \quad \frac{1}{4} = \frac{x}{12}$$

الحل

1 الطريقة الأولى : التي درسناها من قبل وهي

معرفة العدد الذي ضرب في 2 ليكون الناتج 8 هو 4

ثم نضرب هذا العدد في 5 فيكون

$$= 5 \times 4 = 20$$

الطريقة الثانية : نضرب الطرفين والوسطيين ونساويهما

ويكون : حاصل ضرب الطرفين = حاصل ضرب الوسطيين

$$= \frac{5 \times 8}{2} \quad \text{فيكون} \quad = 20$$

2 الطريقة الأولى :

نوجد العدد الذي إذا ضرب في 4 كان الناتج 12 وهو 3

نضرب نفس العدد في 1 فيكون

$$= 1 \times 3 = 3$$

الطريقة الثانية :

نضرب الطرفين والوسطيين ونساويهما

$$= \frac{1 \times 12}{4} \quad \text{فيكون} \quad = 3$$

مثال 4

خلط تامر كمية من الطلاء وخلط حسام كمية أخرى من الطلاء بأداة مزج الطلاء وكانت نسبة كمية الطلاء التي كونها تامر هي 6 أصفر : 9 أخضر، ويريد حسام تكوين نفس اللون الذي كونه تامر؛ لذلك استخدم النسبة 8 أصفر : 12 أخضر. فهل الكميّتان من الطلاء بنفس اللون ؟

الحل

$$\text{نسبة طلاء تامر هي } \frac{6}{9} = \frac{2}{3} \quad , \quad \text{ونسبة طلاء حسام هي } \frac{8}{12} = \frac{2}{3}$$

أي أن النسبتين متكافئتان والكميتان من الطلاء بنفس اللون.

أولاً في الحصة

1 حدد ما إذا كانت النسب متكافئة أم لا فيما يأتي :

1 $\frac{1}{2}, \frac{3}{6}$

2 $\frac{2}{4}, \frac{5}{10}$

3 $\frac{2}{8}, \frac{3}{12}$

4 $\frac{4}{6}, \frac{10}{15}$

5 $\frac{12}{16}, \frac{16}{18}$

6 $\frac{2}{4}, \frac{3}{6}, \frac{10}{20}$

2 أوجد قيمة المجهول x فيما يلي :

1 $\frac{1}{3} = \frac{3}{x}$

2 $\frac{x}{9} = \frac{2}{3}$

3 $\frac{2}{5} = \frac{x}{10}$

4 $\frac{1}{4} = \frac{8}{x}$

5 $\frac{3}{4} = \frac{x}{16}$

6 $\frac{2}{4} = \frac{10}{x}$

3 حدد كل النسب المكافئة للنسبة 8 : 12 فيما يلي :

2 : 3

12 : 18

6 : 10

16 : 24

6 : 9

12 : 8

4 محل لبيع البرفانات يخلط نوعين من البرفانات لعمل نوع جديد براحة جديدة وكانت نسبة النوع الجديد

الذي كونه هي 8 من النوع الأول : 4 من النوع الثاني وباعها وربح منها، وأراد عمل نفس النوع لذلك

استخدم النسبة 12 من النوع الأول : 6 من النوع الثاني. فهل الكميّتان لهما نفس الرائحة؟ بني سويف 2025

5 يعاني جمال من عَمى الألوان ولا يستطيع رؤية ما إذا كانت ألوان الطلاء هي نفسها في أداة مزج

الطلاء. يعرف جمال أن نسب الألوان المستخدمة لمزج كميتين مختلفتين من الطلاء هي 8 أحمر : 5 أخضر و

5 أحمر : 2 أخضر. وضح كيف يمكن لجمال تحديد ما إذا كانت ألوان الطلاء هي نفسها، ثم اكتب إجابتك عن

السؤالين التاليين: 1 هل النسب هي نفسها؟ 2 كيف تعرف ذلك؟

ثانياً واجب منزلي

1 حدد ما إذا كانت النسب متكافئة أم لا في ما يأتي :

1 $\frac{2}{6}, \frac{3}{9} =$

2 $\frac{4}{10}, \frac{8}{24} =$

3 $\frac{4}{8}, \frac{15}{30} =$

4 $\frac{1}{10}, \frac{3}{10}, \frac{2}{20}$

5 $\frac{4}{6}, \frac{12}{24}, \frac{10}{20}$

6 $\frac{4}{10}, \frac{6}{15}, \frac{20}{50}$

2 أوجد قيمة المجهولة فيما يلي:

1 $\frac{x}{8} = \frac{4}{4}$

2 $\frac{1}{2} = \frac{x}{8}$

3 $\frac{6}{x} = \frac{2}{3}$

- 3  خلط كل من طارق وهاشم كمية من الطلاء في أداة مزج الطلاء، وكانت نسبة كمية الطلاء التي كونها هاشم هي 6 أصفر : 4 أحمر، يريد طارق تكوين نفس اللون الذي كونه هاشم؛ لذلك استخدم النسبة 9 أصفر : 6 أحمر. هل الكميّتان من الطلاء بنفس اللون؟
- مرسى مطروح 2025

- 4 خلط سمير كمية من الطلاء وخلط هاني كمية أخرى من الطلاء، وكانت نسبة كمية الطلاء التي كونها سمير هي 8 أخضر : 12 أحمر، ويريد هاني تكوين نفس اللون الذي كونه سمير؛ لذلك استخدم النسبة 10 أخضر : 15 أحمر. فهل الكميّتان من الطلاء بنفس اللون؟
- البحر الأحمر 2025

- 5 تقول أماني أن نسبة 5 كميات من الطلاء الأحمر إلى 4 كميات من الطلاء الأزرق مكافئة لنسبة 7 كميات من الطلاء الأحمر إلى 6 كميات من الطلاء الأزرق؛ لأنها تستطيع إضافة 2 إلى كل نسبة وتحصل على نسبة مكافئة جديدة $5 + 2 = 7$ و $4 + 2 = 6$
- هل أماني على صواب؟ اشرح أسبابك باستخدام الكلمات أو أمثلة أخرى.
- شمال سناء 2025

- 6 خلط كل من طارق وحازم كمية من الطلاء وكانت نسبة كمية الطلاء التي كونها طارق هي 2 أحمر : 4 أخضر. ويريد حازم تكوين نفس اللون الذي كونه طارق. لذلك استخدم النسبة 3 أحمر : 6 أخضر، فهل الكميّتان من الطلاء بنفس اللون؟
- الغربية 2025

اختبار (10) حتى الدرس (6) الوحدة (9)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

الشرقية 2025

1 إذا كانت $\frac{x}{5} = \frac{12}{20}$ فإن قيمة $x =$ _____

- 2 ☐ 1 3 ☐ 3 4 ☐ 4 5 ☐ 5

القليوبية 2025

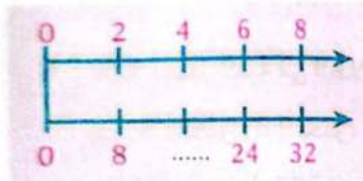
2 إذا كانت النسبتان $\frac{x}{18}$ ، $\frac{8}{9}$ متكافئتين فإن قيمة $x =$ _____

- 27 ☐ 1 10 ☐ 3 14 ☐ 4 16 ☐ 5

القاهرة 2025

3 إذا كانت $x : y = 2 : 3$ ، وكانت $x = 12$ فإن $y =$ _____

- 12 ☐ 1 10 ☐ 3 16 ☐ 4 18 ☐ 5



الإسكندرية 2025

4 العدد الناقص من خط الأعداد المزدوج التالي هو

- 8 ☐ 3 12 ☐ 4 16 ☐ 5 18 ☐ 1

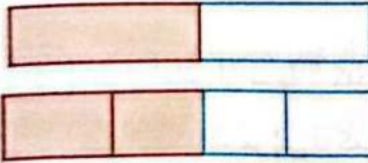
5 من جدول النسب المقابل:

المبلغ المُدخَر في شهرين = _____ جنيهاً

؟	75	المبلغ بالجنيه
2	3	الشهر

القليوبية 2025

- 25 ☐ 1 45 ☐ 3 50 ☐ 4 6 ☐ 5



6 النموذج المقابل يُمثِّل نمذجة لمسألة القسمة

القاهرة 2025

$\frac{1}{2} \div \frac{1}{4}$ ☐ 3 $2 \div \frac{1}{2}$ ☐ 4 $2 \div \frac{1}{4}$ ☐ 5 $\frac{1}{4} \div 2$ ☐ 1

2 أأكمل ما يأتي:

البحيرة 2025

1 $\frac{1}{4} \times \text{_____} = 1$

القاهرة 2025

2 إذا كان 7 هو $\frac{1}{8}$ عدد ما، فإن هذا العدد هو _____

القليوبية 2025

3 الحد الثاني في النسبة $\frac{16}{17}$ هو _____

الدقهلية 2025

4 إذا كانت النسبة 7 : 2 تكافئ النسبة $x : 21$ فإن قيمة $x =$ _____

الإسكندرية 2025

5 النسبة التالية في النمط : $\frac{1}{2}$ ، $\frac{2}{4}$ ، $\frac{3}{6}$ هي _____

6 إذا كانت النسبة بين ما يدخره وائل إلى ما يدخره أمجد 5 : 4، وكان ما مع وائل 100 جنيه، فيكون ما مع

البحيرة 2025

أمجد = _____ جنيهاً

الشرقية 2025

3 اكتب نسبتين مكافئتين للنسبة 30 : 5

بني سويف 2025

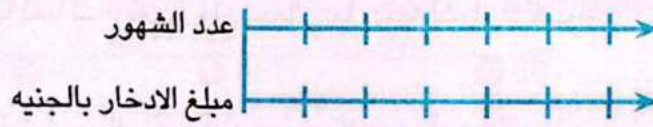
4 إذا كان ثمن 5 كجم من السكر 150 جنيهاً، فما ثمن 10 كجم من السكر؟

القاهرة 2025

5 تستخدم أم كلثوم 8 أمتار من القماش لصنع 3 فساتين، كم مترًا من القماش تحتاج أم كلثوم لعمل 9 فساتين؟

دمياط 2025

6 يدّخر موسى مبلغًا ثابتًا شهريًا قيمته 120 جنيهاً. استخدم خط الأعداد التالي في تمثيل قيم الادخار في الشهر السادس.



المنوفية 2025

7 بفرض أن نسبة الكلاب إلى القطط مكافئة للنسبة 3 : 1 فأكمل عدد الكلاب المتوقع في الجدول التالي :

4			عدد الكلاب
12	9	6	عدد القطط

القليوبية 2025

8 محراث للأرض يحرق 9 أفدنة في 3 ساعات أوجد معدل عمل المحراث.

وإذا، حرق محراث آخر 16 فدان في 4 ساعات فأأي المحراثين أفضل ؟

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة

1 إذا كانت النسبة 3 : 7 تكافئ النسبة 111 : 21 فإن قيمة 111 =

القاهرة 2025

81 3

8 2

9 2

27 1

عدد الأراب

--	--	--	--	--

2 من المخطط الشريطي المقابل:

عدد الثعالب

--	--

إذا كان عدد الأراب = 15 أربًا، فإن عدد الثعالب = ثعالب.

المنوفية 2025

10 3

6 2

3 2

2 1

3 هي مقارنة بين كميتين من نفس النوع والوحدة.

الجيزة 2025

معدل الوحدة 3

النسب المتكافئة 2

المعدل 2

النسبة 1

4 من خط الأعداد المزدوج المقابل:



المسافة التي يقطعها الأرب في 6 ثوان = متر

24 2

6 1

36 2

30 2

المنوفية 2024

5 يدفع محمد 80 جنيهًا ثمنًا لـ 4 كتب، فإن إجمالي ما يدفعه لشراء 6 كتب = جنيهًا.

قنا 2025

60 2

300 2

200 2

120 1

6 إذا كانت النسبة بين عمر أحمد إلى عمر أبيه 1:4، وكان عمر أبيه 36 سنة،

فإن عمر أحمد = سنوات.

الغربية 2025

14 2

12 2

9 2

6 1

7 من جدول النسب المقابل: عدد النقاط التي سجلها الخطيب إذا كان عدد التسديدات 18 تسديدة =

18	3	عدد التسديدات
?	2	عدد النقاط

12 2

9 1

القاهرة 2024

10 2

17 2

8 النسبتان المتكافئتان فيما يلي هما

5 : 11 و 3 : 9 2

6 : 15 و 4 : 10 1

2 : 3 و 5 : 6 2

1 : 2 و 6 : 3 2

المنوفية 2025

2 أوجد قيمة المجهولة فيما يلي:

1 = 21 : 7 (في أبسط صورة)

الجيزة 2025

2 إذا كان $\frac{1}{6} = \frac{3}{18}$ فإن: $3 \times 6 = \times$

الغربية 2025

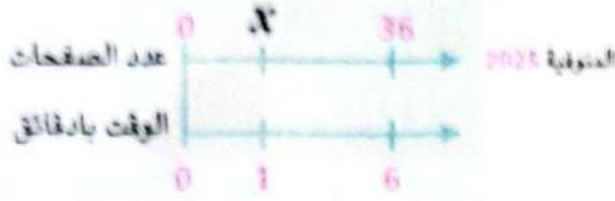
3 إذا كان $\frac{3}{7} = \frac{6}{14}$ فإن: $3 \times 14 = \times$

القليوبية 2025

4 إذا كان 27 : 9 = 1 : a، فإن قيمة a =

الإسكندرية 2025

1 من خط الأعداد المزدوج المقابل:



قيمة x =

عدد البنات	2	18
عدد الأولاد	3	9

2 من جدول النسب المقابل :

إذا كان عدد البنات = 18 ، فإن عدد الأولاد = البحيرة 2025

فنا 2025

عدد أكواب الدقيق

عدد البيضات

3 العدد الناقص في النمط التالي : $\frac{2}{3}, \frac{4}{6}, \frac{4}{9}$ هو

8 من المخطط الشريطي المقابل :

إذا استخدمت منى 3 أكواب من الدقيق لإعداد كعكة ،

فإن عدد البيضات اللازمة لإعداد تلك الكعكة = بيضات

المنوفية 2025

الإسكندرية 2025

9 إذا كانت : $\frac{m}{20} = \frac{2}{5}$ ، فإن قيمة m =

الجيزة 2025

10 إذا كان : $\frac{5}{9} = \frac{15}{x}$ فإن قيمة x =

الغربية 2025

3 اكتب ثلاث نسب مكافئة للنسبة 4:20

المنيا 2025

4 فصل دراسي به عدد البنين 20 تلميذاً ، وعدد البنات 25 تلميذة. أوجد في أبسط صورة :

أ النسبة بين عدد البنين إلى عدد البنات

ب النسبة بين عدد البنين إلى إجمالي عدد تلاميذ الفصل.

القاهرة 2025

5 تدفع داليا 400 جنيه لشراء 2 كيلو جرام من الجبن ،

فما المبلغ الذي ستدفعه لشراء 3 كيلو جرامات من الجبن ؟

الشرقية 2025

6 إذا كانت النسبة بين ما مع زياد إلى ما مع أحمد هي 3:5 وكان ما مع أحمد 50 جنيهًا

أوجد ما مع زياد.

المحور الثالث

الكسور الاعتيادية والكسور العشرية وعلاقات التناسب



الوحدة العاشرة: معدل الوحدة والنسبة المئوية

المفهوم الأول فهم معدل الوحدة

الدرس 1, 2: استكشاف معدل الوحدة - تحديد معدل الوحدة

الدرس 3: استخدام معدل الوحدة

استكشاف مُعدّل الوحدة

مُعدّل الوحدة هي المُعدّل الذي يُعبّر عنه في صورة كمية مقابل (1) وحدة واحدة من كمية أخرى  جري 8 كيلو مترات في الساعة يُعبّر عن مُعدّل وحدة؛ لأنه يُعبّر عن عدد الكيلومترات في الساعة الواحدة (وحدة واحدة من الكمية الثانية وهي الساعة)

أما جرى 24 كيلو متر في 3 ساعات فهي مُعدّل ولكن ليس مُعدّل وحدة؛ لأن مُعدّل الوحدة يلزم أن يكون الحد الثاني في النسبة هو 1 ويُوضّح الجدول التالي أمثلة على بعض المُعدّلات التي تعبر عن مُعدّل وحدة وبعض المُعدّلات التي لا تعبر عن مُعدل وحدة .

ليست مُعدّلات وحدة	مُعدّلات وحدة
♦ 36 كيلومترًا في 4 ساعات	♦ 9 كيلومترات لكل ساعة
♦ 250 جرامًا من الفول السوداني لكل 5 جرامات من عين الجمل	♦ 50 جرام من الفول السوداني لكل جرام واحد من عين الجمل
♦ 42 بطاقة لستة لاعبين	♦ 7 بطاقات لكل لاعب
♦ 30 ملعقة صغيرة من الزبدة لكل 5 أرغفة من خبز	♦ 6 ملاعق صغيرة من الزبدة لكل رغيف خبز

تحديد مُعدّل الوحدة

لتحديد مُعدّل الوحدة يمكن استخدام بعض النماذج فيها **المُخطّطات الشريطية** و**خطوط الأعداد المزدوجة** و**جداول النسب** ويمكن أن نُكوّن تنبؤات من خلال هذه النماذج باستخدام مُعدّلات الوحدة، وسوف نوضح ذلك من خلال الأمثلة التالية :



مثال 1

قطع حازم بدراجته 25 كيلو متر في 5 ساعات أوجد مُعدّل سرعته (مُعدّل الوحدة) مُوضّحًا ذلك بخط الأعداد المزدوج

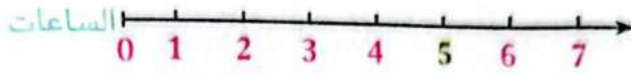
الحل

مُعدّل الوحدة هو عدد الكيلومترات التي يقطعها حازم في الساعة الواحدة

لذلك نوجد المُعدّل المعطى في السؤال وهو $\frac{25 \text{ كيلومتر}}{5 \text{ ساعات}}$ ثم نجعل المقام يساوي 1

بقسمة البسط والمقام على نفس عدد المقام كالتالي : $\frac{25 \div 5}{5 \div 5} = \frac{5}{1}$

وبذلك يكون مُعدّل الوحدة هو 5 كيلو مترات في الساعة،



ويزداد 5 في كل نقطة تالية والخط الثاني يُمثّل عدد الساعات ويزيد 1 في كل خطوة

ونلاحظ أن الساعة الواحدة يقابلها 5 كيلو مترات وأن 5 ساعات يقابلها 25 كيلو متر، ومن ذلك يمكن

التنبؤ بعدد الكيلومترات التي يقطعها في 6 ساعات أو 7 ساعات وهكذا

مثال 1

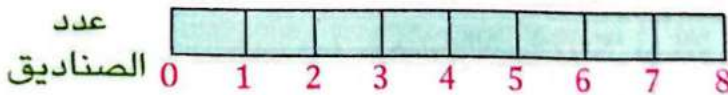
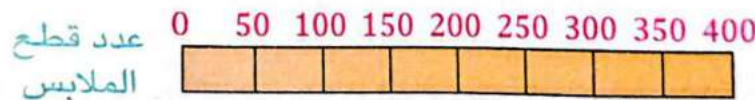


يُرتّب أحد عمال المصانع 200 قطعة ملابس في 4 صناديق
أوجد مُعدّل الوحدة لترتيب قطع الملابس في الصناديق، ثم أوجد عدد القطع التي
يرتبها العامل في 8 صناديق موضحًا ذلك بالمُخطّطات الشريطية

الحل

العامل يرتب قطع الملابس في الصناديق بمُعدّل $\frac{200 \text{ قطعة ملابس}}{4 \text{ صناديق}}$ لإيجاد مُعدّل الوحدة نقسم البسط

والمقام على نفس عدد المقام فيكون مُعدّل الوحدة هو $\frac{50}{1}$ $\frac{200 \div 4}{4 \div 4} = \frac{50}{1}$ قطعة ملابس لكل صندوق



في 8 صناديق نضرب مُعدّل الوحدة

في 8 بسطًا ومقامًا $\frac{50 \times 8}{1 \times 8} = \frac{400}{8}$ أي أنه عدد القطع في 8 صناديق هي 400 قطعة، ويمكن إيجاد

نفس الناتج من المُخطّطات الشريطية

مثال 3



تقرأ شيماء 16 صفحة من كتاب في 4 ساعات فإذا كانت تقرأ بنفس المُعدّل،
فكم صفحة تقرأها في 10 ساعات، وضح ذلك من خلال جدول النسب

لإيجاد عدد الصفحات يلزم معرفة مُعدّل الوحدة أولاً فإذا كانت شيماء تقرأ صفحات بمُعدّل 16 صفحة 4 ساعات

$$\frac{16 \div 4}{4 \div 4} = \frac{4}{1}$$

ولإيجاد عدد الصفحات التي تقرأها في 10 ساعات فإننا نضرب في 10 بسطاً ومقاماً

$$\frac{4 \times 10}{1 \times 10} = \frac{40}{10}$$

أي أنها تقرأ 40 صفحة في 10 ساعات ويمكن استخدام جدول النسب لإيجاد عدد الصفحات منه

عدد الصفحات	40	32	16	8	4
عدد الساعات	10	8	4	2	1

أجب بنفسك

1 إذا قطع مصطفى 10 كيلو مترات بدراجته في 3 ساعات فإن مُعدّل الوحدة لسرعته هو

2 تقرأ سمر 20 صفحة في 4 ساعات فيكون مُعدّل الوحدة لقراءة الصفحات هو

3 إذا حل حسام 18 مسألة في 3 ساعات فإن مُعدّل الوحدة لحل المسائل هو

مثال 4

ثلاثة أصدقاء يتدربون للمشاركة في سباق للدراجات، ويوضّح الجدول التالي نتائج أحدث تدريب قاموا به:

الاسم	عدد الكيلومترات	عدد الساعات
أحمد	25	5
ياسين	24	6
سعيد	28	4

حدّد أي من الأصدقاء الثلاثة سيفوز غالباً في المسابقة وفقاً لنتائج التدريب.

الحل

نوجد مُعدّل الوحدة لكل منهم والمُعدّل الأكبر سيفوز غالباً

مُعدّل الوحدة لأحمد هو 5 كيلو مترات في الساعة

مُعدّل الوحدة لياسين هو 4 كيلو مترات في الساعة

مُعدّل الوحدة لسعيد هو 7 كيلو مترات في الساعة

وبالتالي فإن سعيد سيفوز غالباً في المسابقة؛ لأنه أكبر مُعدّل في الأصدقاء الثلاثة.

$$\frac{25 \div 5}{5 \div 5} = 5$$

$$\frac{24 \div 6}{6 \div 6} = 4$$

$$\frac{28 \div 4}{4 \div 4} = 7$$

أولاً في الحصة

1 حدد فيما يلي أيها المعدلات وحدة، وأيها ليست معدلات وحدة :

- 1 3 كيلو مترات في الساعة.
- 2 12 كيلو جرام في الدقيقة
- 3 6 أكواب دقيق لكل 10 أرغفة.
- 4 200 جنيه لكل 5 أفراد.

2 اكتب المعدل ومعدل الوحدة لكل مما يأتي:

- 1 يأكل محمد 21 رغيفاً في 7 أيام
المعدل: _____
معدل الوحدة: _____
- 2 يوجد 30 قلم في 3 علب
المعدل: _____
معدل الوحدة: _____

- 3 يسير قطار مسافة 360 كم في 6 ساعات
المعدل: _____
معدل الوحدة: _____
- 4 مصنع ينتج 120 كرسي في 8 ساعات
المعدل: _____
معدل الوحدة: _____

- 5 وزّع حسن 35 قطعة حلوى على 7 أصدقاء
المعدل: _____
معدل الوحدة: _____
- 6 في رحلة يوزع 40 شخصاً في 10 غرف
المعدل: _____
معدل الوحدة: _____

3 اكمل ما يأتي:

- 1 يُوزّع 15 سندوتش على 5 طلاب فإن معدل الوحدة _____
- 2 يعمل عامل بشكل منتظم 48 ساعة في 6 أيام فإن معدل الوحدة لعمله في اليوم = _____
- 3 مصنع حلوى يضع 5 كيلوجرام من الكعك كل ساعتين فإن معدل الوحدة في إنتاج الكعك في الساعة الواحدة = _____

المنيا 2025

4 قطع شريف بدراجته 24 كيلو متر في 4 ساعات .

أوجد معدل الوحدة لعدد الكيلومترات التي يقطعها موضحاً ذلك بالمخططات الشريطية.

الغربية 2025

5 رتبت سعاد 108 كتاب في 9 دقائق .

اكتب مُعدّل الوحدة لعدد الكتب التي ترتبها سعاد مُوضّحًا ذلك بخط الأعداد المزدوج.

السويس 2025

6 تقطع مجموعة مراكب 78 كيلومتر في 3 أيام .

أوجد مُعدّل الوحدة لسرعتها، ثم أوجد المسافة التي تقطعها في 5 أيام إذا حافظت على نفس السرعة ووضّح ذلك بنموذج مناسب.

الدقهلية 2025

7 تقرأ مروة 40 صفحة في 80 دقيقة .

أوجد مُعدّل الوحدة للصفحات التي تقرأها مروة، ثم أوجد عدد الصفحات التي تقرأها في 60 دقيقة ووضّح ذلك بنموذج مناسب.

الإسكندرية 2025

8 تملأ الآلة 6 صناديق بيض في دقيقة واحدة إذا استمر هذا المعدّل .

فكم دقيقة تستغرق الآلة لملئ 420 صندوقًا ؟

9 أكمل جداول النسب التالية إذا كانت تستمر بنفس المعدّل :

		12		الصفحات
10	7	3	1	الدقائق

			3	كيلومترات
8	4	2	1	ساعات



10 في محمية للحياة البرية تتم المحافظة

على نسبة 2 من السناجب لكل 8 طيور باستخدام المخطط المقابل.

ما عدد الطيور الموجودة في المحمية إذا كان فيها 15 سنجاب ؟

ثانياً واجب منزلي

1 **حُدّد** فيما يلي أيها مُعدّلات وحدة، وأيها ليست مُعدّلات وحدة :

1 15 متر في 3 ساعات. 2 27 متر قماش لكل 3 ماكينات.

3 4 ملاعق سكر لكل كوب شاي. 4 7 أهداف لكل لاعب.

2 **اكتب** المُعدّل ومُعدّل الوحدة لكل مما يأتي:

2 يجري عمر 6 كيلومترات في ساعتين

المُعدّل:

مُعدّل الوحدة:

1 يبيع محل 18 زجاجة مياه في 3 ساعات

المُعدّل:

مُعدّل الوحدة:

4 ماكينة ري تروي 28 فداناً في 4 ساعات

المُعدّل:

مُعدّل الوحدة:

3 توجد 96 قطعة جاتوه في 8 علب

المُعدّل:

مُعدّل الوحدة:

3 **أكمل** ما يأتي:

1 تقطع سيارة 360 كيلومتر لكل 12 لتر من البنزين فإن مُعدّل الوحدة لعدد الكيلومترات لكل لتر بنزين =

2 يبيع تاجر فاكهة 21 كيلوجرام فراولة كل 3 ساعات فإن مُعدّل الوحدة لبيع الفراولة في الساعة =

3 يقوم عامل بطلاء حائط مساحته 20 م² في 4 ساعات فإن مُعدّل أداء هذا العامل في الساعة هو

4 يتدفق 6 جالونات من المياه في 3 دقائق .

أوجد مُعدّل الوحدة لعدد الجالونات مُوضّحاً ذلك بجدول النسب.

قنا 2025

5 صنوبر مياه تالف تتسرب منه المياه بمُعدّل 10 لترات في 5 دقائق .

أوجد مُعدّل الوحدة لعدد لترات المياه، ثم حُدّد عدد اللترات التي تتسرب

من الصنوبر في 30 دقيقة وضح ذلك بنموذج مناسب.

أسيوط 2025

6 يقطع تامر 20 كيلومتر في 4 ساعات بدراجته . أوجد مُعدّل الوحدة لسرعته، وما المسافة التي

يقطعها تامر في 6 ساعات إذا حافظ على نفس مُعدّل السرعة.

البحيرة 2025

7 تخلط صباح 4 كيلوجرامات من الأرز مع 2 لتر من الماء المغلي لعمل كمية من الأرز لحفلة ما.

أوجد عدد الكيلوجرامات من الأرز التي تضعها مع 15 لتر من الماء.

القاهرة 2025

8 كان هناك ثلاث صديقات يتدربن للمشاركة في حدث ما. يوضح الجدول التالي نتائج أحدث تدريبات قمن بها.

نتائج التدريب		
الاسم	عدد القفزات	الوقت (بالدقائق)
بسمة	570	6
رنا	456	4
تهاني	545	5

تريد تحديد أي من الثلاث صديقات ستفوز غالباً في مسابقة القفز بالحبل وفقاً لنتائج التدريب.

9 أكمل جداول النسب التالية إذا كانت تستمر بنفس المعدل :

300		125	25	الصفحات	2
	3	5		الدقائق	

		18		كيلومترات	1
9	6	3	1	ساعات	

10 تصنع إحدى الشركات ألبسة موحدة لموظفي مطعم

وجبات سريعة لكل 8 أمتار من القماش الأزرق . تستعمل

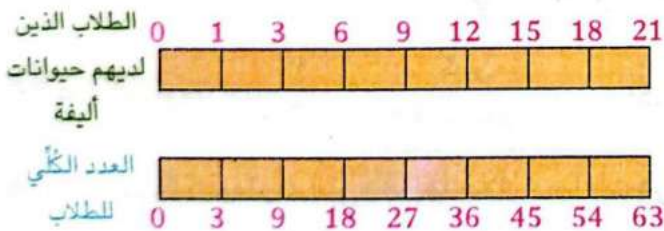
الشركة 13 متراً من القماش الأبيض.

تم تمثيل ذلك بالمخطط المقابل.

أوجد العدد الكلي لأمتار القماش الأبيض

اللازم لصناعة الألبسة عند استعمال 64 متراً

من القماش الأزرق تم تمثيل ذلك في المخطط المقابل.



11 في إحدى المدارس نسبة العدد الكلي

إلى الطلاب الذين لديهم حيوانات

أليفة تساوي 1 : 3

إذا كان عدد طلاب المدرسة 81 طالباً .

فما عدد الطلاب الذين لديهم حيوانات أليفة ؟

إذا كان شخص ما يجري مسافة 12 كيلو متر في ساعتين ونريد معرفة مُعَدِّل الوحدة لعدد

$$\frac{12 \text{ كيلو متر}}{2 \text{ ساعة}} = \frac{6}{1} = 6$$

أي أن: معدل الوحدة هو 6 كيلو متر في الساعة

ولمعرفة الوقت الذي يستغرقه لجري كيلو مترًا واحد فنوجد مُعَدِّل وحدة عكسي أي مُعَدِّل وحدة لعدد

$$\frac{2}{12} = \frac{1}{6} \text{ أو } \frac{12 \div 2}{12 \div 12} = \frac{1}{6} \text{ ساعة}$$

أي أن: مُعَدِّل الوحدة هو $\frac{1}{6}$ ساعة لكل كيلو متر واحد

ويصبح لدينا معدلي وحدة بصيغتين مختلفتين يمكن استخدامهما في حل الأسئلة

مثال إيجاد عدد الساعات التي يستغرقها لجري 36 كيلو متر

عدد الكيلومترات التي يجريها خلال 5 ساعات



مثال 1

قطع سيف بدراجته 16 كيلو متر في 4 ساعات بهذا المُعَدِّل أوجد:

1 عدد الكيلومترات التي يجريها خلال 7 ساعات

2 عدد الساعات التي يستغرقها لجري 32 كيلو متر

الحل

$$\frac{16 \text{ كيلو متر}}{4 \text{ ساعات}} = 4$$

أي أن: معدل الوحدة لعدد الكيلومترات التي يجريها هي 4 كيلو متر في الساعة.

$$\text{أو } \frac{4 \text{ ساعات}}{16 \text{ كيلو متر}} = \frac{1}{4}$$

أي أن: مُعَدِّل الوحدة لعدد الساعات التي يستغرقها لجري كيلو متر هي $\frac{1}{4}$ ساعة لكل كم.

$$1 \text{ عدد الكيلومترات: } \frac{x}{7} = \frac{16}{4} \text{ أي أن: } x = \frac{7 \times 16}{4} = 28$$

أي أن: عدد الكيلومترات التي يجريها خلال 7 ساعات هي 28 كيلو متر

$$2 \text{ عدد الساعات: } \frac{32}{x} = \frac{16}{4} \text{ أي أن: } x = \frac{4 \times 32}{16} = 8$$

أي أن: عدد الساعات التي يستغرقها لجري 32 كيلومتر هو 8 ساعات

لاحظ أن

إذا تم استخدام معدل الوحدة الآخر يكون نفس الإجابة **مثلاً** نحل: $x = 28$

بطريقة أخرى: $\frac{7}{x} = \frac{4 \text{ ساعات}}{16 \text{ كيلو متر}}$ فيكون $x = \frac{7 \times 16}{4} = 28$ وهي نفس الإجابة

يمكن أن نستخدم معدلات الوحدة لتحديد أفضل اختيار، أو نقرر أن منتجاً مُعيّناً هو أفضل اختيار من بين منتجين مختلفين

مثال 2

لدى كل من شادي ومحمود سيارة ويستخدمان ساعة توقيت لتسجيل سرعة كل سيارة وكانت السرعة كالتالي:

سرعة سيارة شادي		سرعة سيارة محمود	
الزمن (ثانية)	المسافة (متر)	الزمن (ثانية)	المسافة (متر)
20	80	30	150

وإذا حافظت كل سيارة على مُعدّل سرعتها، فما الزمن الذي تستغرقه كل سيارة لتقطع مسافة قدرها 300 متر؟

الحل

سرعة سيارة شادي هي 4 متر في الثانية $\frac{80 \div 20}{20 \div 20} = \frac{4}{1} = 4$

سرعة سيارة محمود هي 5 متر في الثانية $\frac{150 \div 30}{30 \div 30} = \frac{5}{1} = 5$

سيارة محمود هي الأسرع

أي أن

5 متر في الثانية < 4 متر في الثانية

الزمن الذي تستغرقه سيارة شادي لتقطع مسافة 300 متر هي 75 ثانية $300 \div 4 = 75$

الزمن الذي تستغرقه سيارة محمود لتقطع مسافة 300 متر هي 60 ثانية $300 \div 5 = 60$

مثال 3

يَتَدَرَّبُ حامد وإبراهيم لتمثيل فريقهما في مسابقة للجري فجري حامد 24 متر في 8 ثوان وجري إبراهيم 20 متر في 4 ثوان. فمن نختار ليمثل فريقه في مسابقة الجري؟

الحل

مُعدّل الوحدة لجري حامد هو 3 متر في الثانية $\frac{24 \div 8}{8 \div 8} = \frac{3}{1} = 3$

مُعدّل الوحدة لجري إبراهيم هو 5 متر في الثانية $\frac{20 \div 4}{4 \div 4} = \frac{5}{1} = 5$

أي أن: إبراهيم أسرع من حامد؛

لذلك نختار إبراهيم لتمثيل فريقه في مسابقة الجري.

أولاً في الحصة

1 سجّل هشام 32 نقطة في 8 مباريات بهذا المعدل

البحر الأحمر 2025

1 كم نقطة يسجلها هشام في 10 مباريات ؟

2 كم مباراة يلعبها هشام ليسجل 48 نقطة ؟

2 يستهلك حسن 20 لتر بنزين للسيير لمسافة 100 كيلومتر بالسيارة الخاصة به بهذا المعدل

دمياط 2025

1 كم لتر بنزين يحتاجه للسيير لمسافة 600 كيلو متر ؟

2 ما المسافة التي يسير بها بالسيارة إذا استخدم 30 لتر من البنزين ؟

الدقهلية 2025

3 اشترى حسن 3 فطائر مقابل 21 جنيه

1 كم فطيرة يمكن أن يشتريها حسن مقابل 56 جنيهًا ؟

2 بكم جنيهًا يمكن أن يشتري حسن 6 فطائر ؟

سوهاج 2025

4 وزعت هبة 48 صورة على 4 ألبومات

1 ما عدد الصور التي توزعها هبة على 7 ألبومات ؟

2 ما عدد الألبومات التي تحتاجها هبة لتوزع عليها 72 صورة ؟

5 تحدّد السعر الافضل فيما ياتي :

قنا 2025

1 4 بطاقات تهنئة بسعر 10 جنيهات أم 6 بطاقات تهنئة بسعر 18 جنيه.

دمياط 2025

2 3 فطائر بمبلغ 15 جنيه، أم 4 فطائر بمبلغ 16 جنيه.

السويس 2025

3 5 علب عصير بمبلغ 20 جنيه أم 6 علب عصير بمبلغ 30 جنيه.

6 تنام إيمان 40 ساعة كل 5 أيام وتنام خلود 54 ساعة كل 6 أيام بالنظر في نسبة عدد الأيام المُستغرقة إلى

المنووية 2025

عدد ساعات النوم لكل من إيمان وخلود.

فأي منهما ينام عدد ساعات أكثر في اليوم؟

وما عدد الأيام التي تحتاجها إيمان لتنام 200 ساعة؟

7 يتدرب ماجد وحاتم لأحد البطولات الرياضية، وكان ماجد يقفز 90 قفزة في 30 ثانية ويقفز حاتم

الوادي الجديد 2025

125 قفزة في 50 ثانية.

فمن منهما يُرَجَّح أن يفوز في البطولة؟

وما عدد القفزات التي يقفزها ماجد في 50 ثانية؟

علب الأقلام	
عدد الأقلام في العلبة	سعر العلبة
10 أقلام ألماني	50 جنيه
12 قلم إيطالي	48 جنيه
25 قلم فرنسي	75 جنيه

8 تباع مكتبة علب أقلام بأسعار مختلفة

حدّد أي نوع يكون سعره أكبر؟

ثانياً واجب منزلي

1 يستعمل صاحب محل لبيع الحيوانات الأليفة 8 جالونات مياه لتربية كل 4 سمكات

القليوبية 2025

1 ما عدد الجالونات من المياه اللازمة لتربية 32 سمكة؟

2 ما عدد السمكات التي يربّيها إذا كان يستخدم 12 جالون من المياه؟

البحيرة 2025

2 تقرأ سمر 15 صفحة من كتاب في 3 ساعات بهذا المعدل:

1 كم صفحة تقرأها سمر في 8 ساعات؟

2 ما عدد الساعات التي تقرأ فيها 45 صفحة؟

الغربية 2025

3 تنام إيمان 40 ساعة كل 5 أيام
1 ما عدد الساعات التي تنامها إيمان في 9 أيام؟

2 ما عدد الأيام المُستغرقة ليكون مجموع ساعات نوم إيمان 200 ساعة؟

4 أيهما أسرع:

المنيا 2025

1 فراشة تطير 16 متر في 8 ثوان أم نحلة تطير 15 متر في 5 ثوان؟

2 حسن يقطع 600 كم بسيارته في 20 ساعة، أم زاهر الذي يقطع 300 كم بسيارته في 12 ساعة؟

الدقهلية 2025

3 تامر يجري 12 كم في 3 ساعات أم سمير الذي يجري 20 كم في 4 ساعات؟

5 تزد السعر الأفضل فيما يأتي:

دمياط 2025

1 2 كجم من الطماطم بسعر 4 جنيه أم 3 كجم من الطماطم بسعر 7.5 جنيه.

الدقهلية 2025

2 960 جنيه لكل 30 كتاباً مدرسياً أم 1,650 جنيه لكل 50 كتاباً مدرسياً.

6 بلغ ارتفاع المياه في أحد الأحواض 30 سم إذا فتح الصنبور الأول 15 ساعة وبلغ ارتفاع المياه في

بني سويف 2025

نفس الحوض 21 سم إذا فتح الصنبور الثاني 7 ساعات

أي من هذين الصنوبرين كان مُعدّل خروج المياه منه أكثر في الساعة؟

الأجر اليومي		
عدد الساعات	الأجر	
8	320 جنيه	محمود
6	270 جنيه	عبد اللطيف

7 يحصل كل من محمود وعبد اللطيف على الأجر المُبيّن

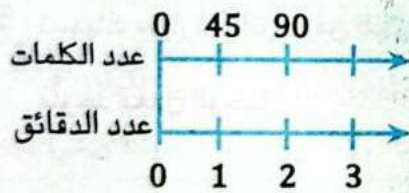
في الجدول. أي منهما يحصل على أجر أكثر في الساعة؟



اختبار تراكمي (11) حتى الدرس (3) من الوحدة (10)

1 اختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين:

- 1 طابعة كمبيوتر تطبع 35 ورقة في 5 دقائق، فإن المعدل = ورقات في الدقيقة
(6 أو 7 أو 8 أو 9) القليوبية 2025
- 2 أي مما يلي يُعبّر عن معدل وحدة ؟
(20 جنيها لكل 2 كجم أو 3 لترات لكل زجاجة أو 105 كم لكل 3 ساعات
أو 8 ملاعق سكر لكل 4 أكواب شاي) الدقهلية 2025
- 3 المقارنة بين كمية ما ووحدة واحدة من كمية أخرى تُسمّى
(الوحدة أو مُعدَّلًا أو مُعدَّل وحدة أو متغيرًا) الشرقية 2025
- 4 تقطع سيارة 30 مترًا في 10 ثوانٍ، فإن معدل ما تقطعه، في الثانية الواحدة = أمتار
(30 أو 10 أو 3 أو 1) الإسماعيلية 2025
- 5 إذا أردت شراء فاكهة الموز، فأَي مما يلي يكون الاختيار الأفضل؟ القاهرة 2025
($\frac{1}{10}$ كجم لكل جنيه أو $\frac{1}{12}$ كجم لكل جنيه أو $\frac{1}{8}$ كجم لكل جنيه أو $\frac{1}{15}$ كجم لكل جنيه)
- 6 اشترى حسن 3 قطع شوكولاتة بمبلغ 21 جنيها، بينما اشترى إسماعيل 6 قطع من نفس نوع الشوكولاتة بمبلغ 30 جنيهاً، فإن أفضل سعر للشراء هو لكل قطعة
(3 جنيهات أو 7 جنيهات أو 4 جنيهات أو 5 جنيهات) كفر الشيخ 2025
- 7 النسبة المكافئة للنسبة 15:24 هي (5:8 أو 6:8 أو 4:3 أو 8:9) الشرقية 2025



- 8 من خط الأعداد المزدوج المقابل :
عدد الكلمات التي تكتبها هالة في 3 دقائق = كلمة.
(100 أو 180 أو 135 أو 300) الدقهلية 2025

2 أكمل ما يأتي:

- 1 معدل الوحدة الذي يُعبّر عن 4 كم لكل 2 ساعة هو المنوفية 2025
- 2 معدل الوحدة الذي يُعبّر عن ثمن 3 كجم من الفاكهة مقابل 15 جنيهاً هو الإسكندرية 2025
- 3 تقرأ آسيا 30 صفحة من كتاب في 15 دقيقة، فإن مُعدَّل الوحدة = صفحة لكل دقيقة المنيا 2025

البحر 2025

م في الساعة

تنتج ماكينة 240 م قماش في 3 ساعات ، فإن معدل الإنتاج =

من خط الأعداد المزدوج المقابل



القاهرة 2024

معدل الوحدة يساوي

تحرث آلة زراعية 6 أفدنة خلال ساعتين ،

قنا 2025

فإن مُعدل ما تحرثه في الساعة الواحدة = أفدنة لكل ساعة

3 إذا كانت النسبة بين طول خالد إلى طول سيف هي 3:2 ، وكان طول سيف 120 سم .

الاسكندرية 2025

فما طول خالد ؟

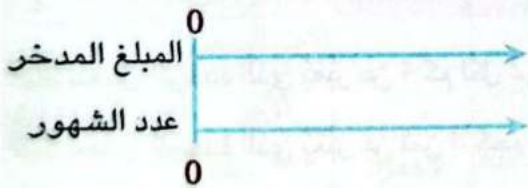
القاهرة 2025

4 ماكينة تنتج 81 متراً من القماش في 3 ساعات ، احسب معدل إنتاج الماكينة

5 تستهلك سيارة 5 لترات من البنزين لقطع مسافة 50 كم ، إذا استمر استهلاكها بنفس المعدل .

الجيزة 2025

فأوجد معدل الوحدة



6 يذخر إسلام مبلغًا ثابتًا شهريًا قيمته 200 جنيه.

استخدم خط الأعداد المزدوج المقابل في تمثيل قيم الادخار،

وحدد إجمالي المبلغ المُدخر في الشهر الخامس.

كفر الشيخ 2025



اختبار تراكمي (12) حتى الدرس (3) من الوحدة (10)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

العربية 2025

1 $8 \div \frac{2}{3} =$

12 أ

6 ب

24 ج

16 د $\frac{16}{3}$

2 جرّار يحرق 12 فدان في 3 أيام فإن مُعدّل حرق الجرّار في اليوم هو

15 أ

3 ب

4 ج

36 د

الإسكندرية 2025

3 إذا كان $\frac{1}{2} \times b = \frac{1}{12}$ فإن $b =$

24 أ

$\frac{1}{24}$ ب

$\frac{1}{6}$ ج

6 د

الدقهلية 2025

4 $11.25 \div 5 =$

225 أ

0.225 ب

2.25 ج

22.5 د

دمياط 2025

5 $0.3 \times 0.42 =$

126 أ

0.126 ب

1.26 ج

12.6 د

أسيوط 2025

6 إذا كان $\frac{x}{12} = \frac{2}{3}$ فإن $x =$

24 أ

36 ب

16 ج

8 د

7 يبيع تاجر 6 كيلو جرامات من الزبدة كل 3 ساعات فإن مُعدّل الوحدة هو

2 أ

6 ب

3 ج

9 د

2 قطع حازم بدراجته 25 كيلومتر في 5 ساعات. أوجد معدل سرعته مُوضّحًا ذلك بخط الأعداد

القاهرة 2025

المزدوج

3 خلط كل من طارق وهشام كمية من الطلاء فكانت نسبة كمية الطلاء التي كونها هشام

هي 6 أصفر : 4 أحمر ويريد طارق تكوين نفس اللون الذي كونه هشام؛

البحيرة 2025

لذلك استخدم النسبة 9 أصفر : 6 أحمر

فهل الكميتان من الطلاء بنفس اللون ؟

المحور الثالث

الكسور الاعتيادية والكسور
العشرية وعلاقات التناسب



الوحدة العاشرة: مُعَدَّل الوحدة والنسبة المئوية

المفهوم
الثاني

تحويل وحدات القياس باستخدام النسب

الدرس (4) : استكشاف معامل التحويل

الدرس (5) : استخدام معامل التحويل

الدرس (6) : تطبيقات علي معامل التحويل

مُعامِل التحويل

مُعامِل التحويل هو نسبة بين كميتين متساويتين يُعبرُ عنهما بوحداث مختلفة

مثال: $60 \text{ دقيقة} = 1 \text{ ساعة}$ أو $60 \text{ دقيقة} = 1 \text{ ساعة واحدة}$

مثال 1

اختر النسب التي تُمثِّل مُعامِل التحويل من بين الخيارات التالية:

- 1 $100 \text{ متر} = 1 \text{ كم}$ 2 $1 \text{ يوم واحد} = 24 \text{ ساعة}$
 3 $\frac{2 \text{ سم}}{5 \text{ م}}$ 4 $\frac{1 \text{ م}}{100 \text{ سم}}$

الحل

1 $100 \text{ متر} = 1 \text{ كم}$ ليس مُعامِل تحويل؛ لأنهما كميتين غير متساويتين
 حيث $1 \text{ كم} = 1,000 \text{ متر}$ وليس 100 متر

2 $1 \text{ يوم واحد} = 24 \text{ ساعة}$ مُعامِل تحويل لأن يوم واحد = 24 ساعة أي أنهما كميتين متساويتين.

3 $\frac{2 \text{ سم}}{5 \text{ م}}$ ليس مُعامِل تحويل لأنهما كميتين غير متساويتين.

4 $\frac{1 \text{ م}}{100 \text{ سم}}$ مُعامِل تحويل لأن $1 \text{ م} = 100 \text{ سم}$ (أي أنهما كميتين متساويتين)

اجب بنفسك

اختر النسب التي تُمثِّل مُعامِل تحويل من بين الخيارات التالية:

- 1 $\frac{100 \text{ سم}}{1 \text{ م}}$ 2 $\frac{4 \text{ أيام}}{4,000 \text{ كم}}$
 3 $\frac{2 \text{ طن}}{4 \text{ كجم}}$ 4 $\frac{3 \text{ م}}{\text{لكل } 6 \text{ م}}$
 5 $21 \text{ أسبوعًا} = 7 \text{ أيام}$ 6 $60 \text{ دقيقة} = 1 \text{ ثانية}$

تذكر أن

اليوم = 24 ساعة	الساعة = 60 دقيقة
الكيلو متر = 1,000 متر	المتر = 100 سم
السنتيمتر = 10 ملليمتر	الكيلو جرام = 1,000 جرام
اللتر = 1,000 مليلتر	الطن = 1,000 كيلو جرام

لاحظ أن

لاحظ أوجه التشابه والاختلاف بين مُعامل التحويل ومُعَدِّل الوحدة.
مُعامل التحويل: كميتين متساويتين بوحدة مختلفة.
مُعَدِّل الوحدة: كميتين مختلفتين بوحدة مختلفة.

مثال 1

حدّد أي من الجمل التالية تُعبّر عن مُعامل تحويل، وأيها ليست مُعامل تحويل:

- 1 100 سم في المتر الواحد 2 3 م لكل 5 م 3 يوم واحد = 24 ساعة
4 21 أسبوعًا = 3 أيام 5 $\frac{1,000 \text{ كجم}}{1 \text{ طن}}$ 6 $\frac{3 \text{ أيام}}{2,000 \text{ كم}}$

الحل

مُعامل تحويل	ليس مُعامل تحويل
100 سم في المتر الواحد	3 م لكل 5 م
يوم واحد = 24 ساعة	21 أسبوعًا = 3 أيام
$\frac{1,000 \text{ كجم}}{1 \text{ طن}}$	$\frac{3 \text{ أيام}}{2,000 \text{ كم}}$

أجب بنفسك

حدّد أي من الجمل التالية تُعبّر عن مُعامل تحويل:

- 1 أسبوع = 7 أيام 2 100 مم = متر واحد
3 $\frac{1,000 \text{ متر}}{1 \text{ كيلومتر}}$ 4 $\frac{5 \text{ م}}{40 \text{ سم}}$
5 1 لتر = 1,000 ملل 6 شهر = 30 يوم

أولاً في الحصـة

1 اختر النسب التي تمثل مُعامل التحويل من بين الخيارات التالية:

- 1 $100 \text{ م} = 1 \text{ كم}$ 2 $\frac{4 \text{ سم}}{6 \text{ م}}$ 3 $3 \text{ م} = 4 \text{ م}$ 4 $\frac{90 \text{ سم}}{\text{ساعة واحدة}}$ 5 $\frac{60 \text{ دقيقة}}{\text{ساعة واحدة}}$ 6 $\frac{1 \text{ م}}{1,000 \text{ مم}}$

2 أي جملة مما يأتي صحيحة؟

- 1 توجد 10 ملليمترات في السنتيمتر 2 نسبة الملليمتر إلى السنتيمترات هي 10 : 1 3 لكل 100 مم يوجد 1 متر 4 نسبة الملليمترات إلى السنتيمترات هي 10 إلى 1

3 خُذ أي من الجمل التالية تعبر عن معامل تحويل وايها ليست معامل تحويل :

- 1 $1,000 \text{ متر في الكيلومتر}$ 2 $4 \text{ م لكل } 6 \text{ م}$ 3 $\frac{1,000 \text{ كجم}}{1 \text{ طن}}$ 4 $\frac{24 \text{ ساعة}}{1 \text{ يوم}}$

ثانياً واجب منزلي

1 اختر النسب التي تمثل مُعامل التحويل من بين الخيارات التالية:

- 1 $\frac{1 \text{ م}}{100 \text{ سم}}$ 2 يوم واحد : 24 ساعة 3 $\frac{1,000 \text{ مم}}{1 \text{ كجم}}$ 4 $1,000 \text{ ملجم : } 1 \text{ جم}$

2 أي جملة مما يأتي صحيحة؟

- 1 لكل 1 سم يوجد 10 مم 2 يوجد 1,000 متر في الكيلو متر 3 لكل 10 مم يوجد 1 سم 4 يمكن كتابة التكافؤ بين القياسات في صورة 10 سم = 1 مم

3 خُذ أي من الجمل التالية تعبر عن معامل تحويل وايها ليست معامل تحويل :

- 1 المتر = 100 سم 2 الكيلو جرام = 1,000 جرام 3 $1 \text{ ملل} = \frac{1}{1,000} \text{ لتر}$ 4 $\frac{2.5 \text{ م}}{1 \text{ كم}}$

يمكن التحويل بين الوحدات المختلفة باستخدام مُعامل التحويل

مثال إذا كان طول أحد الأبواب 2 متر ونريد هذا الطول بالسنتيمتر فإننا نضرب طول الباب في

$$\text{معامل التحويل وهو } \frac{100 \text{ سم}}{1 \text{ م}} \text{ فيكون } 200 \text{ سم} = \frac{100 \text{ سم}}{1 \text{ م}} \times 2 \text{ م}$$

ويمكن استخدام معامل التحويل بالشكل متر = 100 سم فيكون 200 سم = $100 \times 2 = 200$ سم = 2 م

ويمكن استخدام معامل التحويل بالصورة $\frac{1 \text{ م}}{100 \text{ سم}}$ إذا كان التحويل من سم إلى م

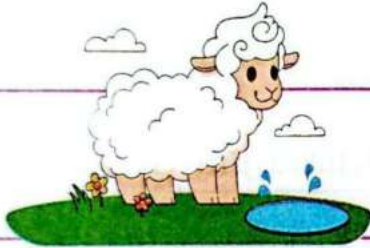
وإذا كان طول الباب 200 سم ونريد هذا الطول بالمتر فإن 2 م = $\frac{200 \text{ سم}}{100} = \frac{1 \text{ م}}{100 \text{ سم}} \times 200 \text{ سم}$

لاحظ أن

في معامل التحويل تكون الوحدة المطلوب التحويل إليها في البسط

أي أنه إذا كان مطلوب القياس بالـ سم يكون معامل التحويل $\frac{100 \text{ سم}}{1 \text{ م}}$

وإذا كان مطلوب القياس بالمتر يكون معامل التحويل $\frac{1 \text{ م}}{100 \text{ سم}}$ وهكذا



مثال 1

يشرب خروف 2,000 مليلتر من المياه في اليوم.

فكم لترًا من الماء يشربها الخروف في اليوم؟

الحل

لإيجاد كمية الماء باللتر نستخدم معامل التحويل $\frac{1 \text{ لتر}}{1,000 \text{ مل}}$ أو $1 \text{ مل} = \frac{1}{1,000} \text{ لتر}$

$$\text{فيكون } 2 \text{ لتر} = \frac{1 \text{ لتر}}{1,000 \text{ مل}} \times 2,000 \text{ مل} = 2,000 \text{ مل} = 2 \text{ لتر}$$

أي أن: الخروف يشرب 2 لتر في اليوم

اجب بنفسك

يشرب أرنب 1,000 مليلتر من المياه في اليوم. فكم لترًا من المياه يشربها الأرنب في اليوم؟

مثال 2



لدى هناء $\frac{1}{2}$ كيلو جرام من الشاي استخدمت منه خلال هذا الأسبوع 150 جرام
فكم تبقى مع هناء من الشاي بالجرام ؟

الحل

نطرح ما تم استخدامه من الشاي لمعرفة ما تبقى ولنقوم بعملية الطرح يلزم أن يكون الكميّتان بنفس

$$\text{الوحدة لذلك نُحوّل } \frac{1}{2} \text{ كيلو جرام إلى جرامات } 500 \text{ جرام} = \frac{1}{2} \times 1,000 \text{ جم} = \frac{1}{2} \text{ كجم}$$

مُعامل التحويل

أجب بنفسك

اشترى أحد التجار من سوق الجملة كمية من الخضار كتلتها 2 طن واشترى 1,800 كيلو جرام
من الفاكهة. كم تزيد كتلة الخضار عن كتلة الفاكهة بالكيلو جرام ؟

نحوّل أولاً كتلة _____ بوحدّة _____ = _____

ثم نطرح

مثال 3



تتحرك سيارة بسرعة 24 كيلو متر في الساعة فما سرعتها بالمتر في الساعة ؟
وما سرعتها بالمتر في الدقيقة ؟

الحل

لإيجاد سرعة السيارة بالمتر في الساعة نستخدم معامل التحويل الكيلو متر = 1,000 متر

أي أن: سرعة السيارة بالمتر في الساعة هي

$$24,000 \text{ متر / ساعة} = 24 \times 1,000 \text{ متر / الساعة} = 24 \text{ كيلو متر / ساعة}$$

مُعامل التحويل

ولإيجاد سرعة السيارة بالمتر في الدقيقة نستخدم معامل التحويل ساعة = 60 دقيقة

$$400 \text{ متر / دقيقة} = \frac{24,000 \text{ متر}}{60 \text{ دقيقة}} = \frac{24,000 \text{ متر / ساعة}}{60 \text{ دقيقة}} = 400 \text{ متر / دقيقة}$$

مُعامل التحويل

أي أن: سرعة السيارة بالمتر في الدقيقة هي 400 متر / دقيقة

أجب بنفسك

تتحرك سيارة بسرعة 36 كيلو متر في الساعة ، فما سرعتها بالمتر في الساعة ؟

أولاً في الحصة

1 استعملت هالة معامل التحويل من وحدة إلى وحدة ووجدت أي معامل التحويل صحيح؟

1 استعملت هالة معامل التحويل $\frac{100 \text{ سم}}{1 \text{ م}}$ لتحويل 400 سم إلى أمتار.

2 استعملت هالة معامل التحويل $\frac{1 \text{ كيلو متر}}{1,000 \text{ م}}$ لتحويل 4 كيلو مترات إلى أمتار.

3 استعملت هالة معامل التحويل (اللتر = 1,000 مليلتر) لتحويل 5 لترات إلى مليلترات.

2  أجب عفاً يأتي:

1 أحد الحيوانات تبلغ كتلته 30.5 كيلو جرام . كم جراماً تبلغ كتلة هذا الحيوان ؟ قنا 2025

2 يبلغ عرض أبو الهول 564 سنتيمتراً . كم متراً يبلغ عرض أبو الهول ؟ الاسماعيلية 2025

3 أيهما أكبر 250 متر أم 0.25 كيلو متر ؟ الغربية 2025

3 اكتشف حارس المدرسة أن ماسورة المياه سَرَبَت 3,000 مليلتر من المياه.



السويس 2025 فككم لترًا من المياه سَرَبَتْها الماسورة ؟

4 لدى ناصر وعاء يحتوي على 2 كيلو جرام من الملح، وقد استعمل منه 250 جرام من الملح.



5 تريد فاتن أن تشتري 3 كجم سكر لعمل كمية من الكعك فإذا اشترت كمية

كتلتها 2,500 جرام . فما هي الكمية التي تنقصها لعمل الكعك؟



الدقهلية 2025



- 6 عرض الرصيف أمام أحد المحلات 1.5 متر وتنص القوانين على أن يكون الحد الأدنى لعرض الرصيف 165 سم . فهل يخضع عرض الرصيف للقوانين

المنيا 2025



- 7 تُقدّم منى عصير الفواكه لضيقاتها أثناء زيارتهم لها في المنزل، ولديها لتر واحد من عصير الفواكه لتوزعه على 5 ضيقات . إذا حصلت كل ضيقة على نفس الكمية.

فما مقدار هذه الكمية بوحدة الملليتر ؟ أسيوط 2025



- 8 يخطط رامي للجري مسافة 3 كم في اليوم للتحضير لمسابقة دولية فإذا كان يجري حول المدرسة 10 مرات يوميًا وكانت المرة الواحدة تساوي 330 متر . فهل سيكون حقّق الجري مسافة 3 كم في اليوم ؟ شمال سيناء 2025

ثانيًا واجب منزلي

- 1 استعملت هالة معامل تحويل من وحدة إلى وحدة وتحدّد أي معامل التحويل صحيح؟

1 استعملت هالة معامل التحويل $\frac{1,000 \text{ جرام}}{1 \text{ كيلو جرام}}$ لتحويل 5 كيلو جرامات إلى جرامات.

2 استعملت هالة معامل التحويل $\frac{1 \text{ سم}}{10 \text{ ملّيمتر}}$ لتحويل 150 ملّيمتر إلى سنتيمترات.

- 2 أجب عفا يأتي:

1 تبلغ كتلة حجرية في الهرم الأكبر 2,300 كيلو جرام تقريبًا. كم تبلغ هذه الكتلة بالجرامات ؟

المنوفية 2025

2 تشرب الجّمال 20,000 ملّيلتر من المياه تقريبًا . فكّم لترا من المياه تُمثّل هذه الكمية ؟

مرسى مطروح 2025



- 3 يريد جاران في أحد المناطق معرفة المسافة بين منزلهما فكانت 5,400 سم ويريدان معرفة هذه المسافة بالمتر . فكم تكون المسافة بين منزليهما بالمتر ؟

أسوان 2025



- 4 سكبت هدى 4,500 مليلتراً من الماء في زجاجة سعتها 5 لترات كم تحتاج هدى من الماء الإضافي لملء الزجاجة ؟

دمياط 2025



- 5 اشترى سالم قطعة خشب طولها 3 أمتار وقسمها إلى جزئين طول أحد الجزئين 140 سم.

فما طول الجزء الآخر بالسنتيمتر ؟

الاسماعلية 2025



- 6 في لعبة القفز بالزانة قفز ماجد بالعصا فوق حاجز ارتفاعه 580 سم .

كم سم يجب أن يزداد ارتفاع قفزه؛ ليتخطى حاجزاً ارتفاعه 6 أمتار ؟

قنا 2025



- 7 يوجد على أحد الكبارى لافتة تشير إلى أن الوزن الأقصى لصعود الكوبري هو 9 أطنان.

فإذا كان وزن سيارة 8,500 كيلو جرام فهل يسمح للسيارة بصعود الكوبري ؟

الوادي الجديد 2025



- 8 يبلغ وزن طائرة 4.5 مليون كيلو جرام . كم تبلغ وزن هذه الطائرة بالطن ؟

الغربية 2025

تعلمنا في الدرس السابق التحويل من وحدة إلى وحدة أخرى باستخدام معامل التحويل وفي هذا الدرس سوف نوجد معاملات تحويل متعددة لوحدات قياس مختلفة لتوحيد هذه الوحدات كي نتمكن من المقارنة فيما بينها.

فمثلاً هل يمكننا تحديد أي السرعات الآتية أسرع:

25 متر في الثانية أم 20 كيلو متر في الساعة أم 900 سم في الثانية أم 0.5 كيلو متر في الدقيقة.
بالطبع! لأن كل سرعة موضحة بوحدات مختلفة فيصعب تحديد الأسرع بهذه الصورة؛ لذلك فإننا نوجد وحدات القياس؛ لنتمكن من تحديد الأسرع بالمقارنة بينها

مثال 1

جري حسام بسرعة 4 كم في الساعة، وجري زكريا بسرعة 6,000 متر في الساعة .

فأياً من حسام وزكريا يجري بمعدل أسرع ؟

الحل

نجعل السرعات بنفس الوحدات حتى نتمكن من المقارنة بينهما أي نجعل السرعتين بالـ كم في الساعة أي السرعتين بالمتر في الساعة أيهما أسهل وسوف نحل بالطريقتين هنا للتوضيح.

الطريقة الأولى: نُحوّل إلى كم في الساعة، زكريا يجري بسرعة 6 كم في الساعة:

$$1 \text{ كم} = 1,000 \text{ متر} \quad 6,000 \text{ متر} \div 1,000 = 6 \text{ كم في الساعة}$$

وحيث إن 6 كم في الساعة > 4 كم في الساعة فإن زكريا يجري بمعدل أسرع

الطريقة الثانية: نُحوّل إلى متر في الساعة

$$4 \text{ كم في الساعة} = 4 \times 1,000 \text{ متر} = 4,000 \text{ متر في الساعة}$$

وحيث إن 6,000 متر في الساعة > 4,000 متر في الساعة فإن زكريا يجري بمعدل أسرع

مثال 2

أي من السيارتين الآتين تستهلك بنزين أقل:
السيارة الأولى تقطع 80 كيلو متر لكل 20 لتر بنزين والسيارة الثانية تقطع 5,000 متر لكل لتر.

الحل

معدل المسافة لكل لتر للسيارة الأولى:

$$\text{هو } 4 \text{ كيلومتر / لتر} = \frac{80 \text{ كيلومتر}}{20 \div 20 \text{ لتر}} = \frac{4 \text{ كيلومتر}}{1 \text{ لتر}}$$

معدل المسافة للسيارة الثانية هو:

$$5 \text{ كيلومتر / لتر} = \frac{5,000 \text{ متر}}{1,000 \text{ متر}} \times \frac{1 \text{ كيلومتر}}{1,000 \text{ متر}} = 5,000 \text{ متر / لتر}$$

أي أن: السيارة الثانية تسير مسافة أكثر بكيلومتر واحد أي أنها تستهلك بنزين أقل

ملاحظة: يمكن إيجاد معدل الاستهلاك لكل كيلو متر واحد

$$\text{السيارة الأولى تستهلك } \frac{1}{4} \text{ لتر لكل كيلو متر} = \frac{1 \text{ كيلومتر}}{\frac{1}{4} \text{ لتر}} = \frac{4 \div 4}{1 \div 4} \text{ كيلومتر} = 4 \text{ كم / لتر}$$

$$\text{السيارة الثانية تستهلك } \frac{1}{5} \text{ لتر لكل كيلو متر} = \frac{1 \text{ كيلومتر}}{\frac{1}{5} \text{ لتر}} = \frac{5 \div 5}{1 \div 5} \text{ كيلومتر} = 5 \text{ كم / لتر}$$

أي أن: السيارة الثانية تستهلك بنزين أقل من السيارة الأولى (لأن $\frac{1}{4} > \frac{1}{5}$).

أجب بنفسك

تقرأ سحر 72 صفحة في اليوم ويقرأ إبراهيم 4 صفحات في الساعة
أي منهما يقرأ عدد صفحات أكثر في الساعة؟

مثال 3

إذا كانت سرعة السنجاب 28.8 كيلو متر في الساعة وسرعة السحلية 7 متر في الثانية فأيهما أسرع؟

الحل

للمقارنة بين سرعة السنجاب وسرعة السحلية وتحديد الأسرع يلزم أن تكون سرعتين بنفس الوحدات

لذلك نُحوّل وحدات إحدى سرعتين بنفس وحدات السرعة الأخرى

لاحظ أن 28.8 كيلو متر في الساعة تعني $\frac{28.8 \text{ كيلومتر}}{1 \text{ ساعة}}$ ولتحويلها إلى متر / ثانية

سوف نُحوّل الكيلومتر إلى متر في خطوة بالضرب في $\frac{1,000 \text{ متر}}{1 \text{ كيلومتر}}$ ونُحوّل الساعة إلى ثانية في

خطوة أخرى بالضرب في $\frac{1 \text{ ساعة}}{3,600 \text{ ثانية}}$

لاحظ أنه مطلوب السرعة بالمتر فنضع 1,000 في البسط $\frac{1,000 \text{ متر}}{1 \text{ كيلومتر}} \times \frac{28.8 \text{ كيلومتر}}{1 \text{ ساعة}}$

مطلوب متر / الثانية أي $\frac{\text{متر}}{\text{ثانية}}$ لذلك نضع ثانية في المقام $\frac{1 \text{ ساعة}}{3,600 \text{ ثانية}} \times \frac{28,800 \text{ متر}}{1 \text{ ساعة}} =$

8 متر في الثانية = $\frac{8 \text{ متر}}{1 \text{ ثانية}} = 8 \text{ متر في الثانية} < 7 \text{ متر في الثانية}$

ولذلك فإن: السنجاب أسرع من السحلية



مثال 4

إذا كان سرعة ثعبان المامبا الأسود 5.6 متر في الثانية وسرعة الذئب البري 69 كيلو متر في الساعة. فأوجد معامل تحويل سرعة ثعبان المامبا الأسود إلى كيلومترات في الساعة وحدد من الأسرع ثعبان المامبا الأسود أم الذئب البري ؟

الحل

لتحويل سرعة ثعبان المامبا الأسود من متر في الثانية إلى كيلومترات في الساعة فإننا : نحول المتر إلى كيلومترات ونحول الثانية إلى ساعة

$$5.6 \text{ متر في الثانية} = \frac{5.6 \text{ متر}}{1 \text{ ثانية}} \times \frac{1 \text{ كيلومتر}}{1,000 \text{ متر}} \times \frac{3,600 \text{ ثانية}}{1 \text{ ساعة}}$$

(نضع المطلوب تغييره عكس الموجود) مطلوب تغيير ثانية وموجود ثانية في المقام فنضع ثانية في البسط

$$20.16 \text{ كيلومتر في الساعة} = \frac{5.6 \times 3,600}{1,000} \text{ كيلومتر في الساعة}$$

69 كيلو متر في الساعة < 20.16 كيلو متر في الساعة
أي أن سرعة الذئب البري أسرع من ثعبان المامبا الأسود

مثال 5

إذا كانت سرعة طائر الجواب 889 سنتيمتر في الثانية وسرعة القرش الأبيض الكبير 0.93 من الكيلومتر في الدقيقة . فأوجد سرعة لكل منهما بالكيلومتر في الساعة وحدد أيهما أسرع.

الحل

تذكر أن:

للتحويل من سم إلى كم نقسم (÷ 100,000)

للتحويل من ثانية إلى دقيقة نقسم (÷ 3,600)

للتحويل من دقيقة إلى ساعة نقسم (÷ 60)

$$889 \text{ سم / ثانية} = \frac{889 \div 100,000}{3,600 \div 1 \text{ ثانية}} = \frac{889 \times 3600}{100,000}$$

$$= \frac{32,004 \text{ كم}}{1 \text{ ساعة}} = 32.004 \text{ كم / ساعة}$$

$$0.93 \text{ كم / دقيقة} = \frac{0.93 \text{ كم}}{60 \div 1 \text{ دقيقة}} = \frac{0.93 \times 60}{1} = \frac{55.8 \text{ كم}}{1 \text{ ساعة}} = 55.8 \text{ كم / ساعة}$$

، سرعة طائر الجواب = 32.004 كم / ساعة، سرعة القرش الأبيض الكبير = 55.8 كم / ساعة

أي أن: القرش الأبيض الكبير أسرع من طائر الجواب

أولاً في الحصة

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المُعطاة :

1 لتحويل 600 متر في الثانية إلى أمتار في الدقيقة فإن معامل التحويل هو الشرقية 2025

$$\begin{array}{l} \text{1 دقيقة} \\ \hline \text{3,600 ثانية} \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{3,600 ثانية} \\ \hline \text{1 دقيقة} \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{60 ثانية} \\ \hline \text{دقيقة} \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{1 دقيقة} \\ \hline \text{60 ثانية} \end{array}$$

2 لتحويل متر في الساعة إلى كيلو متر في الساعة نستخدم معامل التحويل بني سويف 2025

$$\begin{array}{l} \text{100 متر} \\ \hline \text{1 كيلو متر} \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{1 كيلو متر} \\ \hline \text{100 متر} \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{1 كيلو متر} \\ \hline \text{1,000 متر} \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{1,000 متر} \\ \hline \text{1 كيلو متر} \end{array}$$

3 لتحويل متر في الثانية إلى سم في الثانية نستخدم معامل التحويل السويس 2025

$$\begin{array}{l} \text{100 سم} \\ \hline \text{1 متر} \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{1 متر} \\ \hline \text{100 سم} \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{1,000 سم} \\ \hline \text{1 متر} \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{10 سم} \\ \hline \text{1 متر} \end{array}$$

4 لتحويل كم في الأسبوع إلى كم في اليوم نستخدم معامل التحويل الجيزة 2025

$$\begin{array}{l} \text{7 أيام} \\ \hline \text{1 أسبوع} \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{يوم} \\ \hline \text{24 ساعة} \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{1 أسبوع} \\ \hline \text{7 أيام} \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{24 ساعة} \\ \hline \text{يوم} \end{array}$$

2 تجري ريهام بسرعة 6 كم في الساعة وتجري هدى بسرعة 9,000 متر في الساعة.

بني سويف 2025 **فمن تجري بمعدل أسرع ريهام أم هدى؟**

3 يشرب سامي 2,250 مليلتر من العصير في اليوم، ويشرب شريف 2 لتر من العصير في اليوم.

القليوبية 2025 **كم مليلتراً من العصير يحتاج شريف ليتساوي مقدار العصير مع كل منهما؟**

4 يعصر الشيف سعد كمية من الطماطم كتلتها 2,880 كجم في الساعة ويعصر الشيف يوسف كمية

البحيرة 2025 **من الطماطم كتلتها 730 جرام في الثانية. من منهما يعصر أسرع من الآخر؟ وما مقدار الزيادة في الكتلة بالجرام في الدقيقة الواحدة؟**

5) تطير يمامة بسرعة 900 متر في 5 دقائق ويطير ببغاء بسرعة 0.2 كم في الدقيقة .

فمن منهما يطير أسرع من الآخر ؟

أسبوط 2025

6) إذا كانت سرعة كلب 32.4 كيلو متر في الساعة وسرعة قطة 8 أمتار في الثانية .

فأيهما أسرع الكلب أم القطه ؟

الغربية 2025

7) إذا كانت سرعة كلب الحراسة 18 متر في الثانية وسرعة الذئب 66 كيلو متر في الساعة .

فأوجد مُعامل تحويل سرعة كلب الحراسة إلى كيلو مترات في الساعة وحدد الأسرع كلب الحراسة

أم الذئب ؟

السويس 2025

8) يعصر أحد محلات العصير $\frac{1}{2}$ لتر في الدقيقة من عصير القصب ويعصر 22,500 ملل في الساعة

من عصير البرتقال ويعصر 20 لتر في الساعة من عصير الرمان .

فأي نوع من هذه الأنواع يعصره أكثر في الساعة الواحدة ؟

الجيزة 2025

9) يبيع أحد محلات الخضار 6 كجم كل ساعة من الفاصوليا ويبيع 300,000 جم كل دقيقة من

الباذنجان ويبيع 0.192 طن كل يوم من الطماطم، فأي أنواع الخضار يبيع أكثر ؟

الدقهلية 2025

ثانياً واجب منزلي

1) اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات الشُعطاة :

1) لتحويل لتر في الساعة إلى ملل في الساعة نستخدم معامل التحويل

الإسماعيلية 2025

$$\frac{1,000 \text{ ملل}}{1 \text{ لتر}}$$

$$\frac{1 \text{ لتر}}{1,000 \text{ ملل}}$$

$$\frac{1 \text{ لتر}}{100 \text{ ملل}}$$

$$\frac{100 \text{ ملل}}{1 \text{ لتر}}$$

2) لتحويل لتر في الساعة إلى لتر في الدقيقة نستخدم معامل التحويل

أسبوط 2025

$$\frac{1 \text{ ساعة}}{3,600 \text{ دقيقة}}$$

$$\frac{1 \text{ ساعة}}{360 \text{ دقيقة}}$$

$$\frac{1 \text{ ساعة}}{60 \text{ دقيقة}}$$

$$\frac{60 \text{ دقيقة}}{1 \text{ ساعة}}$$

1 لتحويل سم في الثانية إلى مم في الثانية نستخدم معامل التحويل

$$\frac{\mu - 1}{\mu + 100}$$

📌 لتحويل طن في الساعة إلى كيلو جرام في الساعة نستخدم معامل التحويل

1,000 حُر
1 كيلو جرام

2) تقرأ عادة 108 صفحة من كتاب في اليوم وتقرأ سمر 6 صفحات من نفس الكتاب في الساعة .

أيًا منهما تقرأ عدد صفحات أكثر في الساعة ؟

3) بدأ ماجد وتامر ركوب الدراجات للذهاب إلى المدرسة، ماجد يسير بالدراجة بسرعة 15 كم في

الساعة ويسير تامر بالدراجة بسرعة $\frac{1}{5}$ كم في الدقيقة . أوجد سرعة ماجد بوحدة الكيلومتر في الدقيقة ثم حدّد أيًا من ماجد وتامر يصل أولاً إلى المدرسة ؟

4 يدهن حسن لوحة طولها 300 سم في الدقيقة ويدهن خالد لوحة طولها 2.85 متر في الدقيقة

بفرض أن لهما نفس العرض. فمن يدهن لوحته أسرع حسن أم خالد ؟

5 إذا كانت سرعة الجواب 980 سنتيمتر في الثانية وسرعة القرش الأبيض 0.95 من الكيلومترات في

الدقيقة. فأوجد سرعة كل منهما بالكيلومتر في الساعة وحدد أيهما أسرع.

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المقطوعة :

1 9 كم × = 9,000 متر ($\frac{1,000 \text{ م}}{1 \text{ كم}}$ أو $\frac{1,000 \text{ جم}}{1 \text{ كم}}$ أو $\frac{100 \text{ م}}{1 \text{ كم}}$ أو $\frac{1 \text{ م}}{1,000 \text{ كم}}$) سوهاج 2025

2 180 دقيقة × = 3 ساعات. كفر الشيخ 2025

($\frac{1 \text{ ساعة}}{60 \text{ دقيقة}}$ أو $\frac{1 \text{ دقيقة}}{60 \text{ ساعة}}$ أو $\frac{1 \text{ ساعة}}{180 \text{ دقيقة}}$ أو $\frac{60 \text{ دقيقة}}{1 \text{ ساعة}}$)

3 إذا كانت كتلة التفاح 12.8 كجم ، فإن كتلته بالجرام = جرام القاهرة 2025

(12,800 أو 128 أو 120 أو 128,000)

4 720 ثانية × = 12 دقيقة الشرقية 2025

($\frac{60 \text{ ثانية}}{1 \text{ دقيقة}}$ أو $\frac{1 \text{ دقيقة}}{60 \text{ ثانية}}$ أو $\frac{720 \text{ ثانية}}{1 \text{ دقيقة}}$ أو $\frac{12 \text{ دقيقة}}{60 \text{ ثانية}}$)

5 معامل التحويل المستخدم للتحويل من كم إلى متر هو قنا 2025

($\frac{1 \text{ م}}{100 \text{ سم}}$ أو $\frac{1,000 \text{ متر}}{1 \text{ كم}}$ أو $\frac{1 \text{ كم}}{1,000 \text{ متر}}$ أو $\frac{100 \text{ سم}}{1 \text{ م}}$)

6 أي مما يلي لا يُمثِّل معامل تحويل ؟ المنيا 2025

(1 سم : 10 مم أو 3 م : 30 سم أو 1,000 جم : 1 كجم أو 1 م : 100 سم)

7 مُعَدِّل الوحدة المناسب (8 لترات لكل 4 زجاجات) هو سوهاج 2025

(لتر لكل زجاجة أو لتران لكل زجاجة أو 4 لترات لكل زجاجة أو زجاجة لكل لتر)

8 ترسم جودي 7 لوحات كل 3 أسابيع، فإن عدد اللوحات التي ترسمها القاهرة 2025

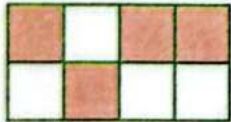
في 9 أسابيع = لوحة (22 أو 21 أو 25 أو 37)

2 أكمل ما يأتي :

1 النسبة 3 : 4 تكافئ 12 : الغربية 2025

2 $\frac{36}{48}$ = (في أبسط صورة) قنا 2025

3 نسبة حدّها الأول 5 ، وحدّها الثاني 7 هي الجيزة 2025



4 من الشكل المقابل :

النسبة بين عدد المربعات المظللة إلى إجمالي عدد المربعات = : (في أبسط صورة)

5 هو مُعَدِّل تكون فيه الكمية الثانية وحدة واحدة. الشرقية 2025

6 معامل التحويل المستخدم للتحويل من المليلتر إلى اللتر هو المنوفية 2025

الجيزة 2025

7 علبة عصير سعتها 4.5 لتر ، فإن سعتها بالمليالتر =

الغربية 2025

8 5 أمتار في الساعة = سم في الساعة

3 إذا كانت سرعة الدب 48 كيلومترًا في الساعة،

الشرقية 2025

فما هي سرعة الدب عند تحويل السرعة إلى متر في الساعة ؟

4 محراث يحرق 12 فدانًا في 3 ساعات ، بينما محراث آخر يحرق 20 فدانًا في 4 ساعات .

المنوفية 2025

احسب مُعْدَل الوحدة لكل محراث، ثم حُدِّد أيهما أفضل .

السويس 2025

5 اكتب ثلاث نسب مكافئة للنسبة 3 : 4

6 يمتلك أحمد 9 متر من السلك مُقسَّم إلى قطع متساوية في الطول ، طول القطعة الواحدة 0.3 متر .

القاهرة 2025

احسب عدد القطع

اختبار تراكمي (14) على المفهوم (2) الوحدة (10)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المُعطاة :

الجيزة 2025

1 يبيع تاجر 18 كيلوجرام طماطم كل ساعتين فإن مُعدّل الوحدة هو

- أ 18 كيلو جرام / ساعة
 ب 36 كجم / ساعة
 ج 9 كجم كل ساعة
 د 18 كجم في الساعة

القليوبية 2025

2 $0.2 \times 3.25 =$

- أ 650
 ب 65
 ج 6.5
 د 0.65

المنوفية 2025

3 أي نسبة مما يأتي تُمثّل معامل تحويل؟

- أ 100 م = 1 كم
 ب 3 م = 4 م
 ج $\frac{90 \text{ كم}}{1 \text{ ساعة}}$
 د $\frac{1 \text{ ساعة}}{60 \text{ دقيقة}}$

الدقهلية 2025

4 إذا كان $\frac{8}{x} = \frac{2}{5}$ فإن $x =$

- أ 20
 ب 40
 ج 16
 د 80

الإسكندرية 2025

5 $16 \div \frac{2}{3} =$

- أ 12
 ب 24
 ج $\frac{32}{3}$
 د 4

المنيا 2025

6 ماكينة تنتج 24 متر قماش في 4 ساعات فإن مُعدّل إنتاج الماكينة =

- أ 12 متر في الساعة
 ب 4 متر في الساعة
 ج 6 متر في الساعة
 د 24 متر في الدقيقة

الشرقية 2025

7 $8.125 \div 2.5 =$

- أ 325
 ب 32.5
 ج 0.325
 د 3.25

2 تسير قطة بسرعة 30 كيلو متر في 6 ساعات أوجد مُعدّل سرعتها باستخدام خط الأعداد المزدوج،

الغربية 2025

وحّد عدد الكيلومترات التي تقطعها في 7 ساعات.

3 إذا كانت سرعة سنجاب 32.4 كيلو متر في الساعة وسرعة طائر 8 أمتار في الثانية.

أسوان 2025

فأيهما أسرع السنجاب أم الطائر ؟

المحور الثالث

الكسور الاعتيادية والكسور العشرية وعلاقات التناسب



الوحدة العاشرة: معدل الوحدة والنسبة المئوية

فهم النسبة المئوية

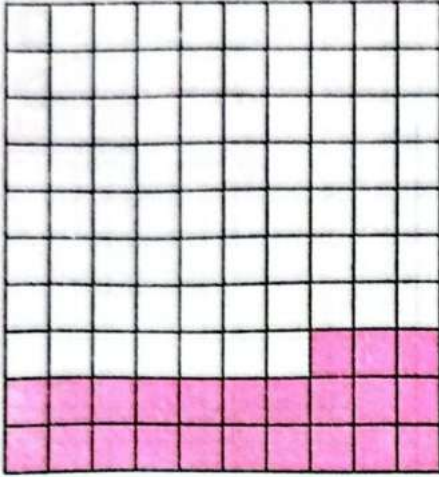
المفهوم الثالث

الدرس (7 , 8) : استكشاف النسبة المئوية - تحديد الجزء والكل والنسبة المئوية

الدرس (9 , 10) : استخدام النماذج لإيجاد الكل - استخدام النماذج لإيجاد النسبة المئوية

الدرس (11) : تطبيقات على النسبة المئوية

معنى النسبة المئوية



الشكل المقابل يُمثّل مربعًا كبيرًا تم تقسيمه إلى

مائة مربعًا صغيرًا جميعها متطابقة ونلاحظ معًا أن :

المربع الواحد يُمثّل مربع من 100 مربع

ونُعبر عنه بالنسبة 1 من مائة أو 100 : 1

أو $\frac{1}{100}$ وأي كسر مقامه 100

أو أي نسبة حدّها الثاني 100 تُسمّى نسبة مئوية

ونلاحظ من الشكل أن عدد المربعات المظللة 23 مربعًا والعدد الكلي للمربعات 100

أي أن عدد المربعات المظللة إلى عدد المربعات الكلي تساوي 23 : 100 أو $\frac{23}{100}$

ونلاحظ أن الحد الثاني للنسبة هو 100 وتكتب 23 في المائة أو 23 % ومن ذلك نستنتج أن :

النسبة المئوية هي نسبة حدّها الثاني 100 ويرمز لها بالرمز " % "

وهي نسبة يقارن فيها الحد الأول بالعدد 100 وهي أجزاء من مائة تُمثّل الجزء من الكل

فمثلاً النسبة $\frac{40}{100}$ تساوي 40 % وتقرأ 40 في المائة

ونلاحظ من الشكل المظلّل السابق أن نسبة الجزء غير المظلّل إلى الشكل كله يساوي $\frac{77}{100}$ أي 77 %

وأن مجموع نسبة الجزئين المظلّل وغير المظلّل يساوي $\frac{23}{100} + \frac{77}{100} = \frac{100}{100} = 100\%$

أي أن: $23\% + 77\% = 100\%$

ويتضح من ذلك أن:

$$100\% = \frac{100}{100} = 1$$

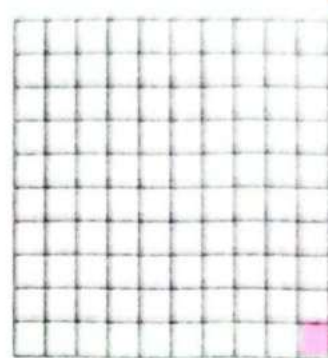
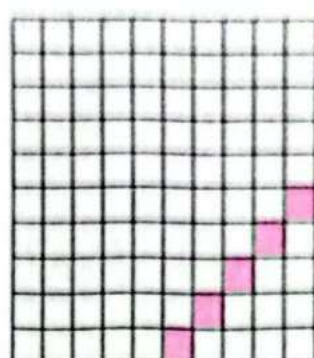
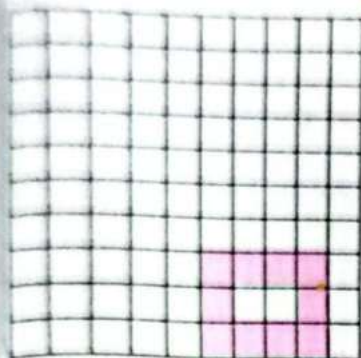
100 % من المقدار تعني المقدار كاملاً

النسب المئوية المعبرة عن:

1 الجزء المظلل إلى الشكل كله

3 مجموع النسبتين السابقتين

2 الجزء غير المظلل إلى الشكل كله



1 $\frac{10}{100} = 10\%$

2 $\frac{90}{100} = 90\%$

3 $10\% + 90\% = 100\%$

1 $\frac{5}{100} = 5\%$

2 $\frac{95}{100} = 95\%$

3 $5\% + 95\% = 100\%$

1 $\frac{1}{100} = 1\%$

2 $\frac{99}{100} = 99\%$

3 $1\% + 99\% = 100\%$

نماذج من الحياة على النسبة المئوية

• عندما يعلن بنك أو مكتب بريد أن الفائدة على دفتر التوفير 9% في السنة هذا يعني أن كل 100 جنيه

تأخذ فائدة (ربحاً) قدره 9 جنيهات ليصبح إجمالي المبلغ في نهاية العام 109 جنيهًا ويعني أن أي مبلغ يضعه في دفتر التوفير يأخذ ربحاً يعادل $\frac{9}{100}$ من المبلغ أي 9% من المبلغ ولحساب الربح نضرب (المبلغ الأصلي $\times \frac{9}{100}$)

• عندما يعلن محل تجاري أن نسبة الخصم 25% هذا يعني أن كل 100 جنيه يخصم منها $\frac{25}{100}$ من

المبلغ أي 25 جنيه $= \frac{25}{100} \times 100$ وفي هذه الحالة نطرح 75 جنيه $= 100 - 25$

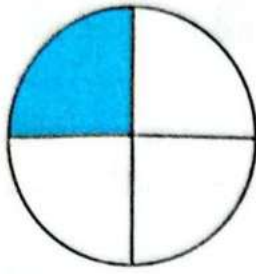
أي أنه يدفع 75 جنيه

بدلاً من 100 جنيه وأنه إذا كانت المشتريات تساوي 500 جنيه فانه يخصم 25% من المبلغ

أي 125 جنيه $= 500 \times \frac{25}{100}$ وما سيدفعه يساوي 375 جنيه $= 500 - 125$

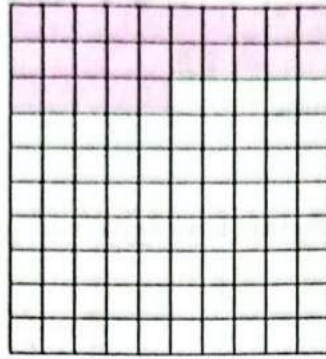
• عندما نقرأ على قطعة ملابس أن المكونات 40% قطن والباقي ألياف صناعية، فهذا يعني أن الألياف

الصناعية في هذه القطعة هي 60% $= 100\% - 40\%$ لأن مجموع المكونات $= 100\%$



كسر اعتيادي

$$\frac{1}{4}$$



كسر عشري

$$\frac{25}{100} = 0.25$$

لاحظ في الأشكال المقابلة تكافؤ

الكسر الاعتيادي والكسر العشري

حيث إن مربع هي ربع عدد المربعات كلها

في المربع الكبير وهي تمثل % 25 من الشكل

وسوف نوضح كيفية تحويل الكسر الاعتيادي

والكسر العشري إلى نسبة مئوية فيما يلي :

تحويل كسر اعتيادي إلى نسبة مئوية

لتحويل كسر اعتيادي إلى نسبة مئوية نجعل مقام الكسر 100 لذلك نضرب في $\frac{100}{100}$ أو نضرب $\times 100\%$

لتحويل كسر عشري إلى نسبة مئوية نضرب في 100%

مثال 2

حول الكسر العشري إلى نسبة مئوية فيما يأتي:

$$0.099 \quad 4$$

$$0.225 \quad 3$$

$$0.3 \quad 2$$

$$0.35 \quad 1$$

الحل

لتحويل الكسر العشري إلى نسبة مئوية نضرب $\times 100\%$

$$0.35 = 0.35 \times 100\% = 35\% \quad 1$$

(نحرك العلامة العشرية رقمين لليمين ونضع علامة %)

$$0.3 = 0.30 \times 100\% = 30\% \quad 2$$

واحد بعد العلامة نضع 0 لتصبح 0.30 ، ثم نُحَرِّك العلامة رقمين ونضع علامة %

$$0.099 = 0.099 \times 100\% = 9.9\% \quad 4$$

$$0.225 = 0.225 \times 100\% = 22.5\% \quad 3$$

يمكن استخدام الآلة الحاسبة بالضرب $\times 100$ ونضغط

على المفتاح $S \leftrightarrow D$ ثم نكتب العدد وبعده علامة %



مثال 3

حوّل الكسر إلى نسبة مئوية فيما يأتي:

0.23 4

$\frac{5}{8}$ 3

$\frac{4}{25}$ 2

$\frac{3}{5}$ 1

الحل

لتحويل الكسر الاعتيادي إلى نسبة مئوية نجعل مقام الكسر يساوي 100 أو نضرب الكسر $\times 100\%$

لنجعل المقام = 100

نبحث عن العدد الذي إذا

ضرب في مقام الكسر المعطى = 100

ثم نضربه في بسط ومقام الكسر

$$\frac{3}{5} = \frac{3 \times 20}{5 \times 20} = \frac{60}{100} = 60\% \quad 1$$

$$\frac{3}{5} = \frac{3}{\cancel{5}_1} \times \frac{20}{\cancel{100}} \% = 60\% \quad \text{دلائل}$$

$$\frac{4}{25} = \frac{4 \times 4}{25 \times 4} = \frac{16}{100} = 16\% \quad 2$$

$$\frac{4}{25} = \frac{4}{\cancel{25}_1} \times \frac{4}{\cancel{100}} \% = 16\% \quad \text{دلائل}$$

$$\frac{5}{8} = \frac{5}{\cancel{8}_1} \times \frac{12.5}{\cancel{100}} \% = 62.5\% \quad 3$$

(نضرب الكسر $\times 100$ ونضع علامة %)

في هذه الحالة نختصر 100 مع 8 وإذا كان يصعب الاختصار نقسم قسمة مطولة

ثم نضرب ناتج القسمة في البسط وهو $12.5 \times 5 = 62.5$

$$0.23 = \frac{23}{100} \times 100\% = 23\% \quad 4$$

اجب بنفسك

حوّل كل من الكسور الآتية إلى نسبة مئوية:

1 $\frac{1}{2} =$

2 $0.65 =$

3 $\frac{4}{5} =$

4 $0.7 =$

5 $\frac{6}{25} =$

6 $0.12 =$

تحويل النسبة بين عددين إلى نسبة مئوية

لتحويل النسبة بين عددين إلى نسبة مئوية نوجد النسبة بين عددين في صورة كسر

(يفضل أن نختصره إلى أبسط صورة) ثم نضرب الكسر $\times 100\%$

مثال 4

أوجد النسبة بين كل عددين في أبسط صورة، ثم حول هذه النسبة إلى نسبة مئوية في كل مما يأتي:

2 $3.6 : 4.5$

1 $24 : 32$

الحل

1 $24 : 32$ (بالقسمة على 8)

$3 : 4$ (وهذه هي النسبة في أبسط صورة)

ولإيجاد النسبة المئوية نضرب $\times 100\%$

$$\frac{3}{4} \times \frac{100}{1} \% = 75\%$$

2 $3.6 : 4.5$

(بالضرب $\times 10$ للتخلص من العلامة العشرية)

$(\div 9)$ $36 : 45$

$4 : 5$

$$\frac{4}{5} \times \frac{100}{1} \% = 80\%$$

تحديد الجزء والكل والنسبة المئوية

مثال 5

حجزت وكالة 2,000 رحلة سياحية للأقصر وأسوان، فإذا كانت نسبة 80% من هذه الرحلات السياحية، كانت لزيارة معبد الكرنك. اكتب القيم التي تمثل الكل والجزء والنسبة المئوية في الجدول ثم أوجد عدد الرحلات السياحية التي حجزتها الوكالة لزيارة معبد الكرنك

الكل	الجزء	النسبة المئوية

الحل

الكل	الجزء	النسبة المئوية
2,000	x	80 %

$$x = 2,000 \times 80\%$$

$$x = 2,000 \times \frac{80}{100} = 1,600$$

أي أن: عدد الرحلات السياحية لزيارة معبد الكرنك تساوي 1,600 رحلة

قيمة ما يأتي:

- 1 % 10 من 50 2 % 15 من 500 جنيه 3 % من اليوم

$$1 \quad 10\% \text{ من } 50 = \frac{10}{100} \times 50 = 5$$

$$2 \quad 15\% \text{ من } 500 \text{ جنيه} = \frac{15}{100} \times 500 = 75 \text{ جنيه}$$

$$3 \quad \frac{3}{4} \text{ يوم} = \text{يوم} \times \frac{25}{100} = 75\% \text{ من اليوم}$$

$$\text{أو } 18 \text{ ساعة} = \frac{3}{4} \times 24 = 18 \text{ ساعة}$$

مثال 7

إذا كان 30 % من عدد ما تساوي 45 فما هو العدد؟

$$30\% \text{ من عدد ما} = 45 \quad \text{أي أن } 45 = \text{العدد} \times \frac{30}{100} \quad \text{أو } 45 = b \times \frac{30}{100}$$

$$\text{العدد هو } 150 = 45 \times \frac{100}{30} \quad (\text{نضرب } 45 \text{ مقلوب النسبة})$$

عند حل مسألة نسبة مئوية من المهم أن تفهم ما تحاول إيجاده وأن تحدد أسأل نفسك "ما المعلومات

المقدمة في هذه المسألة؟ ماذا أحتاج إلى معرفته "حدّد دائمًا ما إذا كان المطلوب هو إيجاد الجزء

أو الكل أو النسبة المئوية قبل البدء في حل المسألة ثم نبدأ الحل

$$\text{العدد هو } 150 = \frac{100\% \times 45}{30\%}$$

الجزء : الكل

$$100\% \quad \times \quad 30\%$$

العدد : 45

لاحظ أن

العدد الذي بعد كلمة

من هو العدد الكلي

قيمة المجهول فيما يأتي:

- 1 % 14 من x يساوي 28 2 % 5 من x يساوي 400 3 % 100 من x يساوي 100

3 الجزء : الكل
 $100\% : x\%$
 $500 : 100$
 $x\% = \frac{100 \times 100\%}{500} = 20\%$
 أي أن 20 % من 500
 يساوي 100
 أي أن: $x = 20$

2 الجزء : الكل
 $100\% : 5\%$
 $400 : x$
 $x = \frac{400 \times 5\%}{100\%} = 20$
 أي أن 5 % من 400
 يساوي 20

1 الجزء : الكل
 $100\% : 14\%$
 $x : 28$
 $x = \frac{28 \times 100\%}{14\%} = 200$
 أي أن 14 % من 200
 يساوي 28

أكتب بنفسك

أكمل ما يأتي:

2 15% من 120 يساوي
 الجزء : الكل
 $\square : \square$
 $\square : \square$
 $\square = \frac{\square \times \square}{\square} = \square$

1 45% من 300 يساوي
 الجزء : الكل
 $100\% : \square$
 $\square : \square$
 $\square = \frac{\square \times \square}{\square} = \square$

4 % من 800 يساوي 40
 الجزء : الكل
 $\square : \square$
 $\square : \square$
 $\square = \frac{\square \times \square}{\square} = \square$

3 25% من 75 يساوي
 الجزء : الكل
 $100\% : \square$
 $\square : \square$
 $\square = \frac{\square \times \square}{\square} = \square$

ملاحظات

النسبة المئوية لأي جزء تساوي $100\% \times \frac{\text{عدد مكونات الجزء}}{\text{العدد الكلي لمجموع مكونات الأجزاء}}$

فمثلاً إذا كان لدينا مجموعة كرات حمراء موجودة في صندوق به كرات ملونة بعدة ألوان

فإن النسبة المئوية للكرات الحمراء تساوي $100\% \times \frac{\text{عدد الكرات الحمراء}}{\text{العدد الكلي للكرات}}$

مثال 9

فصل به 50 تلميذاً نجح منهم 45 تلميذاً فأوجد:

- 1 النسبة المئوية للناجحين
- 2 النسبة المئوية للراسبين

الحل

عدد الناجحين = 45 تلميذاً فيكون عدد الراسبين هو 5 تلاميذ = 50 - 45

1 النسبة المئوية للناجحين تساوي $100\% \times \frac{\text{عدد الناجحين}}{\text{العدد الكلي للتلاميذ}}$

$$\frac{45}{50} \times 100\% = 90\% \text{ تساوي}$$

2 النسبة المئوية للراسبين تساوي $100\% \times \frac{\text{عدد الراسبين}}{\text{العدد الكلي للتلاميذ}}$

$$\frac{5}{50} \times 100\% = 10\% \text{ تساوي}$$

طريقة أخرى

عدد الناجحين : عدد الراسبين : العدد الكلي

45 : 5 : 50

نسبة الناجحين : نسبة الراسبين : 100%

$$\frac{45 \times 100\%}{50} = 90\% \text{ النسبة المئوية للناجحين تساوي}$$

$$\frac{5 \times 100\%}{50} = 10\% \text{ النسبة المئوية للراسبين تساوي}$$

عدد تلاميذ مدرسة 500 تلميذ فإذا كانت النسبة المئوية للغياب في أحد الأيام 7 %
فاحسب عدد التلاميذ الحاضرين في هذا اليوم

$$7\% \times 500 = \frac{7}{100} \times 500 = 35 \text{ تلميذ}$$

$$500 - 35 = 465 \text{ تلميذ}$$

عدد التلاميذ المتغييبين يساوي

عدد التلاميذ الحاضرين يساوي

أجب بنفسك

يبلغ عدد موظفي أحد الشركات 200 موظف تغيب منهم في أحد الأيام 3%
احسب عدد المتواجدين في هذا اليوم

$$\boxed{} \times \boxed{} = \text{موظف } \boxed{} \text{ يساوي عدد المتغييبين}$$

$$\boxed{} - \boxed{} = \text{موظف } \boxed{} \text{ يساوي عدد المتواجدين}$$

مثال 11

أكمل ما يأتي:

$$35\% + 50\% + \text{---} = 1 \quad 2$$

$$1 = 65\% + \text{---} \quad 1$$

$$x = \text{---} \quad \text{فإن}$$

$$\frac{x}{25} = 36\% \quad 3 \text{ إذا كان}$$

الحل

1 مجموع النسب = 1 أي يساوي 100 % ؛ لذلك لإيجاد المطلوب نطرح 35 % - 65 % = 100 %

$$1 = 65\% + 35\% \quad \text{أي أن}$$

2 مجموع النسب = 1 أي يساوي 100 %

$$\text{لذلك نطرح } 1 - (35\% + 50\%) = 1 - 85\% = (100 - 85)\% = 15\%$$

$$\text{لذلك فإن } 35\% + 50\% + 15\% = 100\% = 1$$

(نحوّل النسبة المئوية إلى صورة كسرية)

$$\frac{x}{25} = \frac{36}{100} \quad 3$$

(حاصل ضرب الطرفين = حاصل ضرب الوسطين)

$$x = \frac{36 \times \frac{1}{25}}{\frac{100}{4}} = 9$$

في الحصة

1 كلًا من النسب المئوية الآتية إلى كسر اعتيادي في أبسط صورة :

1 %

2 15 %

3 %

4 20 %

5 20 %

6 %

2 كلًا مما يأتي إلى نسبة مئوية :

1 $\frac{1}{2}$

2 $\frac{3}{5}$

3

4 $\frac{11}{25}$

5 $\frac{17}{50}$

6

3 معرفتك بالكسور المتكافئة لإكمال :

النسبة المئوية	الكسر العشري	كسر مكافئ مقامه 100	الكسر الاعتيادي

4 ما يأتي :

1 من 40% = $\frac{300}{100}$

2 من 15% = $\frac{300}{100}$

3 من 30% = $\frac{600}{100}$

4 من 20% = $\frac{1,500}{100}$

5 من 75% = $\frac{50}{100}$

6 من مقدار = $\frac{100}{100}$

7 من 15% = $\frac{540}{100}$ متر = سم

8 $15\% + 10\% + \frac{3}{4} =$

9 - = _____

10 - = _____

11 إذا كانت النسبة المئوية لنجاح طالب هي فإن النسبة المئوية لرسوبه = _____

5 الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 - = _____ القاهرة 2025
 $\frac{3}{4}$ 1 7.5 75 $\frac{1}{4}$ 1

2 قرش : جنية = _____ الجيزة 2025
 1.25% 1 12.5% 125% 25% 1

3 = _____ الدقهلية 2025
 45 1 40 35 30 1

4 = _____ من العدد أسوان 2025
 100 1 200 300 400 1

5 ÷ = _____ المنوفية 2025
 100 1 0.01 10 1 1 1

6 من = _____ من الإسماعيلية 2025
 2,000 1 1,500 1,250 500 1

7 إذا كان في الملعب من عدد المشاهدين بنات فإن نسبة البنات = _____ الإسكندرية 2025
 8% 1 10% 40% 16% 1

6 حجزت وكالة سفر ، رحلة سياحية لمصر، % من هذه الرحلات السياحية كان لزيارة أهرامات الجيزة.

ما عدد الرحلات السياحية التي حجزتها الوكالة لزيارة أهرامات الجيزة؟
 اكتب القيم التالية لتحديد الكل والجزء والنسبة المئوية

النسبة المئوية	الجزء	الكل

7 اكتب الوصف من الخيارات التالية الذي تمثل كل مسألة نسبة مئوية مما يلي، ثم أوجد المخلوط

إيجاد الكل

إيجاد الجزء

إيجاد النسبة المئوية

1 % 10 من التلاميذ في الفصل يرتدون ملابس حمراء . يوجد 30 تلميذاً في الفصل .

الشرقية 2025

ما عدد التلاميذ الذين يرتدون ملابس حمراء ؟

2 إذا كانت النسبة المئوية للأشخاص الذين يفضلون المصارعة وفقاً للاستبيان الذي شاركوا فيه تساوي

% 49 وكان هناك 98 استبياناً عن الأشخاص الذين يفضلون المصارعة .

أسوان 2025

فما عدد الأشخاص الذين شاركوا في الاستبيانات ؟

8 إذا كانت النسبة المئوية لعدد البنات بأحد الفصول الدراسية المشتركة هي % 67

الغربية 2025

فأوجد النسبة المئوية لعدد البنين بهذا الفصل.

9 إذا كان عدد تلاميذ الصف السادس في إحدى المدارس 240 تلميذ نجح منهم 192 تلميذ.

اسيوط 2025

أوجد النسبة المئوية لعدد الناجحين

10 اشترى ماجد " تى شيرت " مكتوباً عليه من خلال بطاقة صغيرة (مصنوع من قطن وألياف صناعية)

نسبة الألياف % 40 فقط .

القليوبية 2025

احسب نسبة القطن، ثم أوجد الكسر المكافئ لكل نسبة منهما

11 في امتحان اللغة الانجليزية حصل عادل على 15 درجة من 20 درجة.

دمياط 2025

أوجد النسبة المئوية لدرجة عادل في اللغة الإنجليزية.

12 حصل تلميذ في امتحان آخر العام على 282 درجة من 300 درجة.

الوادي الجديد 2025

فأوجد النسبة المئوية لمجموع درجاته إلى المجموع الكلي.

ثانياً واجب منزلي

1 ثبوت كلاً مما يأتي إلى نسبة مئوية :

1 $\frac{4}{5}$

2 $\frac{3}{50}$

3 $\frac{3}{10}$

2 أكمل الجدول التالي :

الكسر	كسر اعتيادي مقامه 100	الرمز (النسبة المئوية)	القراءة الرياضية
1 0.75	_____	75%	75 في المائة
2 0.06	_____	_____	6 في المائة
3 0.4	_____	_____	_____
4 $\frac{11}{25}$	_____	_____	_____

3 أكمل ما يأتي :

1 15% من 500 كيلو جرام = _____ كيلو جرام

2 20% من 200 جنيه = _____ جنيه

3 35% من 2,000 طن أسمنت = _____ طن

4 20% من _____ جنيه = 60 جنيه

5 20% من _____ = 140

6 75% من 30 ساعة = _____ دقيقة

7 إذا كان 20% من عدد ما = 60 فإن العدد هو _____

8 70% من 100 = 25% من _____

9 7.5% = 3 : _____

4 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 12 ساعة = _____ من اليوم

مرسر مطروح 2025

$\frac{1}{2}\%$

25%

50%

75%

الشرقية

2 . + =

55

44

80

90

أسيرط

3 مٲر = . من كيلو مٲر

5.4

45

0.45

4.5

الدقولة

4 - . =

$\frac{7}{8}$

$\frac{5}{8}$

$\frac{3}{8}$

$\frac{1}{8}$

القاهرة

5 من عدد ما = من نفس العدد

$\frac{3}{7}$

$\frac{3}{5}$

$\frac{3}{10}$

$\frac{1}{3}$

دمياط

6 : =

30

60

6

0.6

المنيا

7 9 ÷ =

0.09

9

100

1

جنوب سيناء

8 20 ÷ =

80

60

40

5

الجيزة

9 من الساعة = دقيقة

45

15

300

9

5 دفع عز جنيهاً لشراء بنطلون جينز كان معروضاً بسعر مخفض ، كان السعر الأصلي للبنطلون الجينز جنيه . ما النسبة المئوية للسعر الأصلي الذي دفعه عز ؟ التي تمثل الجزء والكل والنسبة المئوية

الكل	الجزء	النسبة المئوية

الوصف من الخيارات التالية الذي تمثله كل مسألة نسبة مئوية مما يلي، ثم أوجد المطلوب

6

إيجاد الكل

إيجاد الجزء

إيجاد النسبة المئوية

تناولنا خمس ثمرات من ثمرات من الموز. المئوية لثمار الموز التي تناولناها؟ السوييس

تلميذ من إجمالي عدد التلاميذ في المدرسة لديهم حيوانات أليفة. إذا كان من كل التلاميذ لديهم حيوانات أليفة. التلاميذ في المدرسة؟ أسيوط

إذا كان تقريباً من سكان مصر أقل من سنة. بفرض أن شخص يعيشون في منطقة سكنية في مصر، الأشخاص الذين يقل سنهم عن بهذه المنطقة؟ الغربية

7 فصل دراسي به تلميذ حضر تلميذ في يوم ما.

النسبة المئوية للغائبين في هذا اليوم. المنوفية

8 في أحد الفصول الدراسية كان عدد البنين يُمثّل % من عدد تلاميذ الفصل.

1 المئوية لعدد البنات؟

2 كلاً من النسبتين المئويتين إلى كسر اعتيادي، ثم إلى كسر عشري. قنا

9 سبيكة من الذهب والنحاس كتلتها 70 جم كتلة النحاس فيها جم.

النسبة المئوية للذهب الخالص في هذه السبيكة. الدقهلية

10 في إحدى القرى كانت نسبة عدد الأميين إلى عدد المتعلمين هي 25 : 4.

هذه النسبة في صورة نسبة مئوية. الجيزة

11 عامل راتبه الأسبوعي 264 جنيهاً يُوفّر منها 33 جنيهاً.

النسبة المئوية لما يوفره وما يصرفه. القاهرة

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 $\frac{5}{10} =$ (100% أو 50% أو 80% أو 90%) 2025

2 50% ($\frac{2}{10}$ أو $>$ أو $<$ أو $=$) الغربية 2025

3 ماذا تعني 100% من أي عدد ؟ (الكل أو الجزء أو مجهولاً أو غير ذلك) الشرقية 2025

4 جميع مايلي يكافئ النسبة 80% ، ما عدا (0.8 أو 0.80 أو $\frac{8}{10}$ أو $\frac{8}{100}$) الجيزة 2025

5 الكسر العشري 0.07 يكافئ النسبة المئوية (7% أو 70% أو 77% أو 700%) الغربية 2025

6 إذا كان 30% من الكوب ممتلئاً فهذا يعني أن نصف الكوب ممتلئ

(أكثر من أو أقل من أو بالضبط أو غير ذلك) الشرقية 2025

7 إذا كان : $\frac{2}{3} = \frac{c}{9}$ فإن : $c =$ (6 أو 5 أو 4 أو 3) المنوفية 2025

8 أي مما يلي يكافئ النسبة $\frac{1}{2}$ ؟ ($\frac{2}{5}$ أو $\frac{6}{18}$ أو $\frac{5}{10}$ أو $\frac{4}{16}$) الجيزة 2025

2 أكمل ما يأتي :

1 إذا كانت $10 : 4 = b : 2$ ، فإن : $b =$ القاهرة 2025

2 الحد الثاني في النسبة 5 : 7 هو _____ المنوفية 2025

3 4 ساعات = _____ دقيقة الغربية 2024

4 1.35 لتر = _____ مليلتر القاهرة 2025

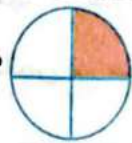
5 0.6 كم في الدقيقة = _____ كم في الساعة الدقهلية 2025

6 $1 - 25\% =$ _____ % الإسكندرية 2025

7 إذا كانت النسبة المئوية لعدد الطلاب الناجحين 80% ،

فإن النسبة المئوية لعدد الطلاب الراسبين = _____ القليوبية 2025

8 النسبة المئوية التي تُعبر عن الجزء المظلل في الشكل هي _____ القاهرة 2025

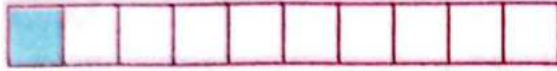


3 إذا كانت سرعة الصقر 360 كيلومتراً في الساعة. احسب سرعته بالكيلومتر في الدقيقة الجيزة 2025

4 اكتب ثلاث نسب مكافئة للنسبة $\frac{2}{5}$ الشرقية 2025

نستخدم بعض النماذج لتمثيل النسبة المئوية والكل والجزء، ومن هذه النماذج المخطط الشريطي وخط الأعداد المزدوج والشبكة المكونة من 10 صفوف و 10 أعمدة

استخدام المخطط الشريطي



إذا كان لدينا شريط وتم تقسيمه إلى 10 أجزاء

فإن كل جزء من هذه الأجزاء يُسمَّى جزء عشري لأنه أُخذ من بين 10 أجزاء والكسر الذي يُمثِّل الجزء المظلل بالنسبة للشكل الكلي يمكن كتابته على الصورة $\frac{1}{10}$ وهذا ما تعلمناه فيما سبق والآن يمكننا كتابة هذا الكسر بصورة أخرى تكافئه وهو $\frac{10}{100}$ أو يُكتب 10% ويعني 10% من الشكل أو من الكل وهذا يعني أن الشكل كله (الكل) يساوي 100% والجزء المظلل هو جزء من الكل (الجزء) يساوي 10%

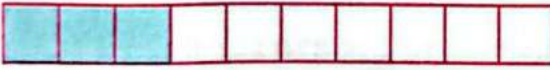
مثال 1



اكتب ما يُعبِّر عن الجزء المُلوّن من الشكل بصيغة الكسر الاعتيادي والنسبة المئوية

الحل

$$\frac{1}{10} \quad \frac{2}{10} \quad \left(\frac{3}{10} \right)$$



الجزء المُلوّن يمثل 3 أجزاء من العشرة

$$\text{ويُكتب } \frac{3}{10} \text{ بصيغة الكسر الاعتيادي أو } \frac{30}{100}$$

ويُكتب بالنسبة المئوية 30 %

مثال 2



إذا كانت حديقة الحيوان تحصل يومياً على 800 كيلو جرام من العلف وبفرض أن الحمير الوحشية تأكل 40 % من هذا العلف يومياً .
فكم كيلوجرام من العلف تأكله الحمير الوحشية يومياً في حديقة الحيوان؟
استخدم المخطط الشريطي لتوضيح ذلك.

الحل

نقسم الشريط إلى 10 أجزاء

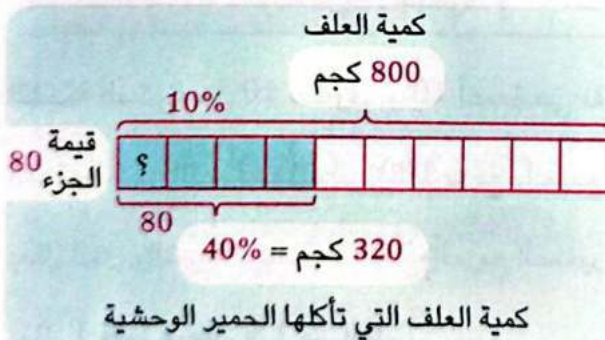
$$\text{ونقسم } 800 \text{ على } 10 \text{ فيكون قيمة الجزء } = \frac{800}{10} = 80$$

ونلاحظ أن كل جزء يمثل 10% من الكمية

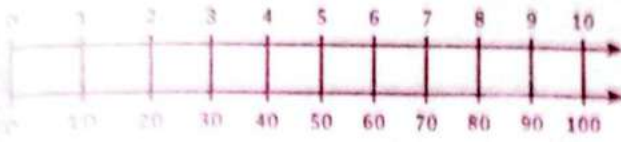
وحيث إن الحمير الوحشية تأكل 40% من الكمية

$$\text{أي 4 أجزاء من الشريط} \quad 80 \times 4 = 320$$

وبذلك فإن الحمير الوحشية تأكل يومياً 320 كجم من العلف



استخدام خط الأعداد المزدوج



تعلمنا في الدروس السابقة خط الأعداد المزدوج

وبنفس الطريقة يمكن تقسيم الخط إلى 10 أجزاء وكل جزء يساوي 10%

111



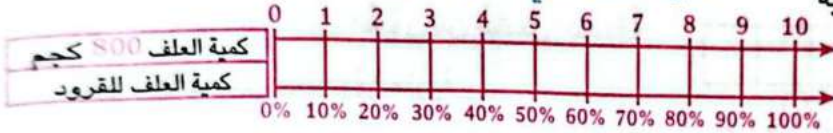
إذا كانت حديقة الحيوان تحصل يومياً على 800 كيلو جرام من العلف وبفرض أن القروء تأكل 35% من هذا العلف، فكم كيلو جرام من العلف تأكله القروء يومياً؟
استخدم خط الأعداد المزدوج لتوضيح ذلك

الخط

نرسم خط الأعداد المزدوج ونقسم الخطين

إلى 10 أجزاء والخط العلوي نكتب عليه

كمية العلف التي تأكلها القروء



الأعداد من 1 إلى 10

وعند قسمة $\frac{800}{10}$ يساوي 80 كجم وهي قيمة أول نقطة على الخط الثاني والتي تمثل 10% وكل نقطة

تالية يزداد 10% ويزيد 80 كجم ونلاحظ أنه عند النقطة 3 يكون قيمة النقطة الأخرى 240 كجم وعند

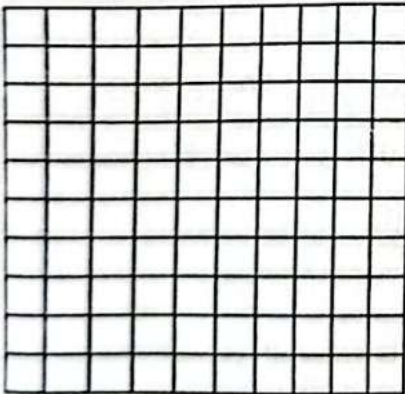
النقطة 4 قيمة النقطة 320 كجم أما عند النقطة 35% فهي تقع في المنتصف بين 30% و 40%

وهي تساوي 240 + 40 أي تساوي 280 كجم

ويمكن إيجاد الحل مباشرة كما يلي $80 \times 3.5 = 280$ كجم $\frac{800}{10}$ ثم نضرب $80 \times 3.5 = 280$

وبالحسابات $800 \times 35\% = \frac{800 \times 35}{100} = 280$ ثم نمثلها بالنموذج المطلوب

استخدام شبكة مكونة من 10 صفوف و 10 أعمدة (شبكة المربعات)



الشبكة المكونة من 10 صفوف و 10 أعمدة هي نفسها

المربع الكبير الذي قسمناه إلى 100 مربع والمربع الكبير

يمثل الكل والنسبة الكاملة 100% والمربع الصغير

يمثل 1 فقط ويمثل 1% من الكل

استخدام

مثال 4

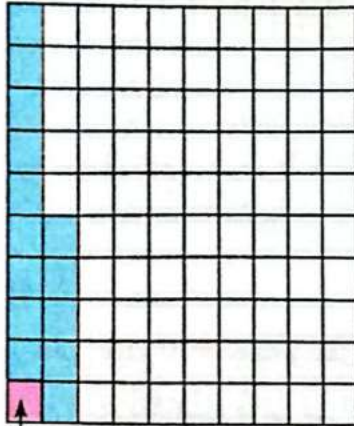


إذا كانت حديقة الحيوان تحصل على 800 كيلوجرام من العلف وبفرض أن الغزلان تأكل 15% من هذا العلف . فكم كيلو جرام من العلف تأكله الغزلان يومياً ؟ استخدم شبكة المائة مربع لتوضيح ذلك

الحل

كمية العلف التي تأكلها الغزلان

الشبكة بأكملها = 800 كيلوجرام



قيمة الجزء 8 كجم

نرسم المربع الكبير (شبكة المربعات) وهو يمثل الكمية الكلية 800 كجم
وبقسمه $\frac{800}{100}$ نجد أن كل مربع يمثل 8 كجم كوحدة صغيرة
تمثل 1% من الكل

والغزلان تأكل 15% أي 15 مربعاً صغيراً

$$15 \times 8 = 120 \text{ كجم}$$

أي أن ما تأكله الغزلان هو

$$\text{ويمكن إيجاد الحل مباشرة بالضرب } 120 \text{ كجم} = \frac{800 \times 15}{100} \text{ كجم}$$

ونمثل الحل بتظليل 15 مربعاً صغيراً

مثال 5



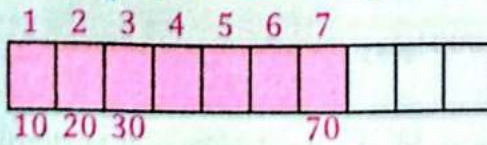
يفضل 7 أشخاص من عشرة لعبة كرة القدم.
أوجد النسبة المئوية لعدد الأشخاص الذين يفضلون لعبة كرة القدم؟

الحل

يمكن استخدام الكسر المكافئ أو المخطط الشريطي أو شبكة المربعات أو خط الأعداد المزدوج وسوف نوضح الحل بالطرق الأربعة ولكن غير مطلوب الحل بكل الطرق.

عدد الأشخاص الذين يفضلون لعبة كرة القدم 7 اشخاص من عشرة أي $\frac{7}{10}$ أي 70%

طريقة المخطط الشريطي



$$\frac{7}{10} = \frac{70}{100} = 70\%$$

طريقة الكسر المكافئ

استعمل كسراً مكافئاً لإيجاد النسبة المئوية

$$\frac{7 \times 10}{10 \times 10} = \frac{70}{100}$$

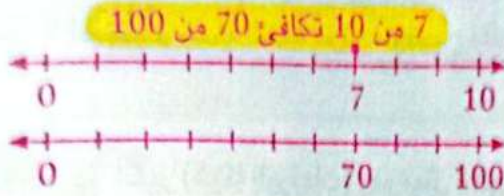
اضرب كلا من البسط والمقام في 10

$$\frac{70}{100} = 70\%$$

إذن، 70% من الأشخاص يفضلون لعبة كرة القدم

طريقة خط الأعداد المزدوج

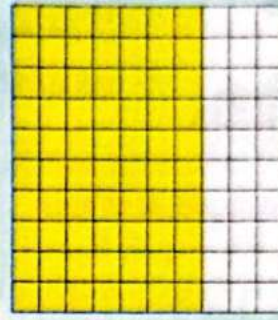
استعمل خط الأعداد المزدوج لتمثيل النسبة المئوية



$$\frac{7}{10} = \frac{70}{100} = 70\%$$

تقارن النسبة المئوية دائماً بالعدد 100

طريقة شبكة المربعات



$$\frac{7}{10} = \frac{70}{100} = 70\%$$

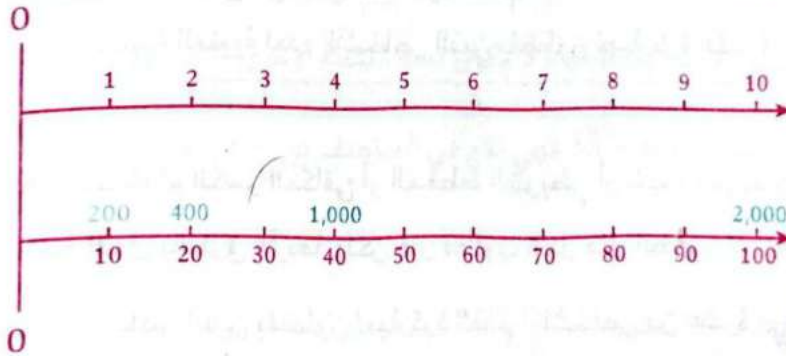
يمكنك استعمال الرمز % لتمثيل النسبة المئوية

مثال

ادخر هاني مبلغ 400 جنيه ويمثل هذا المبلغ نسبة 20% من الأجر الأسبوعي الذي يتقاضاه .
ما المبلغ الذي يتقاضاه هاني في الأسبوع ؟ **وضح** ذلك بأحد النماذج التي درستها.

الحل

من الرسم 400 جنيه تمثل 20% أي أن 200 جنيه تمثل 10% وبالتسلسل على خط الأعداد المزدوج نجد أن 100% تمثل 2,000 جنيه



حل آخر

400 جنيه هي جزء نسبته 20%

مطلوب الكل وهو يمثل 100%

الجزء :	الكل
400 :	x
20% :	100%

$$x = \frac{400 \times 100\%}{20\%} = 2,000 \text{ جنيه}$$

أي أن: المبلغ الذي يتقاضاه هاني في الأسبوع = 2,000 جنيه

عندما طُلب من مجموعة طلاب أحد الفصول اختيار اللعبة المفضلة لديهم اختار 24 طالب من أصل 40 طالب لعبة كرة القدم ، ما النسبة المئوية للطلاب الذين اختاروا ألعاب أخرى .
وضح ذلك بأحد النماذج التي تعلمتها.

الحل

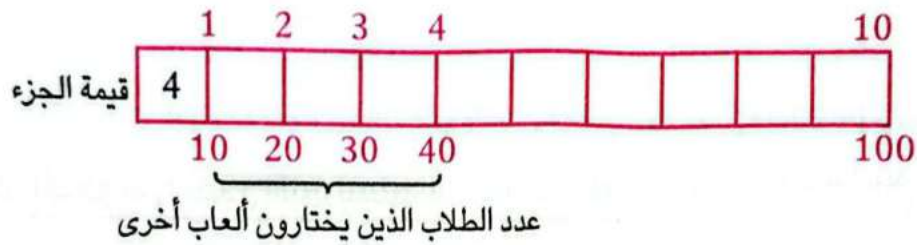
$$40 - 24 = 16 \text{ طالب}$$

عدد الطلاب الذين اختاروا ألعاب أخرى هو

$$\frac{16}{40} = \frac{4}{10} = \frac{40}{100} = 40\%$$

النسبة المئوية للطلاب الذين اختاروا ألعاب أخرى

وتمثل بالمخطط الشريطي كما بالشكل (قيمة الجزء $40 \div 10 = 4$)

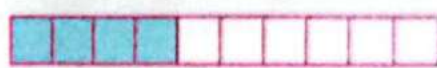


أجب بنفسك

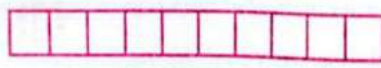
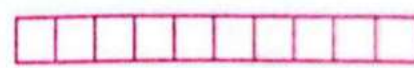
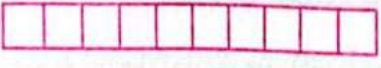
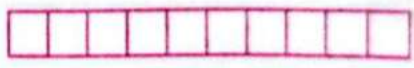
فاز عمر في 7 ألعاب الكترونية من أصل 10 ألعاب لعبها.
ما النسبة المئوية لهذه الألعاب؟. مثل ذلك بأحد النماذج

أولاً في الحصة

1 **تول** كلاً من النسب المئوية الآتية إلى كسر اعتيادي في أبسط صورة:

1		2	
$\frac{\square}{\square}$ ، %	$\frac{\square}{\square}$ ، %		
3		4	
$\frac{\square}{\square}$ ، %	$\frac{\square}{\square}$ ، %		

2 **لون** كل نموذج من النماذج الآتية لتمثيل النسبة المعطاة:

1 20%		2 40%	
3 90%		4 50%	

3 **سجل** لاعب كرة السلة 73 رمية صحيحة من أصل 100 محاولة من الرميات الحرة .

ما النسبة المئوية للرميات الحرة التي سجلها اللاعب ؟

دمياط 2025

4 **وزع** رجل مبلغ 200 جنيه على أولاده الثلاثة فأخذ الأول 15% من المبلغ وأخذ الثاني 25% من

المبلغ وأخذ الثالث 60% من المبلغ . أوجد عدد الجنيهات التي حصل عليها كلاً من أولاده الثلاثة مع

القليوبية 2025

التمثيل بنموذج يوضح النسبة المئوية.

5 **ادخر** حسن مبلغ 200 جنيه ويمثل هذا المبلغ نسبة 4% من الأجر الذي يتقاضاه أسبوعياً.

الوادي الجديد 2025

ما المبلغ الذي يتقاضاه حسن أسبوعياً؟ وضح ذلك بنموذج

6 ادخر هشام مبلغ 150 جنيه ويمثل هذا المبلغ 50% من مصروفه الأسبوعي .
ما المبلغ الذي يحصل عليه هشام في الأسبوع ؟ وضح ذلك بمخططا شريطي

الغربية 2025

7 يفضل عشرون طالب في فصل ناصر رياضة كرة القدم فإذا كانوا يمثلون 80% من طلاب الفصل .
فما عدد طلاب فصل ناصر ؟ وضح ذلك بأحد النماذج.

المنوفية 2025

8 في أحد السباقات أنهى 20 عداء من أصل 50 السباق بصورة صحيحة .
فما النسبة المئوية للعدائين الذين أنهوا السباق بصورة صحيحة ؟ وضح ذلك بأحد النماذج.

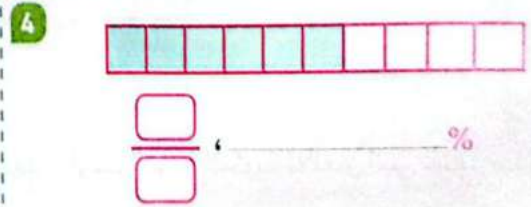
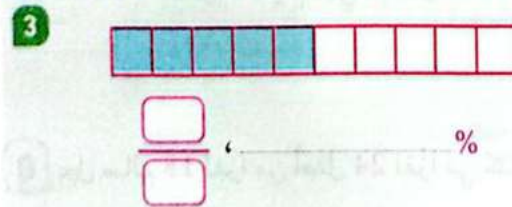
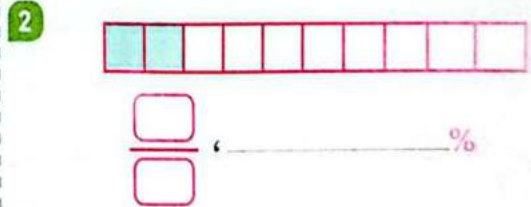
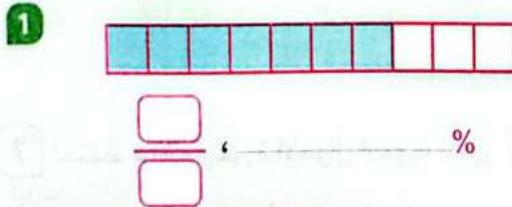
البحر الأحمر 2025

9 باع يوسف 50 كتاب في أحد المزادات وهي تساوي 40% من مجموعة كتبه.
كم كان عدد الكتب في مجموعة يوسف ؟

الاسكندرية 2025

ثانياً واجب منزلي

1 قول كلاً من النسب المئوية الآتية إلى كسر اعتيادي في أبسط صورة :



2 لون كل نموذج من النماذج الآتية لتمثيل النسبة المعطاة :



3 إذا كانت حديقة الحيوان تحصل يوميًا على 800 كيلو جرام من العلف ومعظم الحيوانات تأكل نسبة مئوية من هذه الكمية أوجد ما يأتي مع التمثيل بنموذج

1 بفرض أن الحمير الوحشية تأكل 60% من كمية العلف . فكم كيلو جرام تأكله الحمير الوحشية يوميًا ؟

2 بفرض أن الغوريلات تأكل 25% من كمية العلف . فكم كيلو جرام تأكله الغوريلات يوميًا ؟

3 بفرض أن الزرافات تأكل 15% من كمية العلف . فكم كيلو جرام تأكله الزرافات يوميًا ؟

4 إذا كان $\frac{2}{20}$ من موظفي أحد الشركات يذهبون إلى العمل بسياراتهم الخاصة و $\frac{4}{20}$ يذهبون بوسائل

النقل العام وباقي الموظفين يذهبون سيرًا على الأقدام . أوجد النسبة المئوية لعدد الموظفين الذين

جنوب سيناء 2025

يذهبون سيرًا على الأقدام باستخدام أحد النماذج.

5 باع متجر إلكترونيات 4% من الحواسيب عنده وكانت هذه النسبة تمثل 12 حاسوب فقط

الاسماعيلية 2025

ما عدد الحواسيب غير المباعة ؟

6 في أحد الفرق الموسيقية كان عدد عازفي آلة الكمان 2 وهو يساوي نسبة 20% من العازفين في

الغربية 2025

الفرقة . فما عدد العازفين في الفرقة ؟

7 احتفظ هاشم بنشرة الأحوال الجوية لشهر أبريل وكان عدد الأيام المشمسة 6 أيام من أصل 30 يوم .

البحيرة 2025

ما النسبة المئوية للأيام التي لم تكن مشمسة ؟ وضح ذلك بأحد النماذج

8 حل سالم 18 لغزًا من أصل 24 لغزًا في كتاب الألغاز . أوجد النسبة المئوية للألغاز التي حلها سالم

الدقهلية 2025

مستخدمًا المخطط الشريطي

9 لدى محمود مجموعة من العملات الورقية والمعدنية فإذا كان $\frac{45}{50}$ منها عملات ورقية . فما نسبة

الجيزة 2025

العملات المعدنية مع محمود ؟ وضح ذلك بأحد النماذج



اختبار تراكمي (16) حتى الدرس (10) الوحدة (10)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 30% من 120 تساوي (60 أو 40 أو 36 أو 35) المنوفية 2025

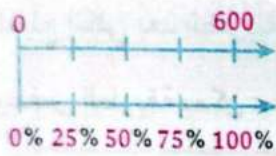
2 حصل ياسين على 15 درجة من 20 درجة، فإن النسبة المئوية لدرجة ياسين =

(50% أو 75% أو 100% أو 25%) الشرقية 2025

3 فصل دراسي به 40 تلميذاً، 25% منهم يحبون السباحة،

فإن عدد التلاميذ الذين يحبون السباحة = (20 أو 30 أو 8 أو 10) الاسكندرية 2025

4 العدد الذي يُعبّر عن النسبة المئوية 50% في النموذج التالي يساوي



(250 أو 300 أو 350 أو 400) الغربية 2025

5 أي مما يلي يُمثّل معامل تحويل ؟

($\frac{1,000 \text{ سم}}{1 \text{ متر}}$ أو $\frac{1,000 \text{ كم}}{1 \text{ جم}}$ أو $\frac{1 \text{ كجم}}{1,000 \text{ جم}}$ أو $\frac{1 \text{ ساعة}}{60 \text{ ثانية}}$) القليوبية 2025

6 نسبة بين كميتين متساويتين يُعبّر عنها بوحدات مختلفة داخل نظام القياس نفسه تُسمّى

(معدل الوحدة أو المنوال أو القيمة المتطرفة أو معامل التحويل) كفر الشيخ 2024

2 أكمل ما يأتي :

1 معامل التحويل المستخدم للتحويل من اللترات إلى الملليلترات هو المنوفية 2025

2 3.5 متر = سم سوهاج 2024 3 7.2 طن = كجم القاهرة 2025

4 60% من جنيه = 360 جنيهاً الغربية 2025 5 45% تمثل من 50 البحيرة 2025

6 لدى سعيد 100 لتر من عصير المانجو، وزع منها على أصدقائه 74 لتراً،

فإن النسبة المئوية لما وزعه = سوهاج 2025

7 90% من 360 تساوي الغربية 2025

8 $40\% + 30\%$ = (في صورة كسر عشري) القليوبية 2025

3 مدرسة بها 300 تلميذ، اشترك في الرحلة 60% منهم.

القاهرة 2025

فما عدد التلاميذ الذين اشتركوا في الرحلة ؟

4 ذهب 60 طفلاً من المدرسة في رحلة، وهذا يمثل 40% من جميع الأطفال في المدرسة .

الدقهلية 2025

كم عدد الأطفال في المدرسة ؟

أولاً: حساب الضريبة والخصم (أو التخفيض)

بعد دراسة النسبة المئوية يمكننا حساب بعض النسب المئوية لضريبة المبيعات أو الخصم على المشتريات

فمثلاً إذا كان لدينا مبلغ 200 جنيه سعر أصلي لبعض المشتريات وكانت نسبة الضريبة 10%

ونريد معرفة إجمالي المبلغ بعد الضريبة

فإن الضريبة = المبلغ الأصلي $\times$ نسبة الضريبة
أي $200 \times \frac{10}{100}$ تساوي 20 جنيه

المبلغ الكلي بعد الضريبة = المبلغ الأصلي + الضريبة أي 220 جنيه $200 + 20$

وبنفس الطريقة يمكن حساب مقدار الخصم إذا كان خصم وليس ضريبة

مقدار التخفيض (الخصم) = المبلغ الأصلي $\times$ نسبة التخفيض (الخصم)

المبلغ بعد التخفيض = المبلغ الأصلي - مقدار التخفيض

مثال 1

اشتريت مريم غسالة بمبلغ 6,000 جنيه وكانت نسبة ضريبة المبيعات 10%

فكم يصبح سعر الغسالة بعد الضريبة ؟

الحل

السعر بعد الضريبة يكون عبارة عن الثمن الأصلي + الضريبة لذلك يجب حساب الضريبة أولاً.

مقدار الضريبة يساوي 600 جنيه $6,000 \times \frac{10}{100}$

سعر الغسالة بعد الضريبة = الثمن الأصلي + الضريبة

يساوي 6,600 جنيه $6,000 + 600$

حل آخر

المبلغ بعد الضريبة	الضريبة	المبلغ الأصلي
110%	10%	100%
؟	؟	6,000

سعر الغسالة بعد الضريبة يساوي 6,600 جنيه $\frac{6,000 \times 110\%}{100\%}$

مثال 2

أراد محمد أن يشتري بنطلون ثمنه 120 جنيه من أحد المحلات فإذا أعلن هذا المحل عن نسبة خصم 30% فكم يدفع محمد بعد الخصم؟

الحل

$$\frac{30}{100} \times 120 = 36 \text{ جنيه}$$

قيمة الخصم تساوي

$$120 - 36 = 84 \text{ جنيه}$$

ما يدفعه محمد بعد الخصم يساوي

ملاحظات

يمكن إيجاد 10% من 120 مباشرة بالقسمة على 10 يساوي 12

يمكن استخدام 10% لإيجاد 20% بالضرب $2 \times 12 = 24$ مباشرة فيكون $12 \times 2 = 24$

مثال 3

توقف عادل لتناول الغذاء وكانت فاتورة الغذاء هي 260 جنيهًا وتم حساب 5% ضريبة مبيعات و 10% خدمة. انسخ الجدول وأكملة باستخدام القيمة المناسبة.

فاتورة الغذاء	الضريبة 5%	خدمة 10%	المبلغ الإضافي 15%
260			

إجمالي مبلغ الغذاء	جنيهاً
--------------------	--------

الحل

فاتورة الغذاء	الضريبة 5%	خدمة 10%	المبلغ الإضافي 15%
260	13 جنيه	26 جنيه	39 جنيه

إجمالي مبلغ الغذاء	299 جنيه
--------------------	----------

مثال 4



اشترى رجل تلفزيوناً فخصم له البائع 12% من ثمن التلفزيون فإذا كان مقدار هذا الخصم 216 جنيهًا، فأوجد ثمن التلفزيون قبل الخصم.

الحل

ملاحظات

المبلغ بعد الخصم
= المبلغ الأصلي - الخصم

المبلغ بعد الخصم	الخصم	المبلغ الأصلي
88%	12%	100%
?	216	?

$$\frac{216 \times 100\%}{12\%} = 1,800 \text{ جنيه}$$

ثمن التلفزيون الأصلي (قبل الخصم) يساوي

ثالثًا: حساب نسبة الضريبة والمكسب

يمكن حساب بعض العمليات التجارية البسيطة كحساب نسبة الضريبة ويمكن تلخيصها فيما يلي :

الضريبة = ثمن البيع - (الثمن الأصلي + المصاريف أن وجدت)

$$\frac{\text{الضريبة}}{\text{ثمن الشراء + المصاريف}} \times 100\% = \text{النسبة المئوية للضريبة}$$

مثال 5

جهاز تليفزيون ثمنه 1,200 جنيه وأضيف له ضريبة المبيعات وبيع بمبلغ 1,500 جنيه
أوجد النسبة المئوية للضريبة؟

الحل

الضريبة = ثمن البيع - ثمنه الأصلي

$$300 \text{ جنيه} = 1,500 - 1,200$$

$$\frac{\text{الضريبة}}{\text{ثمن التليفزيون}} \times 100\% = \text{النسبة المئوية للضريبة}$$

$$\frac{300}{1,200} \times 100\% = 25\% \text{ تساوي}$$



مثال 6

اشترى تاجر ثلاجة بمبلغ 9,600 جنيهًا ودفع ضريبة 200 جنيه
ثم باعها بمبلغ 11,760 جنيهًا أوجد النسبة المئوية لمكسبه

الحل

الثمن الأصلي + الضريبة يساوي 9,800 جنيه = 9,600 + 200

المكسب = ثمن البيع - (الثمن الأصلي + الضريبة)

$$1,960 \text{ جنيه} = 11,760 - 9,800$$

$$\frac{\text{المكسب}}{\text{الثمن الأعلى + الضريبة}} \times 100\% = \text{النسبة المئوية للمكسب}$$

$$\frac{1,960}{9,800} \times 100\% = 20\% \text{ تساوي}$$

ثالثًا: حساب الثمن النهائي والثمن الأصلي

يمكن حساب الثمن النهائي إذا عُلم الثمن الأصلي والضريبة ويمكن أيضًا حساب الثمن الأصلي

إذا عُلم الثمن النهائي والضريبة

مثال 7

إذا كان ثمن سيارة 112,000 جنيه وكانت الضريبة % 12 من ثمن السيارة
أوجد ثمن السيارة الأصلي وأوجد الضريبة.



تستخدم هذه الطريقة إذا وجدت نسبة للضريبة في السؤال

السعر الأصلي	الضريبة	سعر السيارة النهائي
100%	12%	112%
?	?	112,000

$$\frac{100\% \times 112,000}{112\%} = 100,000 \text{ جنيه}$$

$$\frac{12\% \times 112,000}{112\%} = 12,000 \text{ جنيه}$$

مثال 8

كتب تاجر في فاتورة شراء ثمن البضاعة 8,500 جنيه ومبلغ إضافي لنقلها 200 جنيه وقام بعمل تخفيض 15 % أوجد إجمالي مبلغ الفاتورة النهائي وأوجد قيمة الخصم

مبلغ الفاتورة قبل الخصم = ثمن البضاعة + المبلغ الإضافي

$$8,500 + 200 = 8,700 \text{ جنيه}$$

مبلغ الفاتورة قبل الخصم	الخصم	إجمالي الفاتورة النهائي
100%	15%	85%
8,700	?	?

$$\frac{8,700 \times 85\%}{100\%} = 7,395 \text{ جنيه}$$

$$\frac{8,700 \times 15\%}{100\%} = 1,305 \text{ جنيه} \quad \text{أو} \quad 8,700 - 7,395 = 1,305$$

أولاً في الحصة

1 استخدم الحساب العقلي لإيجاد قيمة النسب المئوية:

حدد 10% من كل سعر انسخ الجدول واكتب الأسعار

السعر الأصلي	30 جنيهاً	45 جنيهاً	23 جنيهاً	124 جنيهاً	6,000 جنيهاً
10% من السعر					

1 ماذا تلاحظ عن العلاقة بين السعر الأصلي و 10% من السعر ؟

2 ما القواعد العامة التي يمكنك التفكير فيها عن حساب 10% من أي عدد ؟

2 فيما يلي قائمة بأشياء معروضة بسعر مخفض وموضح بجانبها نسبة التخفيض.

انسخ الجدول وأكمله باستخدام الجنيهاً لتكون هي العملة المحددة.

- حدد قيمة 10% ، ثم استخدم الحساب العقلي لحساب المبلغ المخفض المرتبط بنسبة التخفيض الموضحة لكل شيء.

- احسب السعر لكل شيء بعد تطبيق التخفيض .

السلعة والسعر	نسبة التخفيض	المبلغ المخفض	السعر بعد التخفيض
حذاء 1,400 جنيه	20%	_____ جنيهها	_____ جنيهها
قميص 900 جنيه	30%	_____ جنيهها	_____ جنيهها
بنطلون جينز 500 جنيه	40%	_____ جنيهها	_____ جنيهها

3 لقد توقفت لتناول الغذاء بعد التسوق. قيمة فاتورة الغذاء لك أنت وصديقك هي 340 جنيهاً.

استخدم التفكير المنطقي لحساب 10% وتحديد ضريبة المبيعات والحد الأدنى للمبلغ الإضافي.

انسخ كل جدول مما يلي وأكمله باستخدام القيم المناسبة. ضع في اعتبارك أنه يتم حساب الضريبة والمبلغ الإضافي عادة باستخدام فاتورة الغذاء الأصلية.

فاتورة الغذاء	10% من القيمة	الضريبة (5%)	المبلغ الإضافي (15%)
340 جنيهاً	_____ جنيهها	_____ جنيهها	_____ جنيهها
إجمالي مبلغ الغذاء _____ جنيهها			

4 إذا كان إنتاج ثلاجة يتكلف 12,000 جنيه و 10% ضرائب مبيعات تُضاف إلى ثمن التكلفة
ما هي التكلفة الكلية للثلاجة ؟
قنا 2025

5 اشترت سارة مشتريات بمبلغ 9,000 جنيهاً من أحد المتاجر وكانت نسبة الضريبة 11%
فكم يصبح المبلغ النهائي الذي تدفعه سارة ؟
الغربية 2025

6 اشترى تاجر بضاعة بمبلغ 1,000 جنيه وأضاف مبلغ إضافي و باعها بمبلغ 1,200 جنيه
فأوجد النسبة المئوية للمبلغ الإضافي
الاسماعيلية 2025

7 اشترى رجل سيارة بمبلغ 65,000 جنيه واستخدمها لمدة عام، ثم باعها بمبلغ مخفض 52,000 جنيه
أوجد النسبة المئوية للمبلغ المخفض
الوادى الجديد 2025

8 يعرض صاحب معرض سيارات سيارة بمبلغ 45,000 جنيه، ثم أضاف ضريبة مبلغ 5,000 جنيه
ومبلغ آخر إضافي ثم باعها بمبلغ 55,000 جنيه. احسب النسبة المئوية للمبلغ الإضافي
بنى سويف 2025

9 باع عمر بضاعة بمبلغ 3,180 جنيه وكانت الضريبة 6% أوجد ثمن البضاعة الأصلي
الدقهلية 2025

10 تعرض شركة الأجهزة الكهربائية تليفزيون بمبلغ 2,100 جنيه فإذا كانت نسبة الضريبة التي
وضعتها الشركة هو 12% ، أوجد ثمن شراء الشركة للجهاز
المنوفية 2025

11 في أحد المحلات التجارية كانت نسبة الخصم على المبيعات 15% فإذا اشترت هدى بلوزة مكتوباً
عليها 120 جنيهاً وفستان مكتوباً عليه 350 جنيهاً أوجد قيمة ما تدفعه هدى بعد الخصم
الاسكندرية 2025

12 اشترت هبة مكنسة كهربائية بمبلغ 2,400 جنيهاً وكان عليها خصم 20%
احسب السعر الأصلي للمكنسة قبل الخصم
القاهرة 2025

13 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 تليفزيون ثمنه 12,000 جنيه عليه خصم 10% فإن ثمن التليفزيون بعد الخصم =

- 10,700 Ⓐ 10,500 Ⓑ 10,800 Ⓒ 10,600 Ⓓ

2 إذا كان ثمن شراء ثلاجة 16,000 جنيه و ثمن الثلاجة بالضريبة 20,000 جنيه فإن النسبة المئوية

للضريبة هي %

- 25 Ⓐ 20 Ⓑ 12.5 Ⓒ 80 Ⓓ

3 باع تاجر بضاعة بمبلغ 550 جنيهًا بنسبة ربح 10% فإن ثمن شراء البضاعة =

- 540 Ⓐ 55 Ⓑ 500 Ⓒ 605 Ⓓ

4 موظف راتبه الشهري 6,500 جنيهًا يوفر منه 10% فإن المبلغ الذي يوفره شهريًا =

- 7,156 Ⓐ 65 Ⓑ 650 Ⓒ 10 Ⓓ

5 يعرض تاجر بضاعة بمبلغ 3,500 جنيه و باعها بعد الخصم بمبلغ 2,800 جنيه

فإن النسبة المئوية للخصم =

- 80% Ⓐ 25% Ⓑ 20% Ⓒ $11\frac{1}{9}\%$ Ⓓ

ثانيًا واجب منزلي

1

1 حدد نسبة 10% من كل قيمة من القيم المحددة في العمود الأول والعمود الثالث:

السعر الأصلي	10% من السعر	السعر الأصلي	10% من السعر
42 جنيهًا	جنيهاً	50 جنيهًا	جنيهاً
320 جنيهًا	جنيهاً	140 جنيهًا	جنيهاً
5.3 جنيهًا	من الجنيه	9 جنيهاً	من الجنيه

2 استخدم الآن القيم التي وجدتها لنسبة 10% لإيجاد هاتين النسبتين المئويتين:

جنيه	ماذا يُمثِّل 20% من 42 جنيهًا ؟
جنيهاً	ماذا يُمثِّل 30% من 320 جنيهًا ؟

2 **احسب** احسب القيمة المدفوعة في المشتريات التالية بإحدى الشركات التي تقدم خصومات على مبيعاتها :

1 قميص سعره 650 جنيهاً و عليه خصم بنسبة 15% الغربية 2025

2 مكواة سعرها 1,200 جنيهاً و عليها خصم بنسبة 20% أسبوط 2025

3 **أكمل** الجدول التالي:

السعر الأصلي للمنتج	نسبة التخفيض	قيمة التخفيض	السعر بعد التخفيض
560	10%		
	15%	45	
		50	200

4 اشترى تاجر بضاعة بمبلغ 500 جنية و باعها بمكسب 30% من ثمن الشراء. فما ثمن البيع؟ الدقهلية 2025

5 اشترى خالد شقة تملك من شركة بمبلغ 157,500 جنيهاً، ثم وجد أن نسبة الضريبة فيها كانت 5% احسب ثمن الشقة بدون الضريبة.

مرسى مطروح 2025

6 في أحد المحلات التجارية كانت نسبة الخصم أي (التخفيض) على المبيعات 20% فإذا اشترى أحمد بنظرونًا مكتوبًا عليه 800 جنيهاً أوجد مقدار ما يدفعه أحمد بعد الخصم.

شمال سيناء 2025

7 اشترى والدك تليفزيون بخصم 15% فإذا كان سعر التليفزيون 10,000 جنية أوجد المبلغ الذي دفعه بعد الخصم.

الجيزة 2025

- 8 اشترى تاجر بضاعة وباعها بمكسب 20% فإذا كان صافي مكسبه 600 جنيه
احسب ثمن البيع و ثمن الشراء.

المنيا 2025

9 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- 1 إذا كان 30% من ثمن شراء قميص هو 150 جنيه فإن ثمن الشراء هو جنيه
 500 1 600 2 300 3 450 4

- 2 تعرض شركة سيارة بمبلغ 60,000 جنيه تضيف ضرائب 5% من ثمن السيارة فإن ثمن البيع

القاهرة 2025

هو جنيه

- 61,000 1 62,000 2 63,000 3 65,000 4

- 3 باع تاجر ثلاجة بمبلغ 18,000 جنيه فإذا خصم 3,000 جنيه

البحيرة 2025

فإن النسبة المئوية للخصم =

- 30% 1 16 $\frac{2}{3}$ % 2 50% 3 25% 4

- 4 إذا كان ثمن شراء حذاء 1,000 جنيه بعد التخفيض وعليه تخفيض 20%

أسوان 2025

فإن قيمة التخفيض = جنيه

- 250 1 400 2 100 3 200 4

- 5 إذا كان 20% من طول قطعة قماش يساوي 200 سم فإن طول قطعة القماش كلها = متر

الإسكندرية 2025

- 1,000 1 100 2 10 3 1 4

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات الشُعطة :

- 1 إذا كان 10% من 200 = 20 ، فإن % 60 من 200 يساوي
(100 أو 110 أو 115 أو 120) الشرقية 2025
- 2 30% من 210 =
(400 أو 500 أو 600 أو 700) الدقهلية 2025
- 3 25% من 400 =
(250 أو 200 أو 100 أو 300) الغربية 2025
- 4 سيارة تتحرك بمعدل 60 كم في الساعة ، إذا استمرت بنفس المعدل ،
فإن المسافة التي تقطعها في ساعة وربع = كم (45 أو 90 أو 75 أو 70) القليوبية 2025
- 5 إذا كان 10% من 420 يساوي 42 ، فإن % 15 من 420 يساوي
(84 أو 63 أو 48 أو 21) الإسكندرية 2025
- 6 حصلت داليا في امتحان الشهر لإحدى المواد على 27 درجة من 30 درجة ،
فإن النسبة المئوية لدرجات داليا في الامتحان = % (70 أو 80 أو 81 أو 90) القاهرة 2025

2 أكمل ما يأتي :

- 1 النسبة المئوية التي يُعبر عنها الجزء المظلل المقابل هي
الإسكندرية 2025
- 2 مدرسة بها 600 طالب ، حضر منهم % 90 ، فإن عدد الغائبين = طالبًا
القاهرة 2025
- 3 الكسر العشري 0.07 يكافئ النسبة المئوية
الغربية 2025
- 4 خلاط ثمنه 400 جنيه ، عليه تخفيض % 20 ، فإن ثمنه بعد التخفيض = جنيهًا
الشرقية 2025
- 5 إذا كان 10% من 45 جنيهًا = 4.5 جنيه ، فإن % 30 من 45 جنيهًا =
الدقهلية 2025
- 6 قميص سعره 400 جنيه وعليه خصم % 10 ، فإن قيمة الخصم = جنيهًا
المنوفية 2025

3	الجدول التالي يوضح فاتورة شراء أدوات مدرسية اقرأ ، ثم أكمل الجدول : قنا 2024	سعر الأدوات المدرسية	ضريبة % 10	إجمالي السعر
		620 جنيهًا		

- 4 محل لأجهزة الهواتف المحمولة ، إذا كان سعر الهاتف المحمول 15,400 جنيه ويعرضه بتخفيض 15% ، فإذا طُبّق عليه تخفيض إضافي % 50 على السعر الجديد ، فكم يكون سعر الهاتف النهائي ؟
كفر الشيخ 2025

اختبار تراكمي (18) عام المفهوم الثالث الوحدة (10)

1 آثار الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المُعطاة :

القاهرة 2025

$$0.3 \times 0.444 =$$

0.01332

1.332

13.32

0.1332

الجيزة 2025

$$9.6 \div 0.32 =$$

0.03

30

3

0.3

أسبوط 2025

$$\frac{3}{5} \div \frac{6}{15} =$$

2

$\frac{3}{2}$

$\frac{2}{3}$

$\frac{18}{75}$

الغربية 2025

$$x = \text{فإن } \frac{18}{x} = \frac{6}{8} \text{ إذا كان}$$

3

24

29

12

القليوبية 2025

5 أي نسبة مما يأتي تمثل معامل تحويل ؟

$\frac{100 \text{ كم}}{\text{ساعة}}$

$\frac{60 \text{ دقيقة}}{\text{ساعة}}$

30 م = 100 مم 1 كجم = 100 جم

المنوفية 2025

6 قطع عامر بدراجته 25 كيلو متر في 5 ساعات فإن معدل سرعته هي

25 كم في الساعة 5 كم في الساعة 30 كم في الساعة 5 متر في الدقيقة

7 يعرض تاجر بضاعة بمبلغ 4,500 جنيه وباعها بعد الخصم بمبلغ 3,600 جنيه فإن النسبة المئوية

القليوبية 2025

للخصم =

$11 \frac{1}{9} \%$

20%

25%

80%

2 أجاب خالد بشكل صحيح على 90% من أسئلة اختبار الرياضيات وحصل على 135 درجة

من أصل مجموع الدرجات الكلية للاختبار. ما مجموع درجات الاختبار الكلية ؟

كفر الشيخ 2025

3 ادخر شريف مبلغ 800 جنيه ويمثل هذا المبلغ نسبة 20% من الأجر الأسبوعي الذي تقاضاه.

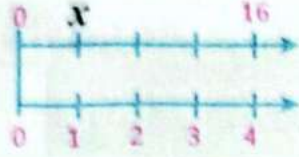
ما المبلغ الذي يتقاضاه شريف في الأسبوع ؟ وضح ذلك بأحد النماذج التي درستها

بنى سويف 2025

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المُعطاة :

هي نسبة حدّها الثاني 100، ويرمز لها بالرمز %

(المعادلة أو المُعَدَّل أو النسبة المئوية أو المنوال) القاهرة 2025



من خط الأعداد المزدوج المقابل : قيمة x تساوي

(8 أو 12 أو 4 أو 10) أسوان 2024

ساعة واحدة تُمثِّل _____ (معدلاً أو معامل تحويل أو معدل وحدة أو نسبة) الدقهلية 2025

3,600 ثانية

أي من الجمل الآتية تُعبّر عن معدل الوحدة؟

(5 كتب لكل تلميذ أو 4 كم في 6 دقائق أو 7 أقلام لكل 3 تلاميذ أو 2 كم لكل ساعتين)

12 دقيقة $\times \frac{60 \text{ ثانية}}{1 \text{ دقيقة}} =$ ثانية (720 أو 600 أو 60 أو 120) القليوبية 2025

أكل محمود 30% من الكعكة، فإن ما أكله محمود نصف الكعكة

(< أو > أو = أو ضعف) الشرقية 2025

2 أكمل ما يأتي :

10% من 70 جنيهاً = _____ جنيهاً

القليوبية 2025

النسبة المئوية هي نسبة حدّها الثاني _____

المنوفية 2025

ينتج مصنع 15 جهازاً في الساعة، فإن ما ينتجه في 5 ساعات = _____ جهازاً

أكل إسماعيل 5 ثمرات من 10 ثمرات من الموز، فإن النسبة المئوية لثمار الموز

القاهرة 2025

التي أكلها إسماعيل = _____

الغربية 2025

قيمة 10% من المبلغ 1,200 جنيه = _____ جنيه

الدقهلية 2025

بنطلون ثمنه 200 جنيه عليه خصم 5%، فإن ثمنه بعد التخفيض = _____ جنيهاً

3 شاشة تليفزيون بمبلغ 8,500 جنيه، عليها نسبة خصم 10% من ثمنها.

القاهرة 2025

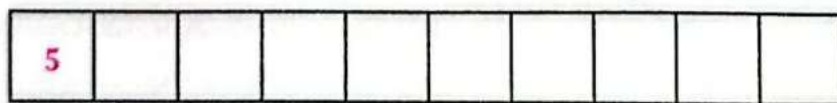
احسب قيمه الخصم.

4 إذا تم تخزين 40 صندوقاً، وهذا يمثل 80% من عدد الصناديق،

الجيزة 2025

استخدم النموذج التالي لإيجاد إجمالي عدد الصناديق

40



80%

5) تبيع مكتبة 8 أفلام بسعر 40 جنيهاً، وتبيع مكتبة أخرى، 6 أفلام من نفس النوع بسعر 36 جنيهاً. أي من المكتبتين تقدم أفضل سعر؟

البحيرة 2025

6) الجدول التالي يوضح عملية شراء لاب توب .

القاهرة 2025

اقرأ، ثم أكمل الجدول:

سعر الجهاز	نسبة التخفيض 15%	السعر بعد التخفيض
10,000 جنيهاً		

7) فاتورة عشاء بمبلغ 400 جنيه، يُضاف إليها 10% ضريبة، فكم يكون إجمالي مبلغ الفاتورة ؟

القليوبية 2025

تطبيقات الهندسة والقياس

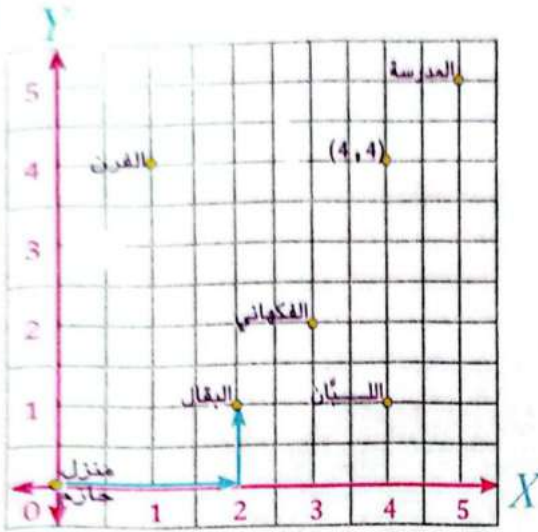


الوحدة الحادية عشرة: المستوى الإحداثي

المفهوم الأول فهم المستوى الإحداثي

الدروس الأول والثاني والثالث : استكشاف المستوى الإحداثي - تحليل المستوى الإحداثي
- تحليل نقط في المستوى الإحداثي

استكشاف المستوى الإحداثي



نتذكر أولاً ما درسه العام السابق

إذا كان الشكل المقابل يمثل المكان الذي يسكن فيه حازم

والشوارع التي حوله، وهي مقسمة إلى شوارع طولية (رأسية)

وشوارع عرضية (أفقية) ومرقمة بالأرقام المكتوبة

والشكل يمثل خريطة لهذه الشوارع

فإذا أراد حازم أن يذهب إلى البقال فإنه يمشي من منزله شارعين

من اليمين بالعرض (أفقياً) ثم شارع لأعلى طولياً (رأسياً) وإذا

أراد أن يذهب للفكهاني، فإنه يمشي ثلاثة شوارع (أفقياً)، ثم شارعين لأعلى طولياً (رأسياً) وإذا أراد أن يذهب

للمدرسة فإنه يمشي خمسة شوارع بالعرض (أفقياً)، ثم خمسة شوارع لأعلى طولياً (رأسياً) وهكذا.

ولاختصار هذه الطريقة نقول أن مكان البقال يقع عند النقطة $(2, 1)$ ، وأن مكان الفكهاني عند النقطة

$(3, 2)$ ومكان المدرسة عند النقطة $(5, 5)$ ، وبالتالي يمكن إدراك أن النقطة $(4, 1)$ هو مكان اللبان

والنقطة $(1, 4)$ هو مكان الفرن.

ملاحظات:

- مما سبق يمكن ملاحظة أن العدد الأول من اليسار داخل الأقواس يدل على المسافة الأفقية وسوف نطلق عليه البعد الأول (أو الإحداثي x) والعدد الثاني يدل على المسافة الرأسية، ويُسمى البعد الثاني (أو الإحداثي y).

- ونلاحظ أيضاً أن $(4, 1)$ لا تساوي $(1, 4)$ ، وهما مكانين مختلفين فالأول مكان اللبان والثاني مكان الفرن أي أن ترتيب العددين هام جداً، وحيث أن $(1, 4)$ يتكون من عددين ويختلف باختلاف ترتيب العددين فإنه يُسمى زوجاً مرتباً وتُسمى النقط بالإحداثيات.

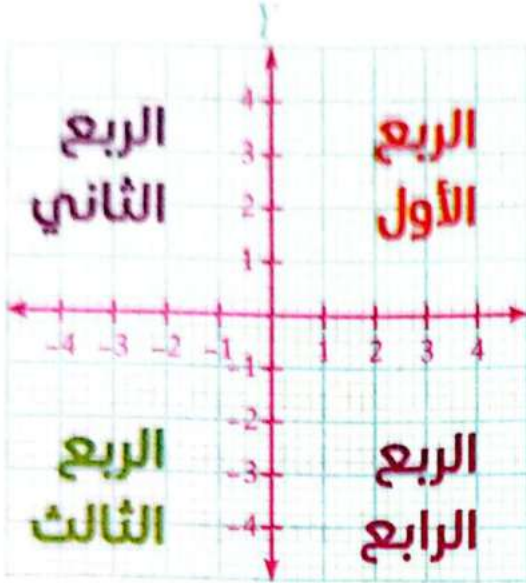
- وتُسمى هذه الخريطة بالمستوى الإحداثي أو شبكة الإحداثيات

- ويُسمى الخط الأفقي (محور x) ويُسمى الخط الرأسية (محور y)

- نقطة الأصل هي نقطة تقاطع المحور x والمحور y عند $(0, 0)$

- دائماً نبدأ بالمسافة الأفقية أولاً، ثم المسافة الرأسية.

تحليل المستوى الإحداثي



هل يمكن تحديد النقطة (2, -4) في المستوى الإحداثي السابق ؟

بالطبع لا، لذلك سوف نتعرف على مستوى إحداثي أكبر يمتد فيه محور x لليسار ويكتب عليه الأعداد السالبة كما نكتب على خط الأعداد الأفقي، ويمتد محور y للأسفل ونضع عليه الأعداد السالبة أيضًا كما نكتب على خط الأعداد الرأسية كما بالشكل المقابل ويقسم المستوى الإحداثي إلى أربعة أجزاء بالمحورين x ، y ويسمى كل جزء "رُبع"

ملاحظات:

- في الربع الأول تكون x موجبة، y موجبة في جميع الأزواج المرتبة التي تقع فيه أي (موجب، موجب)
- في الربع الثاني تكون x سالبة، y موجبة في جميع الأزواج المرتبة التي تقع فيه أي (موجب، سالب)
- في الربع الثالث تكون x سالبة، y سالبة في جميع الأزواج المرتبة التي تقع فيه أي (سالب، سالب)
- في الربع الرابع تكون x موجبة، y سالبة في جميع الأزواج المرتبة التي تقع فيه أي (سالب، موجب)
- إذا وجد 0 في أحد المسقطين فإن النقطة تقع على أحد المحورين إذا كانت (عدد، 0) فإنها تقع على محور y ، وإذا كانت (0، عدد) فإنها تقع على محور x أما (0، 0) هي نقطة الأصل ويمكن معرفة مكان الزوج المرتب من إشارتي x ، y بدون رسم.

فمثلاً

- (2, 4) تقع في الربع الأول لأن x موجبة و y موجبة،
- (1, -3) يقع في الربع الثاني لأن x سالبة و y موجبة،
- (-2, -3) يقع في الربع الثالث لأن x سالبة و y سالبة،
- (-4, 2) تقع في الربع الرابع لأن x موجبة و y سالبة،
- (0, 2) تقع على محور y ، (2, 0) تقع على محور x

حدّد الربع الذي تقع فيه النقاط التالية بدون رسم، ثم ارسم مستوى إحداثي وحدد مكان النقاط عليه:

$$A (2 , 1)$$

$$B (- 2 , 3)$$

$$C (- 4 , - 2)$$

$$D (2 , - 3)$$

$$E (4 , 0)$$

$$F (0 , 2)$$

$$G (3 , - 1)$$

$$H (- 3 , 1)$$

$$I (0 , 0)$$

التمرين

نحدد مكان كل نقطة حسب إشارتي x, y .

$A (2 , 1)$ تقع في الربع الأول، $B (- 2 , 3)$ تقع في الربع الثاني

$C (- 4 , - 2)$ تقع في الربع الثالث، $D (2 , - 3)$ تقع في الربع الرابع

$E (4 , 0)$ تقع على محور x لأن $y = 0$

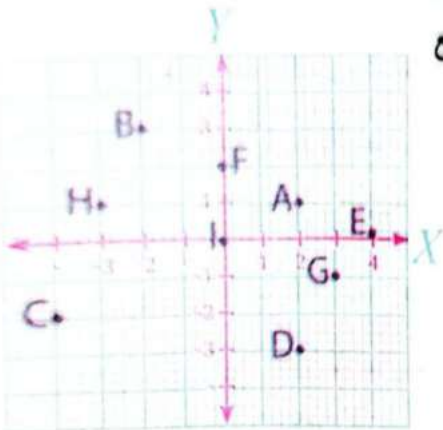
$F (0 , 2)$ تقع على محور y لأن $x = 0$

$G (3 , - 1)$ تقع في الربع الرابع

$H (- 3 , 1)$ تقع في الربع الثاني

$I (0 , 0)$ هي نقطة الأصل

ومكان النقط كما هي موضحة على المستوى الإحداثي



تحليل نقط في المستوى الإحداثي

مثال 2

في الشكل المقابل:

اكتب اسم الموقع الذي يقع عند كل زوج مرتب

$$(-4, 2)$$

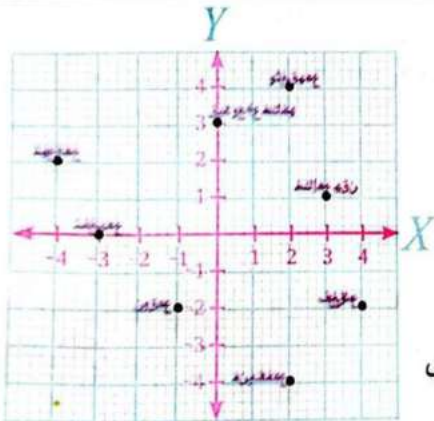
$$(3, 1)$$

$$(-1, -2)$$

$$(2, -4)$$

حدد الزوج المرتب الذي يمثل:

1 المتحف 2 المستشفى 3 الإستاد 4 محطة الأتوبيس



التمرين

$$4 \text{ السوق}$$

$$3 \text{ الحديقة}$$

$$2 \text{ الجامع}$$

$$1 \text{ قسم الشرطة}$$

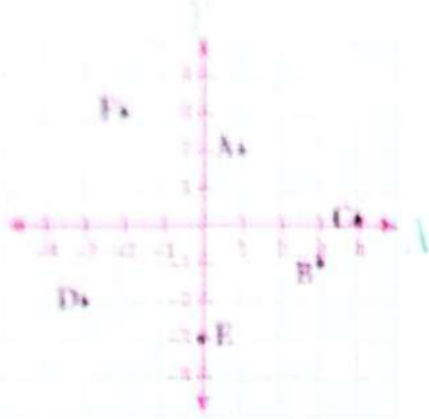
$$4 (0, 3)$$

$$3 (4, -2)$$

$$2 (2, 4)$$

$$1 (-3, 0)$$

في المستوى الإحداثي المقابل :
أوجد إحداثيي كلا من
F , E , D , C , B , A



لكي تأتي بإحداثيي كلا من هذه النقط فإننا نأتي بالإحداثي الأول
من على المحور الأفقي والإحداثي الثاني من على المحور الرأسي.

$$A = (1 , 2)$$

$$B = (3 , -1)$$

$$C = (4 , 0)$$

$$D = (-3 , -2)$$

$$E = (0 , -3)$$

$$F = (-2 , 3)$$

الانعكاس في المستوى الإحداثي

أولاً: الانعكاس في المحور X



لتحديد نقطة بالانعكاس في محور X فإن محور X سيعمل بمثابة "مرآة"

ونجد أن النقطة المنعكسة الجديدة تحتفظ بقيمة x كما هي ونغير

إشارة y فمثلاً إذا استخدمنا النقطة (3 , 4) , وأردنا أن نعكسها

في المحور X فسوف تحتفظ بقيمة 3 كما هي ونغير إشارة y فتكون النقطة المنعكسة هي (3 , -4) .

ونلاحظ أنها على نفس البعد من محور X وتُسَمَّى صورة النقطة (3 , 4) بالانعكاس في محور X

أي أن: الانعكاس في محور X يحافظ على المسقط الأول x يغير إشارة المسقط الثاني y

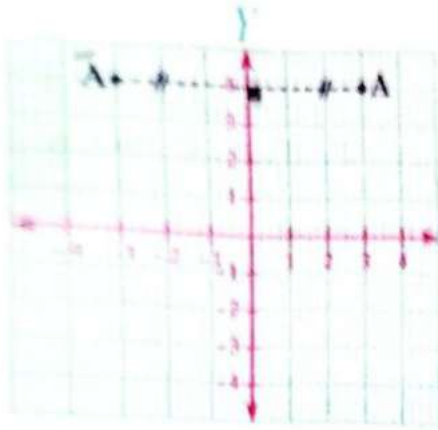
$$(2 , 3) \text{ بالانعكاس في محور } X \text{ تصبح } (2 , -3)$$

$$(-2 , 3) \text{ بالانعكاس في محور } X \text{ تصبح } (-2 , -3)$$

$$(2 , -3) \text{ بالانعكاس في محور } X \text{ تصبح } (2 , 3)$$

$$(-2 , -3) \text{ بالانعكاس في محور } X \text{ تصبح } (-2 , 3)$$

ثانياً: الانعكاس في المحور Y



لتحديد نقطة بالانعكاس في محور Y فإن محور Y سيعمل بمثابة "مرآة" ونجد أن النقطة المنعكسة الجديدة تحتفظ بقيمة Y كما هي ونغير إشارة X فمثلاً إذا استخدمنا النقطة (3, 4)، وأردنا أن نعكسها في المحور Y فسوف تحتفظ بقيمة 4 ونغير إشارة X

فتكون النقطة المنعكسة هي (-3, 4) وتُسمى صورة النقطة (3, 4) بالانعكاس في محور Y ونلاحظ أنها على نفس البُعد من محور Y أي أن: الانعكاس في محور Y يحافظ على المسقط الثاني Y ويغير إشارة المسقط الأول X

- (2, 3) بالانعكاس في محور Y (-2, 3)
 (-2, -3) بالانعكاس في محور Y (2, -3)
 (2, -3) بالانعكاس في محور Y (-2, -3)
 (-2, 3) بالانعكاس في محور Y (2, 3)

ملاحظات:

- النقطة (x, 0) بالانعكاس في محور X هي نفسها (x, 0)
 النقطة (0, y) بالانعكاس في محور Y هي نفسها (0, y)
 النقطة (0, 0) بالانعكاس في محور Y أو محور X هي نفسها (0, 0)

مثال

أوجد صورة كل من النقط التالية:

A (2, 3) ، B (1, -2) ، C (-2, -4) ، D (4, 0) ، H (0, 3)

بالانعكاس في:

2 محور Y

1 محور X

صورتها بالانعكاس في		النقطة
محور Y	محور X	
(-2, 3)	(2, -3)	A (2, 3)
(-1, -2)	(1, 2)	B (1, -2)
(2, -4)	(-2, 4)	C (-2, -4)
(-4, 0)	(4, 0)	D (4, 0)
(0, 3)	(0, -3)	H (0, 3)

اجب بنفسك

أكمل الجدول الآتي:

صورتها بالانعكاس في		النقطة	صورتها بالانعكاس في		النقطة
محور x	محور y		محور x	محور y	
		$(0, 3)$			$(1, 2)$
	$(1, 4)$				$(2, 3)$
$(3, 2)$					$(1, -2)$
	$(-1, 0)$				$(-1, 3)$
		$(2, 0)$			$(1, -3)$
	$(-1, 4)$				$(1, 1)$
$(2, -1)$					$(0, 0)$

مثال 5

استخدم المستوى الإحداثي المقابل، واكتب اسم الموقع في صورة زوج

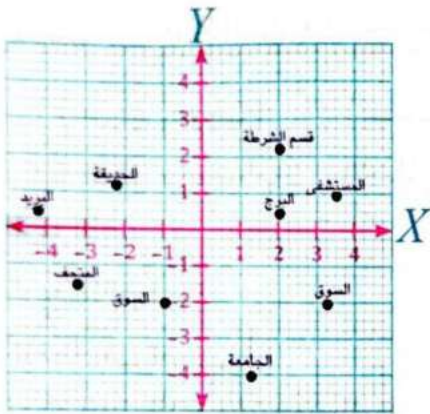
مرتّب باستخدام الأعداد العشرية لأقرب $\frac{1}{4}$ من الوحدة

1 قسم الشرطة

2 المستشفى

3 السوق

4 البريد



الحل

1 قسم الشرطة $(2, 2.25)$

2 المستشفى $(3.5, 1)$

3 السوق $(2, -2)$

4 البريد $(-4.25, 0.5)$

مثال 6

من المستوى الإحداثي في المثال السابق

اكتب اسم المنشأة الأقرب لكل من الإحداثيات التالية :

1 $(2, 0.25)$

2 $(-3.5, -1.5)$

3 $(1.25, -4)$

4 $(-2.5, 1.5)$

الحل

1 البرج

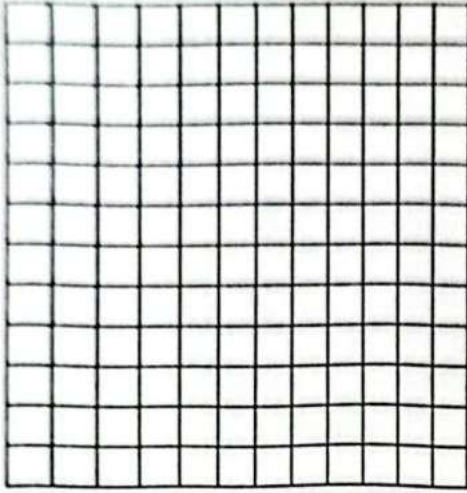
2 المتحف

3 الجامعة

4 الحديقة

أولاً في الحصة

1 على الشكل المقابل أجب عن الآتي:



- 1 ارسم المحور x واكتب اسمه
- 2 ارسم المحور y واكتب اسمه
- 3 حدد نقطة الأصل $(0, 0)$
- 4 حدد النقاط $A(3, 0)$ $B(4, 5)$ $C(3, 0)$
- 5 واكتب أسماءهم على الرسم
- 6 استخدم رسمك البياني واطرح ما التشابه والاختلاف بين النقطتين A , B

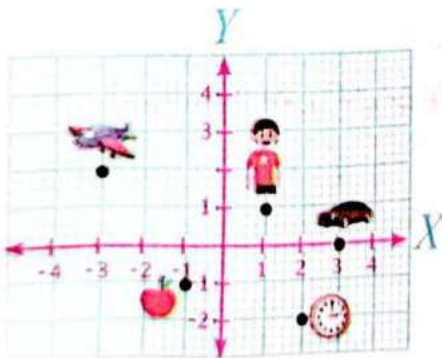
2 حدد الربع الذي يقع فيه الزوج المرتب واكتبه في مكانه الصحيح مكان النقط:

- | | | |
|---------------|-------------------|--------------------------------|
| (موجب , موجب) | (سالب , سالب) | (سالب , موجب) |
| (موجب , سالب) | الإحداثي x هو 0 | الإحداثي y هو 0 (نقطة الأصل) |
- 1 الربع الأول :
 - 2 الربع الثاني :
 - 3 الربع الثالث :
 - 4 الربع الرابع :
 - 5 النقطة على المحور y :
 - 6 النقطة على المحور x :

3 حدد الربع الذي يقع فيه كل زوج مرتب مما يأتي بدون رسم مستوى إحداثي :

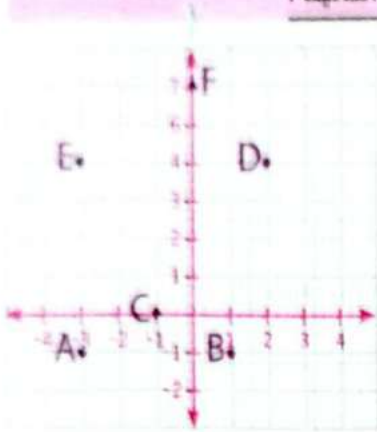
- $A(3, 4)$ $B(-1, 2)$ $C(-2, 5)$
- $M(-5, -6)$ $N(-5, 6)$ $Z(0, 0)$

4 في المستوى الإحداثي المقابل اذكر إحداثي كل من الأشكال التالية :



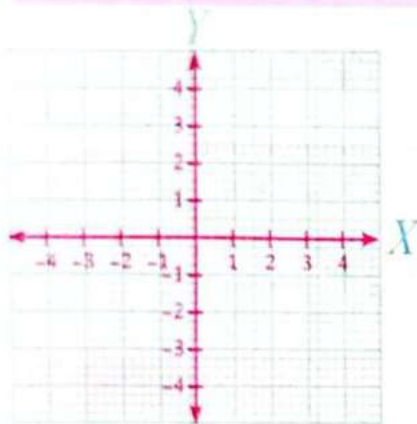
- 1 طائرة = (,)
- 2 تفاحة = (,)
- 3 ولد = (,)
- 4 سيارة = (,)
- 5 ساعة = (,)

5 في المستوى الإحداثي المقابل اذكر إحداثي كل من الأشكال التالية :



- 1 النقطة A يمثلها الزوج المرتب (,)
- 2 النقطة B يمثلها الزوج المرتب (,)
- 3 النقطة C يمثلها الزوج المرتب (,)
- 4 النقطة D يمثلها الزوج المرتب (,)
- 5 النقطة E يمثلها الزوج المرتب (,)
- 6 النقطة F يمثلها الزوج المرتب (,)

6 حدد النقاط التالية على مستوى إحداثي :



A (-3 , 0) D (2 , -3) G (5 , 5)

B (0 , -3) E (-2 , 3) H (-6 , -6)

C (-2 , -3) F (2 , 3) I (0 , 0)

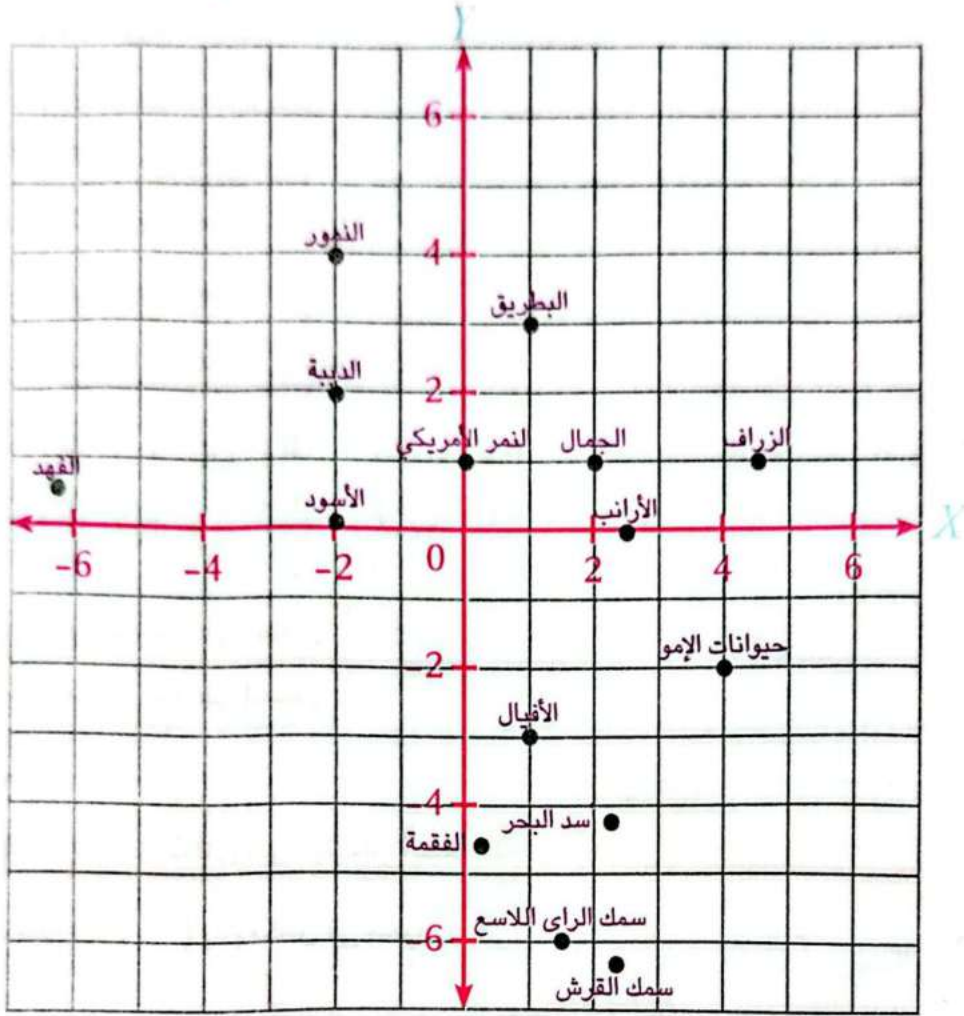
ما النقطة أو النقاط التي تقع على المحور Y ؟

ما النقطة أو النقاط التي تقع على المحور X ؟

7 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

- 1 صورة النقطة $(-1, 2)$ بالانعكاس في محور X هي ☐ (1, 2) ☐ $(-1, -2)$ ☐ $(1, -2)$ ☐ $(-1, 2)$
- 2 صورة النقطة $(3, 0)$ بالانعكاس في محور X هي ☐ (3, 0) ☐ $(0, 3)$ ☐ $(-3, 0)$ ☐ $(0, -3)$
- 3 صورة النقطة $(-4, 2)$ بالانعكاس في محور Y هي ☐ (4, -2) ☐ $(-4, -2)$ ☐ $(4, 2)$ ☐ $(-4, 2)$
- 4 صورة النقطة $(6, -4)$ بالانعكاس في محور Y هي ☐ (4, -6) ☐ $(-6, -4)$ ☐ $(6, 4)$ ☐ $(-4, 6)$
- 5 صورة النقطة $(-5, -5)$ هي صورة النقطة بالانعكاس في محور X ☐ $(-5, -5)$ ☐ $(5, -5)$ ☐ $(5, 5)$ ☐ $(-5, 5)$
- 6 النقطة $(-1, -1)$ هي صورة النقطة بالانعكاس في محور Y ☐ $(-1, 1)$ ☐ $(1, -1)$ ☐ $(-1, -1)$ ☐ $(1, 1)$
- 7 إذا كانت صورة النقطة بالانعكاس في محور Y هي نفس النقطة فإن النقطة تكون ☐ $(-1, 1)$ ☐ $(0, 1)$ ☐ $(1, 1)$ ☐ $(1, 0)$

8 استخدم المستوى الإحداثي التالي واكتب إحداثيات كل قفص حيوانات في صورة زوج مرتب باستخدام الأعداد العشرية. حدد كل المواقع بالإحداثيات لأقرب $\frac{1}{4}$ من الوحدة



الدببة :

حيوان الإمو :

النمر :

الزراف :

الأسود :

2 استخدم المستوى الإحداثي واكتب اسم الحيوان الأقرب لكل من الإحداثيات التالية :

($\frac{1}{4}$, $-4\frac{1}{2}$)

(2.25, -6.25)

(-6.25, 0.5)

($2\frac{1}{2}$, 0)

(2.25, -4.25)

9 استخدم المستوى الإحداثي السابق واكتب إحداثيات أقفاص الحيوانات، ثم حدّد أيًّا مما يأتي تمثل

انعكاسًا لبعضها عبر المحورين على الخريطة

3 النمر والدببة

2 الزرافات وحيوانات الإمو

1 الفهود والأسود

5 طيور البطريق والأفيال

4 النمر الأمريكية والأرانب

ثانياً واجب منزلي

1 حدّد أي جملة مما يلي صحيحة وأيها غير صحيحة:

1 كلما زادت القيمة المطلقة للإحداثي x اقتربت النقطة من نقطة الأصل2 كلما قلت القيمة المطلقة للإحداثي y اقتربت النقطة من المحور x 3 كلما قلت القيمة المطلقة للإحداثي x اقتربت النقطة من المحور y 4 زيادة قيمة الإحداثيين x ، y تعني أن النقطة ستبعد عن نقطة الأصل5 لتحريك نقطة مسافتين لأعلى ومسافة واحدة إلى اليمين يجب زيادة قيمة الإحداثي y بمقدار 2

الممنوعة 2025

والإحداثي x بمقدار 16 لتحريك نقطة مسافتين لأعلى ومسافة واحدة إلى اليمين يجب زيادة قيمة الإحداثي x بمقدار 2

بنى سوييف 2025

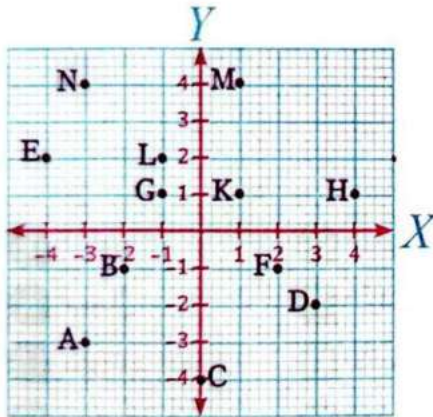
والإحداثي y بمقدار 1

2 حدّد الربع الذي يقع فيه كل زوج مرتب مما يأتي بدون رسم مستوى إحداثي:

D (0 , 3) E (-2 , -1) F (3 , -4)

G (5 , -6) H (5 , 6) J (4 , 0)

3 من المستوى الإحداثي المقابل أكمل ما يأتي:



1 النقطة يمثلها الزوج المرتب (3 , -2)

2 النقطة يمثلها الزوج المرتب (2 , -1)

3 النقطة يمثلها الزوج المرتب (-3 , -3)

4 النقطة يمثلها الزوج المرتب (0 , -4)

5 النقطة يمثلها الزوج المرتب (1 , 4)

6 النقطة يمثلها الزوج المرتب (-1 , 2)

7 النقطة يمثلها الزوج المرتب (-2 , -1)

8 النقطة يمثلها الزوج المرتب (1 , 1)

9 النقطة يمثلها الزوج المرتب (4 , 1)

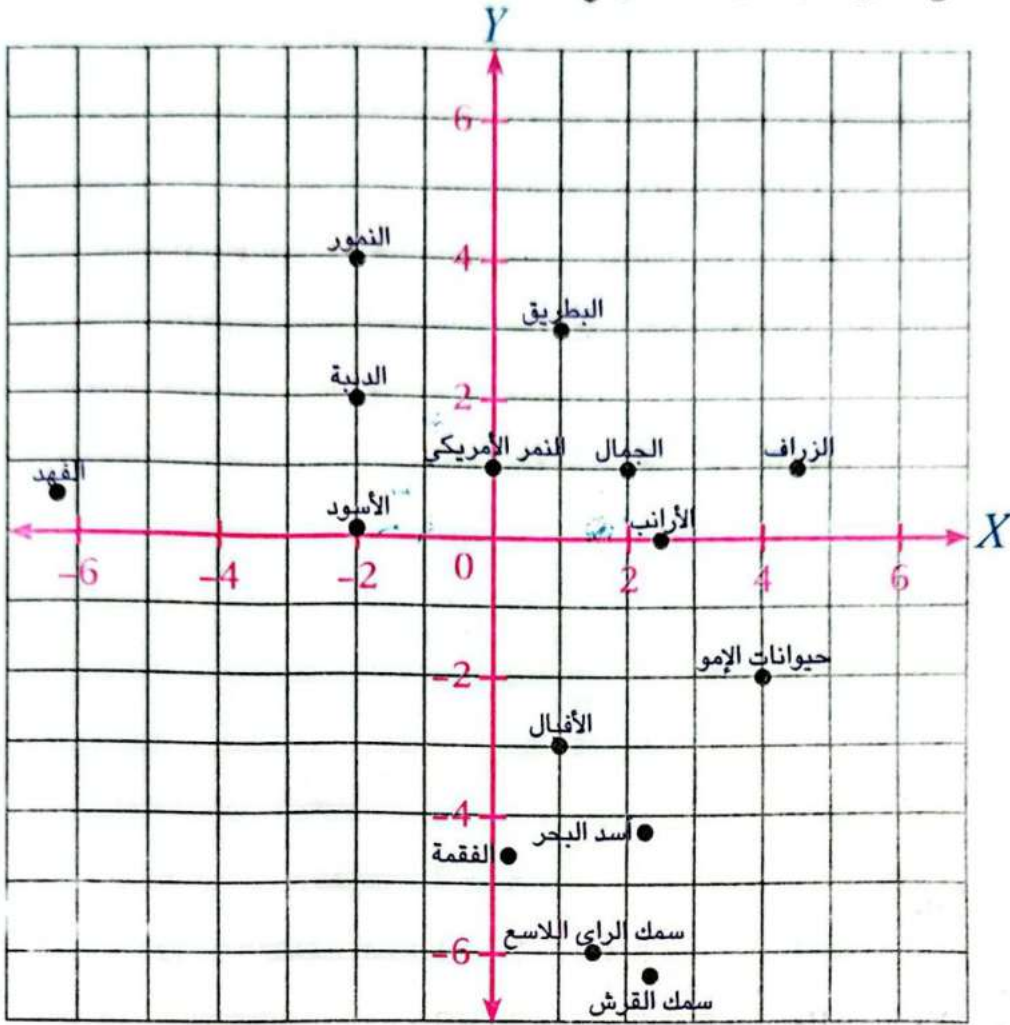
10 النقطة يمثلها الزوج المرتب (-4 , 2)

11 النقطة يمثلها الزوج المرتب (-3 , 4)

12 النقطة يمثلها الزوج المرتب (-1 , 1)

4 يخطط المسؤولون في المدينة لإنشاء حديقة حيوان جديدة . فكر كيف يمكنك تحديد مواقع

الحيوانات على الخريطة وتسمية هذه المواقع.



- | | | | | |
|------------------|------------|------------------|---------------------|-----------|
| النمر 1 | الدببة 2 | الأسود 3 | الفهود 4 | البطريق 5 |
| الجمال 6 | الأرانب 7 | النمر الأمريكي 8 | الزراف 9 | |
| حيوانات الإمو 10 | الأفيال 11 | أسد البحر 12 | سمك الراي اللاسع 13 | |
| سمك القرش 14 | الفقمة 15 | | | |

5 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

الوادي الجديد 2025

(-1, -2) 5

(1, -2) 4

(-1, 2) 3

(2, 1) 1

شمال سيناء 2025

(0, -4) 5

(0, 4) 4

(4, 0) 3

(-4, 0) 1

الشرقية 2025

(-3, -5) 5

(5, 3) 4

(-3, 5) 3

(3, -5) 1

الدقهلية 2025

4 النقطة (2, 0) هي صورة النقطة بالانعكاس في محور Y

- (0, -2) 3 (0, 2) 4 (2, 0) 5 (-2, 0) 1

فنا 2025

5 النقطة (0, 5) هي صورة النقطة (0, -5) بالانعكاس في محور

- (5, -5) 3 (0, 0) 4 X 5 Y 1

6 صورة النقطة (2, 1) بالانعكاس في محور X متبوعاً بالانعكاس في محور Y هي

الجيزة 2025

- (1, 2) 3 (-2, -1) 4 (2, -1) 5 (-2, 1) 1

6 من المستوى الإحداثي السابق حدد الخطأ الذي ارتكبه كل من حسام ومروة عند تقدير إحداثيات

حوض سمك الراي اللاسع الموضح على الخريطة.

اشرح الخطأ الذي ارتكبه التلاميذ وكيف يمكن تصحيحه

يقول حسام أن حوض سمك الراي اللاسع يقع عند (2.5, -6)

تقول مروة أن حوض سمك الراي اللاسع يقع عند (-6, 1.5)

اختبار تراكمي (19) حتى الدرس (3) الوحدة (11)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

- 1 انعكاس النقطة $(5, 5)$ في محور Y هي النقطة
 2025 بني سويف $(5, 0)$ $(0, 5)$ $(-5, 5)$ $(5, -5)$
- 2 إذا كانت النقطة $(7, -5)$ هي صورة النقطة $(7, h)$ بالانعكاس في محور X ، فإن $h =$
 2025 الغربية 5 -7 -5 7
- 3 إذا كانت النقطة $(a, 7)$ تقع في الربع الثاني، فإن a يمكن أن تكون
 2025 المنوفية 0 3 -2 7
- 4 إذا كانت النقطة $(a, -7)$ تقع على محور Y فإن a تساوي
 2025 الجيزة -2 0 3 5
- 5 النقطة $(-3, -4)$ تقع في الربع
 2025 القاهرة الأول الثاني الثالث الرابع
- 6 النقطة $(3, 0)$ تقع
 2025 الغربية على محور X على محور Y في الربع الأول في الربع الثالث
- 7 الإحداثي x لأي نقطة تقع على محور Y هو
 2025 القاهرة 0 1 2 -6
- 8 12 دقيقة $\times \frac{60 \text{ ثانية}}{1 \text{ دقيقة}} =$ ثانية
 2025 القليوبية 120 60 600 720
- 9 75% تكافئ
 2025 الجيزة 1 $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{3}{4}$

2 اكمل ما يأتي:

- 1 $40\% + 30\% =$
 2025 القليوبية
- 2 $\frac{7}{25} =$ (في صورة نسبة مئوية)
 2025 الجيزة
- 3 النقطة التي بها الإحداثي y هو 5 ، والإحداثي x هو 2 هي النقطة
 2025 كفر الشيخ وتقع في الربع
- 4 صورة النقطة $(4, -2)$ بالانعكاس في محور X هي النقطة
 2025 القليوبية

الشرقية 2025

5 إذا كانت النقطة $(5, a - 7)$ تقع على محور X ، فإن قيمة $a =$

الجيزة 2025

6 نقطة تقاطع المحور الأفقي X ، والمحور الرأسي Y تُسمى

القليوبية 2025

7 % 20 من عدد ما = 60، فإن العدد =

الجيزة 2025

8 فصل به 60 تلميذاً، غاب منهم 15 تلميذاً في أحد الأيام،

فإن النسبة المئوية التي تمثل عدد التلاميذ الغائبين =

القاهرة 2025

9 أنفق علاء % 70 من أرباح مشروعه، فإن ما أنفقه علاء نصف الأرباح

3 أجب عما يأتي؛

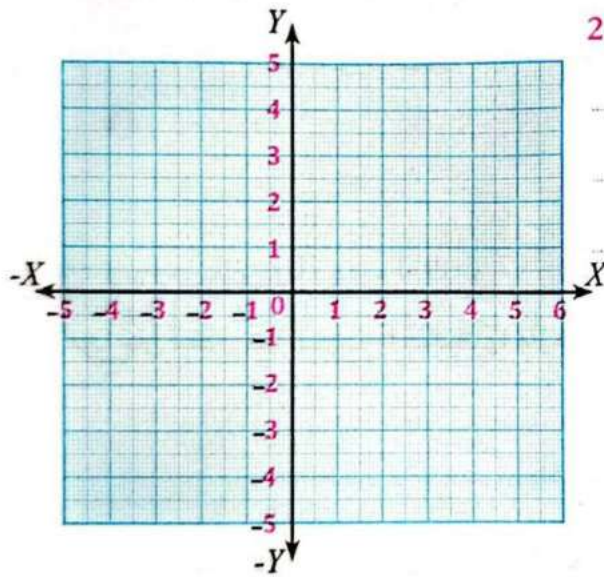
1 يستغرق أحمد حوالي 4.5 ساعة يومياً لمذاكرة دروسه، فما المدة التي يستغرقها أحمد بالدقائق؟

الشرقية 2025

2 تباع مكتبة 8 أقلام بسعر 40 جنيهاً، وتبيع مكتبة أخرى 6 أقلام من نفس النوع بسعر 36 جنيهاً،

قنا 2025

أي من المكتبتين تقدم أفضل سعر؟

3 حدد النقاط: $A(1, -1)$ ، $B(5, -1)$ ، $C(5, 3)$ ، $D(1, 3)$ على المستوى الإحداثي المتعامد

سوهاج 2025

ثم اذكر اسم الشكل الناتج

4 فصل دراسي به 32 تلميذاً، غاب منهم 8 تلاميذ.

الغربية 2025

أوجد النسبة المئوية لعدد التلاميذ الحاضرين.

اختبار (20) على المفهوم الأول الوحدة (11)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

سوهاج 2025

$$0,21 \times 1,23 =$$

1

2.583

25.83

2.583

0.2583

القليوبية 2025

$$\frac{1}{2} \div 4 =$$

2

2

$$\frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{8}$$

8

قنا 2025

فدان / ساعة

9

2

3

36

الوادي الجديد 2025

$$\frac{2}{8} = \frac{5}{10}$$

4

80

40

20

10

البحر الأحمر 2025

النقطة (3, -2) تقع في الربع

5

الرابع

الثالث

الثاني

الأول

الغربية 2025

صورة النقطة (4, -6) بالانعكاس في محور Y هي النقطة

6

(-4, 6)

(6, 4)

(-6, -4)

(4, -6)

القاهرة 2025

النقطة (5, -5) هي صورة النقطة بالانعكاس في محور X

7

(-5, 5)

(5, 5)

(5, -5)

(-5, -5)

2 اشترى رجل تلفزيوناً فخصم له البائع 12% من ثمن التلفزيون

2

دمياط 2025

فإذا كان مقدار هذا الخصم 216 جنيهاً فأوجد ثمن التلفزيون قبل الخصم

3 إذا كانت حديقة الحيوان تحصل على 800 كجم من العلف يومياً وبفرض أن القروء

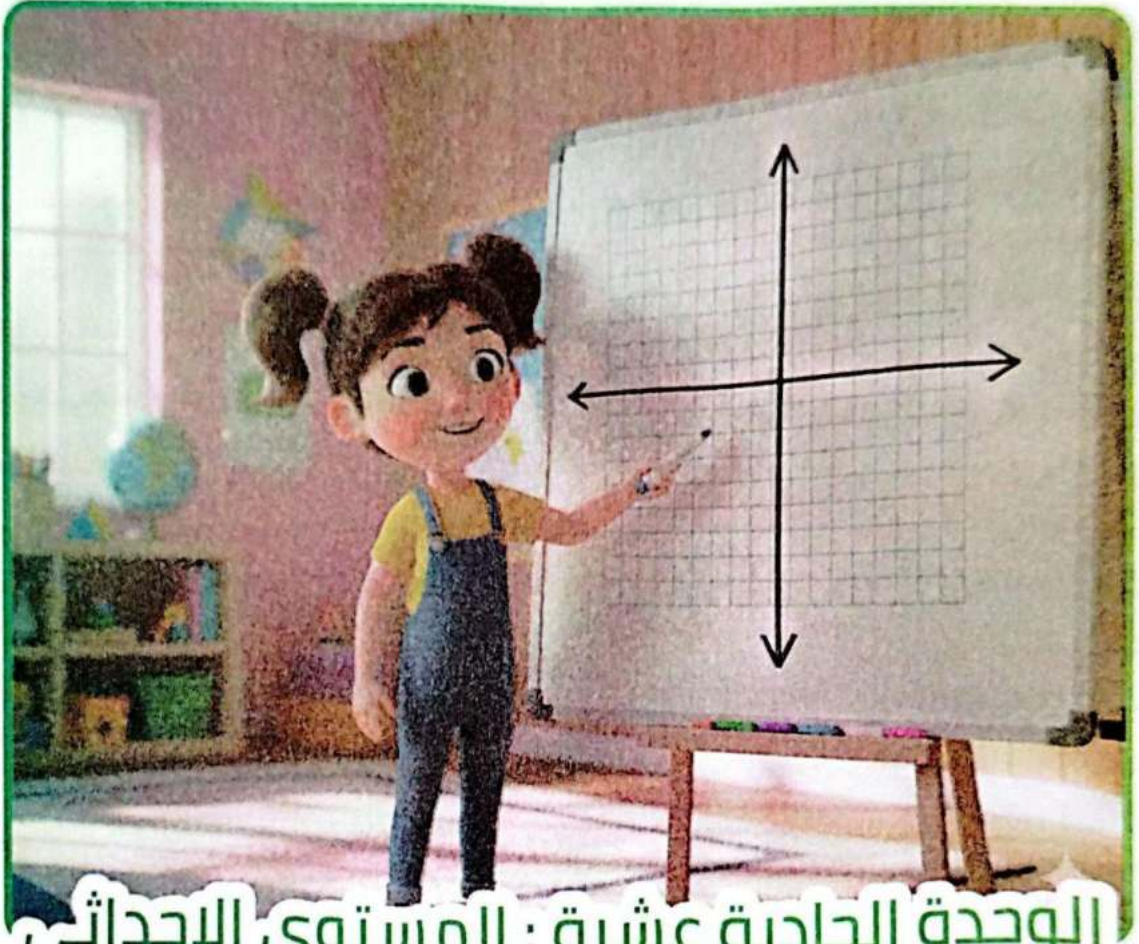
3

تأكل 15% من العلف يومياً.

المنوفية 2025

فكم كيلو جرام من العلف تأكله القروء يومياً ؟ استخدم إحدى النماذج لتوضيح ذلك

تطبيقات الهندسة والقياس



الوحدة الحادية عشرة : المستوى الإحداثي

المفهوم الثاني استخدام هندسة الأحداثيات

- استكشاف المسافة بين النقاط على خط الأعداد
- استكشاف المسافة بين النقاط على مستوى إحداثي
- رسم أشكال هندسية على المستوى الإحداثي

استكشاف المسافة بين النقاط على خط الأعداد

ن تعرف n نقطة على خط الأعداد

ب طرح n المطلقة n بين الممثلين للنقطتين إذا كان العددين بنفس الإشارة

وبجمع القيمة المطلقة لعددين الممثلين للنقطتين إذا كان العددين مختلفين في الإشارة



فمثلاً :

إذا كان خط الأعداد المقابل يوضح الأماكن الهامة في المدينة وكل علامة على خط الأعداد تمثل 1 كيلو متر فإن :

$$3 \text{ كم} = 5 - 2 = |5| - |2| \quad \text{المسافة بين البنك ومحطة الوقود تساوي}$$

$$5 \text{ كم} = 2 + 3 = |2| + |-3| \quad \text{المسافة بين محطة الوقود والبريد تساوي}$$

ملاحظات:

في حالة ما إذا كان العددين لهما نفس الإشارة (في جهة واحدة من الصفر) فإننا نطرح العددين بعد كتابة القيمة المطلقة لكل منهما (أي نطرح العددين بدون إشارات) ويراعى كتابة العدد الأكبر أولاً.

وإذا كان العددين مختلفين في الإشارة (في جهتين مختلفتين من الصفر) فإننا نجمع العددين بعد كتابة القيمة المطلقة لكل منهما (أي نجمع العددين بدون إشارات)

مثال 1

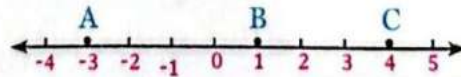
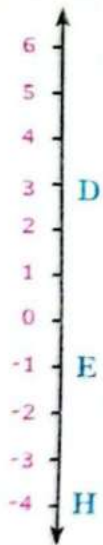
في الشكلين المقابلين :

خط الأعداد الأفقي تقع عليه النقاط A ، B ، C التي تمثل الأعداد 4 ، 1 ، -3

وخط الأعداد الرأسي تقع عليه النقاط D ، E ، H التي تمثل الأعداد -4 ، -1 ، 3

أوجد المسافات التالية :

CB ، CA ، ED ، HE



الحل

$$CB = |4| - |1| = 4 - 1 = 3$$

B ، C في جهة واحدة من الصفر فيكون

$$CA = |4| + |-3| = 4 + 3 = 7$$

A ، C في جهتين مختلفتين من الصفر فيكون

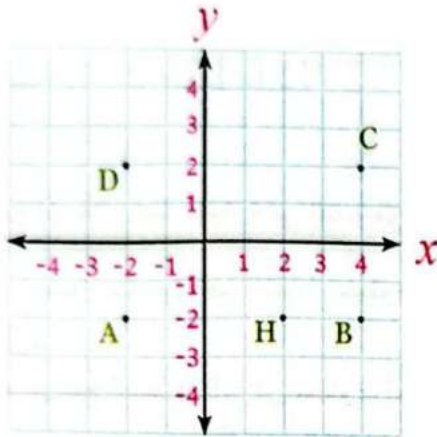
$$ED = |3| + |-1| = 3 + 1 = 4$$

D ، E في جهتين مختلفتين من الصفر فيكون

$$HE = |-4| - |-1| = 4 - 1 = 3$$

E ، H في جهة واحدة من الصفر فيكون

استكشاف المسافة بين النقاط على مستوى إحداثي:



الشكل المقابل يمثل مستوى إحداثي والذي يتحدد فيه

أي نقطة بزواج مرتب ويتم حساب المسافة

بين نقطتين بنفس طريقة خط الأعداد

فإذا كانتا على خط أفقي فنحسب المسافة

بين X في النقطة الأولى و X في النقطة الثانية

وإذا كانتا على خط رأسي فنحسب المسافة

بين Y في النقطة الأولى و Y في النقطة الثانية

فمثلاً نجد أن B (2, -2) ، H (4, -2) ، وهما على خط أفقي لذلك نتعامل مع X في النقطتين

$$HB = |4| - |2| = 4 - 2 = 2$$

فتكون المسافة بين B ، H تساوي

$$DC = |4| + |-2| = 4 + 2 = 6$$

وتكون المسافة بين C ، D تساوي

ونجد أن A (-2, 2) ، D (-2, -2) وهما على خط رأسي واحد لذلك نتعامل مع Y في النقطتين

$$AD = |2| + |-2| = 2 + 2 = 4$$

فتكون المسافة بين A ، D تساوي

مثال 2

من المستوى الإحداثي السابق أوجد :

2 المسافة بين B ، C

1 المسافة بين A ، B

الحل

1 $A = (-2, -2)$ ، $B = (4, -2)$ وهما على خط أفقي واحد لذلك نتعامل مع الإحداثي XA ، B في جهتين مختلفتين من الصفر على محور X فيكون 6 وحدات $AB = |4| + |-2| = 4 + 2 = 6$ 2 $A = (2, 4)$ ، $B = (4, -2)$ وهما على خط رأسي لذلك نتعامل مع YB ، C في جهتين مختلفتين من الصفر على محور Y فيكون 4 وحدات $BC = |2| + |-2| = 2 + 2 = 4$

مثال 3

حدد أيًا من النقط التالية تقع على نفس الخط الأفقي، وأيها تقع على نفس الخط الرأسي ثم

أوجد المسافة بينهما بدون رسم.

(-1, 2) ، (4, 1) ، (4, 2)

النقط تقع على نفس الخط الأفقي إذا كانت Y متشابهة (نفس العدد)
 $(4, 2)$ ، $(-1, 2)$ تقع على نفس الخط الأفقي وفي جهتين مختلفين من الصفر والمسافة بينهما هي
 5 وحدات $= 4 + 1 = |4| + |-1|$

النقط تقع على نفس الخط الرأسي إذا كانت X متشابهة (نفس العدد)
 $(4, 1)$ ، $(4, 2)$ تقع على نفس الخط الرأسي وفي نفس الجهة من الصفر والمسافة بينهما هي
 1 وحدة $= 2 - 1 = |2| - |1|$

رسم أشكال هندسية على المستوى الإحداثي

يمكن توصيل مجموعة من النقاط بخطوط لتكوين شكل هندسي على المستوى الإحداثي

مثال 4

حدد موضع النقط التالية في مستوى إحداثي

$A(-2, 2)$ ، $B(4, 2)$ ، $C(4, -2)$ ، $D(-2, -2)$

وصل بين النقط بالترتيب لتكوين شكل هندسي

كيف يمكن استخدام هذه الإحداثيات لتحديد اسم الشكل الهندسي

الحل

نحدد النقط في المستوى الإحداثي كما بالشكل

ونصل بينهما

الشكل الهندسي مستطيل

ويمكن استخدام الإحداثيات لتحديد اسم الشكل

بمعرفة المسافة بين كل نقطتين للتأكد من تساوي الأضلاع

$$AB = |4| + |-2| = 4 + 2 = 6 \text{ وحدات طول}$$

$$CD = |4| + |-2| = 4 + 2 = 6 \text{ وحدات طول}$$

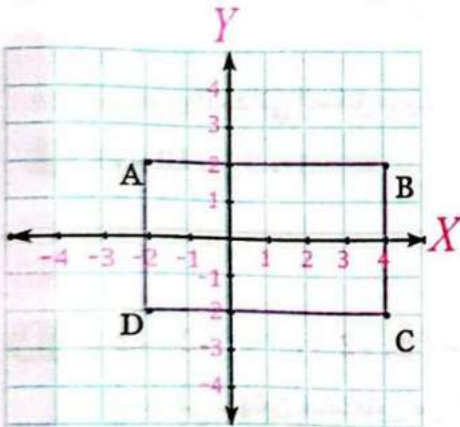
$$DA = |2| + |-2| = 2 + 2 = 4 \text{ وحدات طول}$$

$$BC = |2| + |-2| = 2 + 2 = 4 \text{ وحدات طول}$$

نلاحظ أن كل ضلعين متقابلين متساويان في الطول والزوايا الأربع قوائم؛ لذلك فالشكل $ABCD$ مستطيل

ملاحظات:

إذا كان جميع الأضلاع متساوية والزوايا قوائم يكون الشكل مربع.



أولاً في الحصة

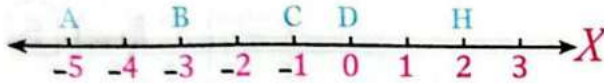
1 **بوضح** خط الأعداد مواقع بعض الأماكن المهمة في المدينة . تمثل كل علامة على

خط الأعداد 1 كم



- | | |
|---|----------------------|
| 1 | البنك ومحطة الوقود |
| 2 | منزل فاطمة والبنك |
| 3 | محطة الوقود والمنتزه |
| 4 | محطة الوقود والحفلة |
| 5 | المنتزه والحفلة |
| 6 | البنك والمنتزه |

2 في الشكل المقابل :



إذا كانت A ، B ، C ، D ، H

تمثل الأعداد -5 ، -3 ، -1 ، 0 ، 2 على الترتيب

فأكمل ما يأتي :

- | | | | |
|---|-----------------------|---|-----------------------|
| 1 | DH = = وحدة طول | 2 | CH = = وحدة طول |
| 3 | DB = = وحدة طول | 4 | AB = = وحدة طول |
| 5 | AD = = وحدة طول | 6 | BH = = وحدة طول |

3 في الشكل المقابل :



إذا كانت A ، B ، C ، D

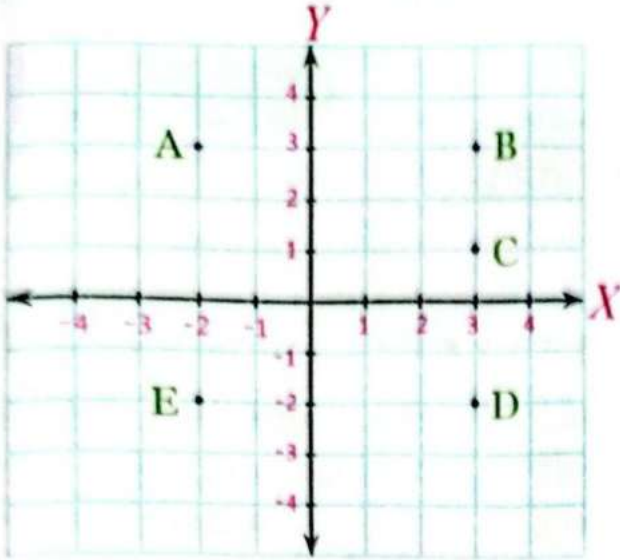
تمثل الأعداد -4 ، -2 ، 0 ، 2 على الترتيب

فأكمل ما يأتي :

- | | |
|---|-----------------------|
| 1 | AD = = وحدة طول |
| 2 | AC = = وحدة طول |
| 3 | AB = = وحدة طول |
| 4 | BD = = وحدة طول |
| 5 | BC = = وحدة طول |
| 6 | CD = = وحدة طول |

4 من المستوى الإحداثي المقابل

أوجد المسافة بين النقطتين :



1 C ، B

2 D ، B

3 B ، A

4 D ، E

5 E ، A

5

1 بفرض أنك عند المنزل V وإحداثياته هي $(-7, -11)$. تحدد الإحداثيات التالية مواقع منازل أخرى في المنطقة التي تسكن بها.

أي من المواقع التالية سيقع على نفس الخط الرأسي مثل المنزل V ؟ اختر كل الإجابات الصحيحة

ج $(0, -7)$ ب $(-11, 0)$ ا $(-11, -7)$ ج $(-11, -1)$ د $(4, -7)$ د $(11, -7)$

2 بفرض أنك رجعت إلى بيتك وإحداثياته هي $(2, 3)$ تحدد الإحداثيات التالية مواقع منازل أخرى في المنطقة التي تسكن بها.

أي من المواقع التالية سيقع على نفس الخط الأفقي الذي يقع عليه بيتك من غير رسم النقاط ؟

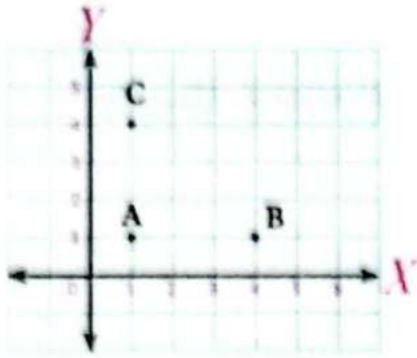
اختر كل الإجابات الصحيحة.

ج $(-13, 2)$ ب $(3, 6)$ ا $(10, 2)$ و $(-3, 6)$ د $(2, 6)$ د $(-6, 2)$

6 حدّد النقط التالية في مستوى إحداثي: $A = (-1, -2)$ ، $B = (3, 3)$ ، $C = (3, -1)$ ، $D = (-1, -1)$

صل بين النقط بالترتيب لتكون شكل هندسي.

كيف يمكن استخدام هذه الإحداثيات لتحديد اسم الشكل الهندسي.



7 في المستوى الإحداثي المقابل

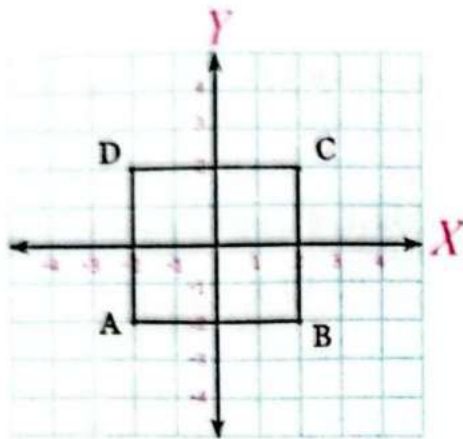
اكتب إحداثيات النقاط A ، B ، C ثم أكمل :

1 $AB =$ وحدات

2 $AC =$ وحدات

3 اسم الشكل

4 نوع الشكل من حيث أطوال أضلاعه



8 في المستوى الإحداثي المقابل أكمل ما يأتي :

1 النقاط الموضحة على الرسم هي

$A(\quad , \quad)$ ، $B(\quad , \quad)$

$C(\quad , \quad)$ ، $D(\quad , \quad)$

2 $BC =$ وحدات ، $AB =$ وحدات

$DA =$ وحدات ، $CD =$ وحدات

3 اسم الشكل $ABCD$

دعيات 2025

9 أوجد المسافة بين A ، B بدون رسم

2 $A(2, 4)$ ، $B(2, -3)$

1 $B(3, 4)$ ، $A(-1, 4)$

10 مثل على مستوى الإحداثيات النقاط $A(-1, 1)$ ، $B(-1, 4)$ ، $C(4, 4)$ ، $D(4, 1)$ ثم احسب

القليوبية 2025

ما يأتي :

1 المسافة بين A ، B ، المسافة بين B ، C ، المسافة بين A ، D

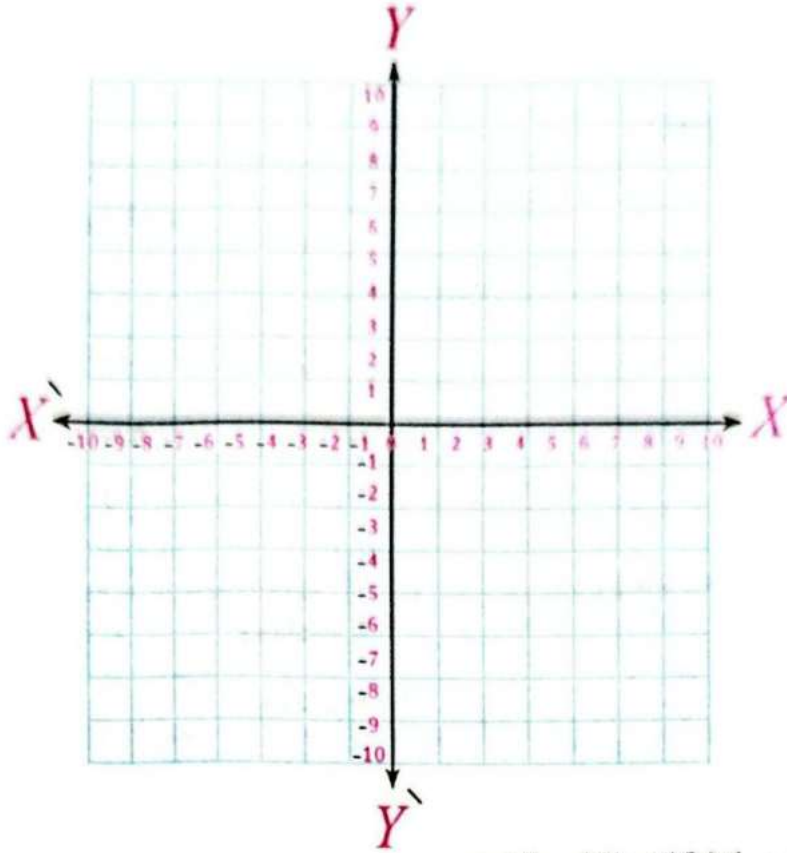
2 مساحة الشكل $ABCD$

11 بفرض أن شخصاً رسم شكلاً بالإحداثيات $(1, 2)$ ، $(5, 2)$ ، $(5, -1)$ ، $(1, -2)$ فكيف

أسوان 2025

يمكنك استخدام هذه الإحداثيات لتحديد إذا كان الشكل المرسوم مربعاً أم لا ؟

12) النقطة $(-3, -2)$ هي رأس واحدة لمستطيل يبلغ طوله 6 وحدات وعرضه وحدة واحدة . استخدم ورق الرسم البياني وحدد 3 نقاط أخرى لإكمال المستطيل . وضح ما فهمته عن طريق الرسم .



أكمل المهمتين التاليتين بكتابة الإحداثيات والشرح

- 1) اكتب إحداثيات الرؤوس للنقاط الثلاث الأخرى التي حددتها لإكمال المستطيل الذي رسمته على ورق الرسم البياني .
- 2) اشرح كيف ترتبط إحداثيات الأزواج المرتبة للرؤوس .

ثانيًا واجب منزلي

1) شكل الأصدقاء فرقًا ليمارسوا إحدى الألعاب .

في هذه اللعبة يفوز الفريق بالنقاط أو يخسرها في كل دور على حسب أداء هذا الفريق . تسجل نقاط كل فريق على لوحة تسجيل نقاط ما عدد النقاط التي يجب أن يحققها الفريق في المركز الأخير ليلحق بالفريق في المركز الأول ؟ اشرح أسبابك .

1 250 2 450 3 550 4 600

احسب عدد النقاط التي سيحتاج إليها كل فريق ليلحق بالفريق

في المركز الأول . أي عملية حسابية كانت الأسهل ؟ ما خصائص قيم النقاط التي جعلت العمليات الحسابية أسهل ؟





2 في الشكل المقابل :

إذا كانت A, B, C, D

تمثل الأعداد $-2, 1, 3, 4$ على الترتيب

فأكمل ما يأتي :

$AB =$ 2

$BC =$ 1

$CD =$ 4

$BD =$ 3

الغربية 2025

3 حدد النقط التالية في مستوى إحداثي : $A = (3, -2), B = (3, 4), C = (-1, 4), D = (-1, -2)$

جنوب سيناء 2025

صل بين النقط بالترتيب، واذكر اسم الشكل الهندسي.

4 استخدم المستوى الإحداثي لرسم كل مجموعة من النقط وحساب أطوال الأضلاع لمساعدتك في

التحديد الصحيح لكل شكل هندسي . بعد ذلك اكتب كل مجموعة من الرؤوس أمام الشكل الهندسي الذي

تمثله مما يلي :

1 $\{(-1, 2), (2, -4), (-3, -4), (-3, 2)\}$

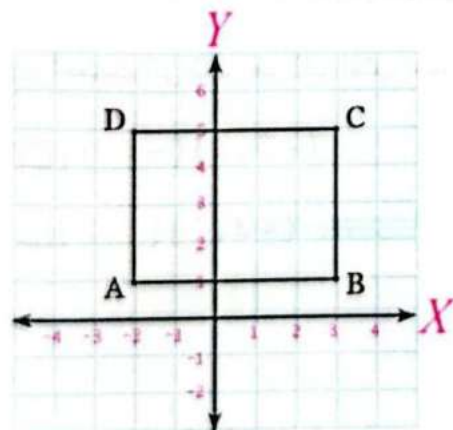
2 $\{(0, 0), (4, 1), (8, 0)\}$

3 $\{(5, -2), (5, 1), (3, 1), (3, -2)\}$

4 $\{(3, -3), (-1, -3), (-1, 6)\}$

5 $\{(-2, 1), (-2, -4), (3, -4), (3, 1)\}$

1 مربع 2 مستطيل 3 مثلث قائم الزاوية 4 شبه منحرف 5 مثلث غير قائم الزاوية



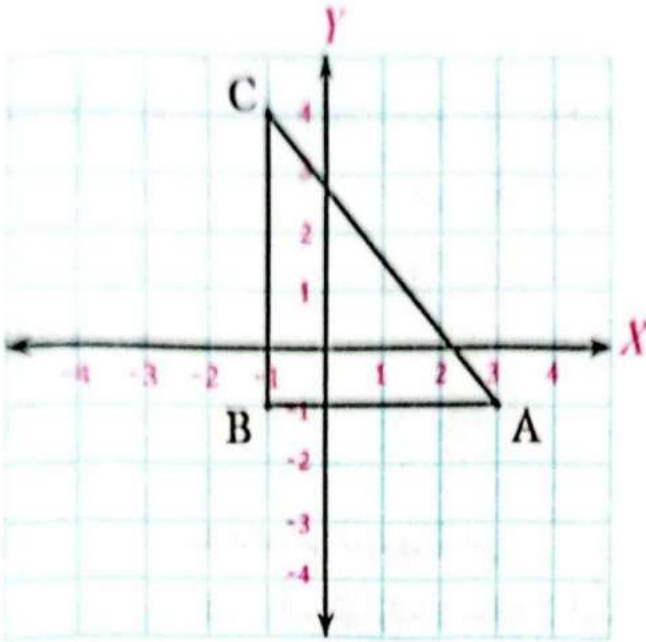
5 في مستوى الإحداثيات المقابل :

1 اكتب إحداثيات النقط A, B, C, D

2 أوجد: AB, AD

3 اكتب اسم الشكل وكيف يمكن استخدام

هذه الإحداثيات لتحديد اسم الشكل.



6 في مستوى الإحداثيات المقابل

1 اكتب إحداثيات النقاط A ، B ، C

2 احسب المسافة بين A ، B و المسافة بين C ، B

3 حدد موضع النقطة D بحيث يكون

الشكل A B C D مستطيل

ثم أوجد مساحة هذا المستطيل.

7 استخدم ورق رسم بياني وارسم النقاط $(3, -6)$ ، $(4, 1)$ ، $(4, -6)$ واربط بينها باستخدام

قطع مستقيمة ثم أجب :

1 هل يكون هذا الشكل زاوية قائمة ؟ إذا كانت الإجابة نعم فما إحداثيات رأس هذه الزاوية القائمة ؟

2 صف كيف يمكنك تحليل الإحداثيات لمساعدتك على تحديد إذا كانت الثلاث نقاط ستكون زاوية قائمة أم لا ؟

3 ما النقطة الإضافية التي يمكن تضمينها لتكوين مستطيل باستخدام النقاط $(3, -6)$ ، $(4, 1)$ ، $(4, -6)$

8 بفرض أنك استخدمت النقطة $(-2, 2)$ لتكون الرأس لرسم مثلث قائم الزاوية وطول ضلعي

الزاوية القائمة هو 3 وحدات و 5 وحدات.

أي مجموعة إحداثيات مما يلي يمكن أن تمثل الرأسين الآخرين ؟ ارسم الأشكال التي تكونت من الإحداثيات التالية

إذا احتجت إلى ذلك بعد ذلك اكتب اختياراتك . اختر الإجابات الصحيحة

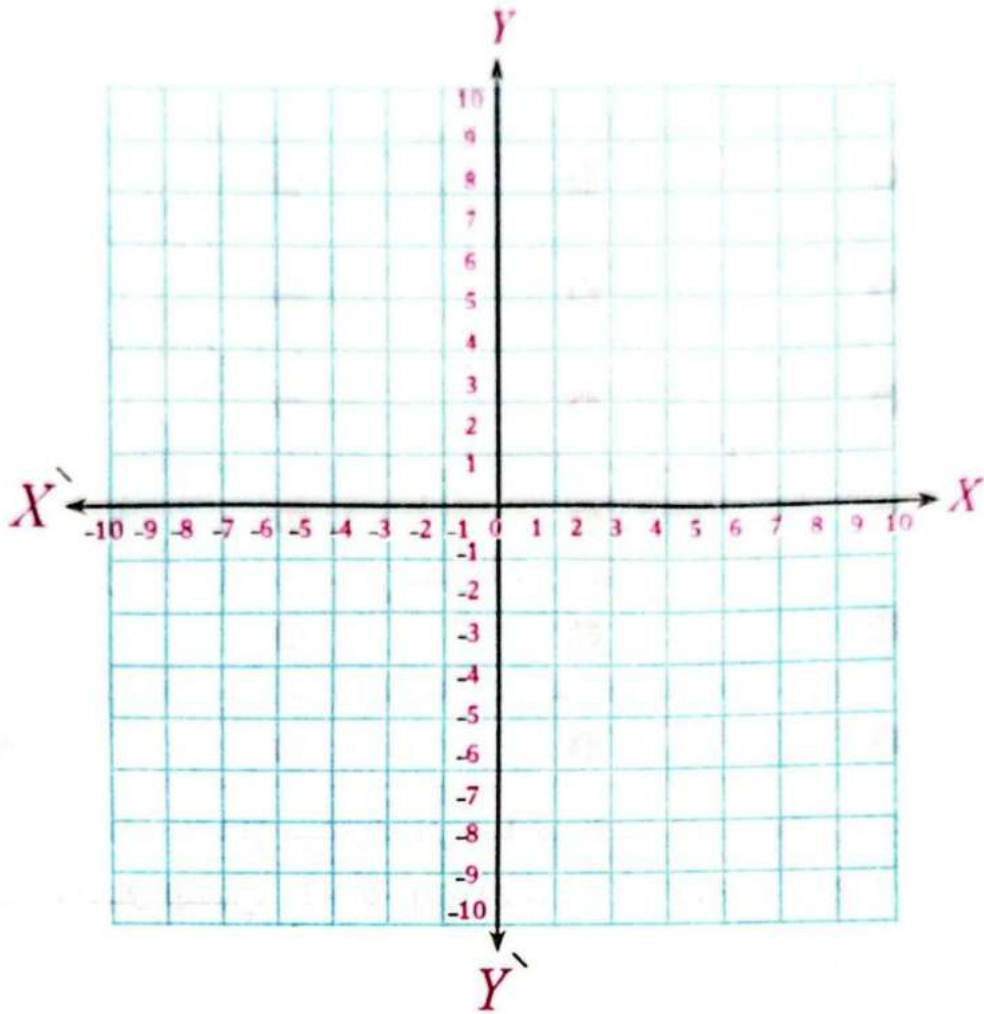
$(-2, -3)$ ، $(3, -3)$

$(-2, 5)$ ، $(-7, 2)$

$(-2, -7)$ ، $(1, -7)$

$(1, 2)$ ، $(-2, 7)$

- 9  النقطة (1 , 2) المحددة على المستوى الإحداثي هي رأس مربع طول كل ضلع فيه يساوي 3 وحدات . حدد ثلاث نقاط أخرى على الشبكة لإكمال هذا المربع . وضح ما فهمته عن طريق الرسم



اكتب إحداثيات الرؤوس للمربع الذي رسمته على ورق الرسم البياني.

اختبار تراكمي (21) على المفهوم الثاني الوحدة (11)

1 أكثر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 إذا كانت $\frac{2}{x} = \frac{16}{24}$ فإن $x =$ 1 1 2 3

السويدي 2025

$\frac{2}{3}$ 1 2 3 4

2 ماكينة تنتج 36 متر قماش في 6 ساعات فإن معدل أداء الماكينة = 1 2 3 4

الإسماعيلية 2025

متر / ساعة 1 2 3 4

3 $1.24 \times 2.3 =$ 1 2 3 4

دمياط 2025

0.2852 1 2 3 4

285.2 1 2 3 4

2.852 1 2 3 4

28.52 1 2 3 4

4 النقطة $(-1, 3)$ تقع في الربع 1 2 3 4

الغربية 2025

الربيع 1 2 3 4

الثالث 1 2 3 4

الثاني 1 2 3 4

الأول 1 2 3 4

5 النقطة $(4, -4)$ هي صورة النقطة بالانعكاس في محور X 1 2 3 4

اسيوط 2025

$(-4, 4)$ 1 2 3 4

$(4, 4)$ 1 2 3 4

$(4, -4)$ 1 2 3 4

$(-4, -4)$ 1 2 3 4

6 صورة النقطة $(-2, 3)$ بالانعكاس في محور Y هي النقطة 1 2 3 4

مرسى مطروح 2025

$(-2, 3)$ 1 2 3 4

$(3, 2)$ 1 2 3 4

$(-3, -2)$ 1 2 3 4

$(2, -3)$ 1 2 3 4

7 أيًا من النقط التالية تقع على نفس الخط الأفقي الذي تقع عليه النقطة $(3, 2)$ ؟ 1 2 3 4

قنا 2025

$(2, 3)$ 1 2 3 4

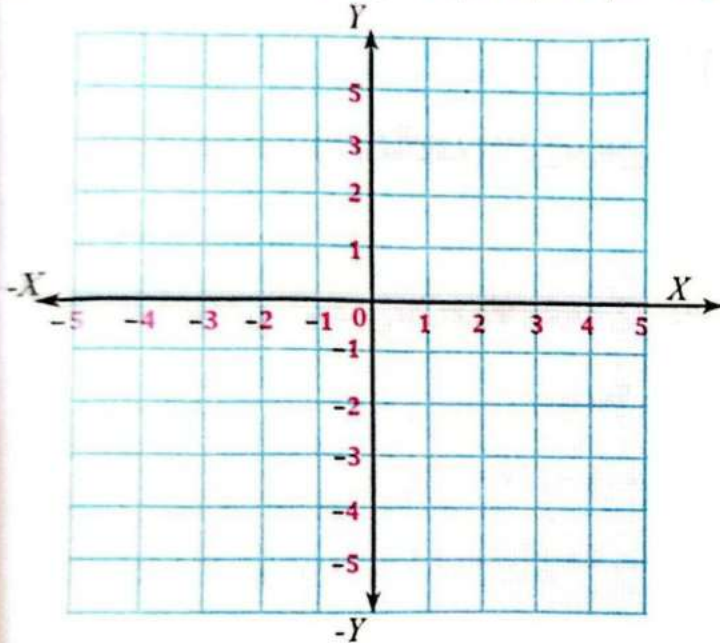
$(-13, 2)$ 1 2 3 4

$(3, 5)$ 1 2 3 4

$(3, -2)$ 1 2 3 4

2 حدد موضع النقط التالية في مستوى إحداثي وصل بين النقط بالترتيب لتكوين شكل هندسي

وحدد اسم الشكل الهندسي. $A(-3, 2)$ ، $B(3, 2)$ ، $C(3, -2)$ ، $D(-3, -2)$ الدقهلية 2025



3 إذا كان ثمن سيارة 11,500 جنيه وكانت الضريبة % 15 من ثمن السيارة. أوجد ثمن السيارة الأصلي

الاسكندرية 2025

وأوجد الضريبة.

تقييم (4) عام على الوحدة الحادية عشرة

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

- 1 الأزواج المرتبة: $(0, 0)$ ، $(0, -5)$ ، $(-2, -5)$ ، $(-2, 0)$ تمثل رؤوس ☐ مستطيل ☐ مربع ☐ مثلث ☐ معين
- 2 إذا كانت النقطة $(-7, -5)$ هي صورة النقطة $(-7, t)$ بالانعكاس في محور X ، فإن $t =$ ☐ 7 ☐ 5 ☐ -7 ☐ -5
- 3 المسافة بين العددين 5، -5 على خط الأعداد = ☐ 5 ☐ -5 ☐ 0 ☐ 10 وحدات
- 4 المسافة التي تبعتها النقطة $(3, 4)$ عن محور X تساوي ☐ -3 ☐ 4 ☐ 3 ☐ -4 وحدات
- 5 النقطة التي تقع على نفس الخط الأفقي مع النقطة $(2, 4)$ هي ☐ $(2, -3)$ ☐ $(1, 4)$ ☐ $(5, 2)$ ☐ $(-3, 6)$
- 6 جميع النقاط التالية تبعد 5 وحدات عن موضع النقطة $(0, 0)$ ، ما عدا ☐ $(5, 5)$ ☐ $(5, 0)$ ☐ $(-5, 0)$ ☐ $(0, 5)$
- 7 المسافة بين النقطتين $(2, 3)$ ، $(7, 3)$ = ☐ 6 ☐ 5 ☐ 9 ☐ 10 وحدات
- 8 المسافة بين العددين -12، -14 على خط الأعداد = ☐ 26 ☐ -26 ☐ -2 ☐ 2 وحدة طول
- 9 النقطتان $(4, 6)$ ، $(-3, 6)$ تقعان على ☐ خط أفقي واحد ☐ خط رأسي واحد ☐ خط مائل ☐ محور X

2 أكمل ما يأتي:

- 1 المسافة بين النقطتين A ، B على خط الأعداد المقابل = وحدات
- 2 المسافة بين النقطة $(0, -3)$ ونقطة الأصل = وحدات
- 3 إذا كانت النقطة (a, b) تقع على محور X ، فإن الرمز الذي قيمته تساوي صفرًا هو
- 4 تقع صورة النقطة $(1, 6)$ بالانعكاس في محور X في الربع
- 5 الزوج المرتب الذي يمثل نقطة الأصل هو
- 6 انعكاس النقطة $(-5, -2)$ في محور Y هو
- 7 انعكاس النقطة $(-1, 6)$ في محور هو $(1, 6)$

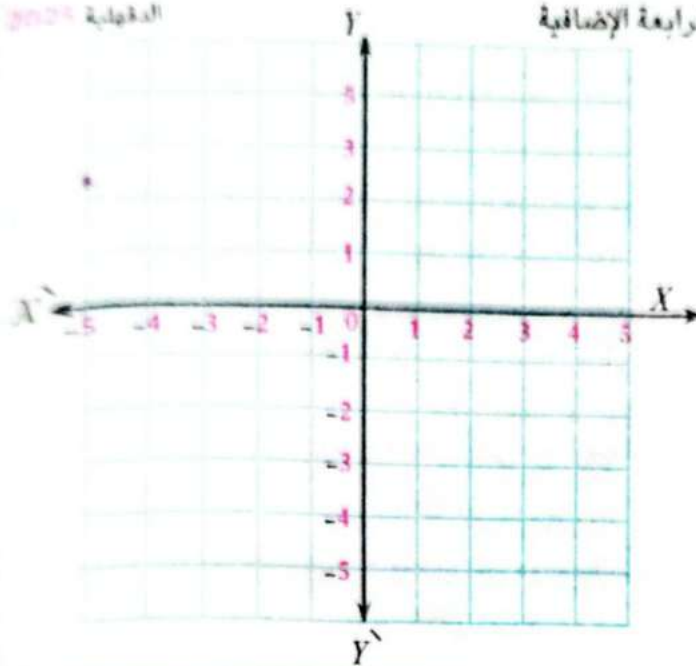
3 هدية ثمنها 190 جنيهًا ، اشترتها هدير بخخص 45% من ثمنها. أوجد الثمن بعد الخصم. الشرقية 2023

4 أمل النقاط :

المنهجية 2023

ثم حدد النقطة الرابعة الإضافية $(-5, -3)$ ، $(-2, -3)$ ، $(-2, 1)$

التي يمكن بها تكوين مستطيل.

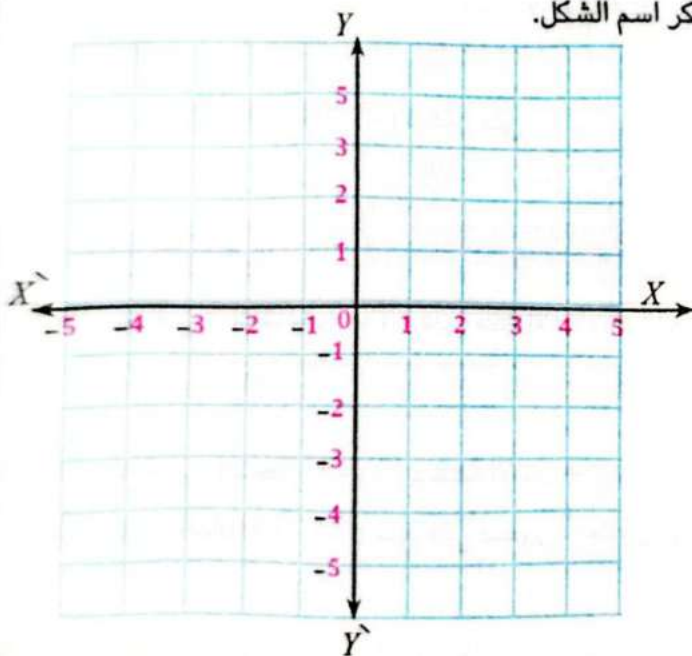


5 حدد النقاط :

المنهجية 2025

$D(5, -3)$ ، $C(-1, -3)$ ، $B(-1, 3)$ ، $A(5, 3)$

على المستوى الإحداثي، ثم صل النقاط بالترتيب واذكر اسم الشكل.



6 إذا كانت النسبة بين ما مع حسام إلى ما مع ريماس 5 : 3 وكان مع حسام 330 جنيهًا

فكم يكون مع ريماس؟

الغربية 2025

تطبيقات الهندسة والقياس



الوحدة الثانية عشرة : مساحة بعض المضلعات

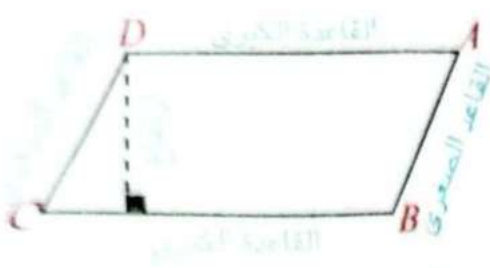
المفهوم الأول إيجاد مساحة متوازي الأضلاع والمثلث وشبه المنحرف

الدرس الأول : مساحة متوازي الأضلاع .

الدرس الثاني : مساحة المثلث قائم الزاوية .

الدرس الثالث : مساحة المثلث حاد الزوايا ومنفرج الزاوية .

الدرس الرابع : استكشاف مساحة شبه المنحرف .



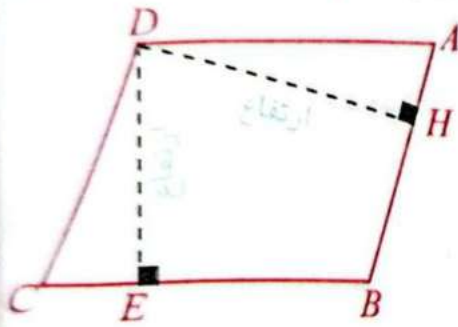
سبق أن تعلمت أن متوازي الأضلاع هو شكل رباعي فيه كل ضلعين متقابلين متوازيان و متساويان في الطول.
ففي الشكل المقابل :

$$BC = AD \quad , \quad AB = DC$$

نعلم أن متوازي الأضلاع يتكون من أربعة أضلاع؛ لذلك فإن كل ضلع من أضلاعه يعتبر قاعدة له.
ونلاحظ أن $\overline{AD}$ ، $\overline{CB}$ قاعدتان متساويتان في الطول و نطلق على أيًا منهما **القاعدة الكبرى** لأن طول أيًا منهما أكبر من طول $\overline{AB}$ أو $\overline{DC}$ وهما قاعدتان متساويتان في الطول و نطلق على أيًا منهما **القاعدة الصغرى** لأن طول أيًا منهما أصغر من طول القاعدة الكبرى.

ارتفاع متوازي الأضلاع

طول القطعة المستقيمة العمودية على أي ضلعين متقابلين لمتوازي الأضلاع هي **ارتفاع** له و يكون أي من هذين الضلعين هو القاعدة المناظرة له ففي الشكل المقابل :



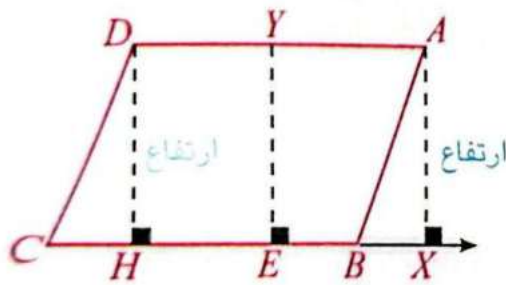
نلاحظ أن $\overline{DE}$ عمودية على الضلعين المتقابلين $\overline{AD}$ أو $\overline{CB}$ لذلك فإن $\overline{DE}$ هو الارتفاع المناظر للقاعدة $\overline{CB}$ و هو نفسه الارتفاع المناظر للقاعدة $\overline{AD}$ و بالمثل فإن $\overline{DH}$ هو الارتفاع المناظر للقاعدة $\overline{AB}$ و هو نفسه الارتفاع المناظر للقاعدة $\overline{DC}$ من ذلك نجد أن : متوازي الأضلاع له ارتفاعان أساسيان.

ملاحظات:

لاحظ أن : القاعدة الكبرى يناظرها الارتفاع الأصغر
والقاعدة الصغرى يناظرها الارتفاع الأكبر
من الشكل المقابل :

$$AX = YE = DH$$

و كل منها يعتبر ارتفاعًا لمتوازي الأضلاع ABCD



قاعدة : base

ارتفاع : height

$$\text{مساحة متوازي الأضلاع} = \text{طول القاعدة} \times \text{الارتفاع المناظر لها}$$

$$h \times b = A$$

أي أن:

مساحة متوازي الأضلاع = طول القاعدة الكبرى $\times$ الارتفاع الأصغر
أو مساحة متوازي الأضلاع = طول القاعدة الصغرى $\times$ الارتفاع الأكبر

ملاحظات:

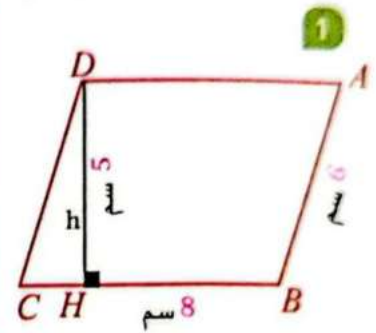
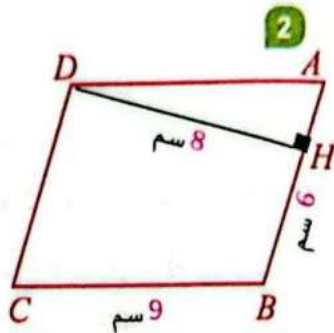
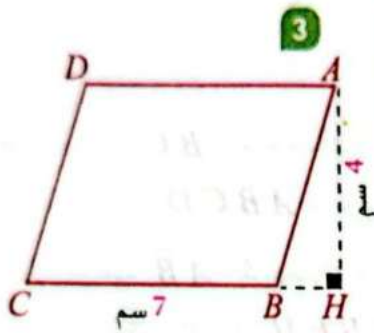
إذا عُلم مساحة متوازي الأضلاع فإنه يمكن إيجاد الارتفاع أو طول القاعدة كما يلي:



$$\frac{\text{مساحة متوازي الأضلاع}}{\text{الارتفاع المناظر لها}} = \text{طول القاعدة}$$

$$\frac{\text{مساحة متوازي الأضلاع}}{\text{طول القاعدة المناظرة له}} = \text{الارتفاع}$$

أوجد مساحة متوازي الأضلاع في كلٍّ مما يأتي:



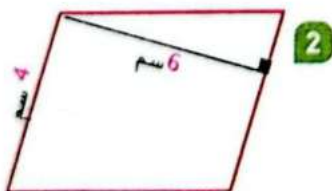
1 نلاحظ أن الارتفاع DH يناظر القاعدة $\overline{BC}$
مساحة متوازي الأضلاع تساوي $A = b \times h = BC \times DH = 8 \times 5 = 40$ سم²

2 نلاحظ أن الارتفاع DH يناظر القاعدة $\overline{AB}$
مساحة متوازي الأضلاع تساوي $A = b \times h = AB \times DH = 6 \times 8 = 48$ سم²

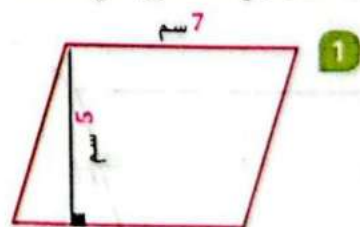
3 نلاحظ أن القاعدة $\overline{BC}$ والارتفاع المناظر (العمودي على $\overline{BC}$) هو AH
و هو عمودي على امتداد القاعدة من الخارج و ليس من الداخل
مساحة متوازي الأضلاع تساوي $A = b \times h = BC \times AH = 7 \times 4 = 28$ سم²

أجب بنفسك

أوجد مساحة متوازي الأضلاع في كلٍّ مما يأتي:



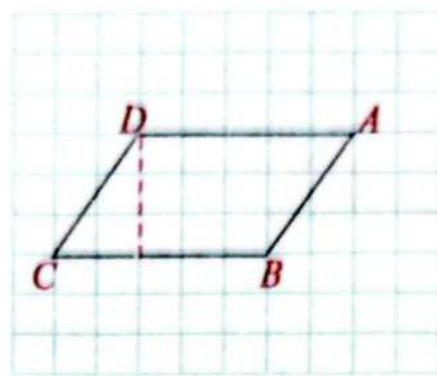
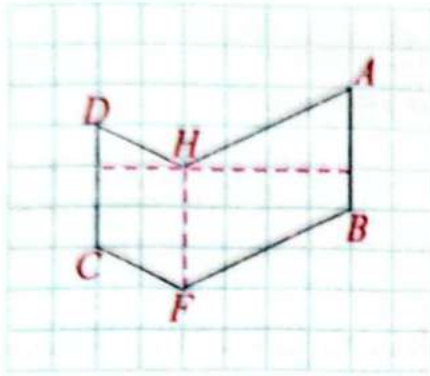
مساحة متوازي الأضلاع تساوي
 × = سم²



مساحة متوازي الأضلاع تساوي
 × = سم²

مثال 2

أوجد مساحة الشكل الموضح في كل مما يأتي :



1 طول القاعدة $\overline{BC} = 5$ وحدات و الارتفاع المناظر $= 3$ وحدات

مساحة الشكل $ABCD$ تساوي : 15 وحدة مربعة $= 5 \times 3$

2 طول القاعدة $\overline{AB} = 3$ وحدات و الارتفاع المناظر $= 4$ وحدات

مساحة متوازي الأضلاع $ABFH$ تساوي : 12 وحدات مربعة $= 3 \times 4$

طول القاعدة $\overline{DC} = 3$ وحدات و الارتفاع المناظر $= 2$ وحدة

مساحة متوازي الأضلاع $DCFH$ تساوي : 6 وحدات مربعة $= 3 \times 2$

مساحة الشكل $ABFCDH$ تساوي : 18 وحدة مربعة $= 12 + 6$

مثال 3

متوازي أضلاع مساحته 40 سم² و طول قاعدته 8 سم أوجد الارتفاع المناظر لهذه القاعدة



مساحة متوازي الأضلاع = طول القاعدة $\times$ الارتفاع المناظر لها

فإن الارتفاع = $\frac{\text{مساحة متوازي الأضلاع}}{\text{طول القاعدة}}$

يساوي 5 سم $= \frac{40}{8}$ أي أن الارتفاع يساوي 5 سم

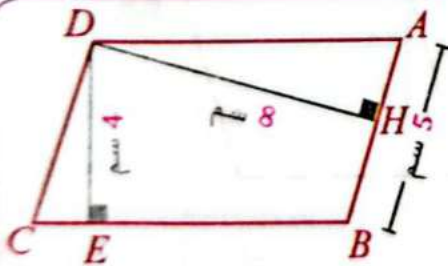
مثال 4

في الشكل المقابل :

$ABCD$ متوازي أضلاع فيه

$AB = 5$ سم ، $DE = 4$ سم ، $HD = 8$ سم

أوجد طول $\overline{CB}$



الحل

مساحة متوازي الأضلاع = طول القاعدة $\times$ الارتفاع المناظر لها يساوي $40 \text{ سم}^2 = 5 \times 8$
 طول القاعدة $\overline{CB} = \frac{\text{مساحة متوازي الأضلاع}}{\text{الارتفاع المناظر لها } DE}$ يساوي $10 \text{ سم} = \frac{40}{4}$ أي أن طول $\overline{CB} = 10 \text{ سم}$

مثال 5

إذا كان طولاً ضلعين متجاورين في متوازي الأضلاع 6 سم ، 8 سم و كان طول الارتفاع الأكبر 4 سم فأوجد طول الارتفاع الأصغر.

الحل

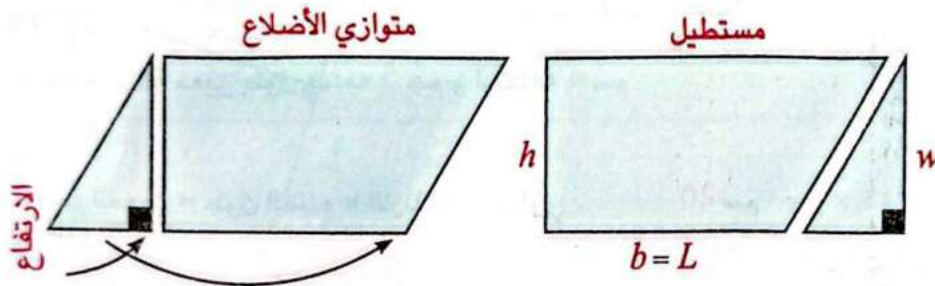
مساحة متوازي الأضلاع = طول القاعدة الصغرى $\times$ الارتفاع الأكبر يساوي $24 \text{ سم}^2 = 6 \times 4$

مساحة متوازي الأضلاع = طول القاعدة الكبرى $\times$ الارتفاع الأصغر

الارتفاع الأصغر = $\frac{\text{مساحة متوازي الأضلاع}}{\text{طول القاعدة الكبرى}}$ يساوي $3 \text{ سم} = \frac{24}{8}$



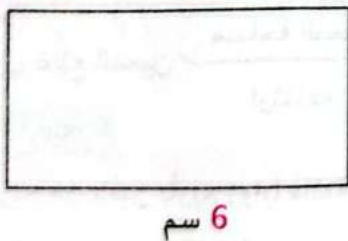
مساحة المستطيل



في متوازي الأضلاع إذا تم قطع مثلث قائم من أول الارتفاع المناظر للقاعدة الكبرى

ونقلناها إلى الجزء الأيمن من متوازي الأضلاع نجد أنه تكون مستطيل له نفس القاعدة ونفس الارتفاع ونلاحظ أن ارتفاع متوازي الأضلاع h هو عرض المستطيل w والقاعدة الكبرى b هي نفسها طول المستطيل L ومن ذلك نجد أن مساحة المستطيل هي نفسها مساحة متوازي الأضلاع ونكتب مساحة المستطيل $A = L \times w$ وتساوي مساحة متوازي الأضلاع $A = b \times h$

مثال 6



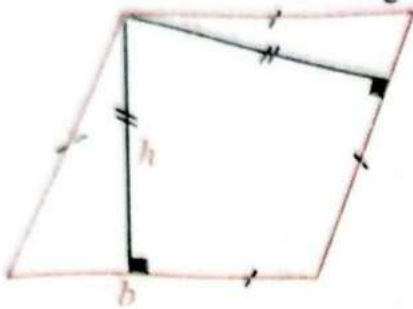
أوجد مساحة المستطيل المقابل :

الحل

مساحة المستطيل تساوي $18 \text{ سم}^2 = 6 \times 3 = A$

المعين

سبق أن تعلمنا أن المعين هو متوازي أضلاع أضلاعه الأربعة متساوية في الطول؛ لذلك فإنه عند إيجاد مساحة المعين فإننا نستخدم نفس القاعدة المستخدمة في إيجاد مساحة متوازي الأضلاع أي أن مساحة المعين = مساحة متوازي الأضلاع



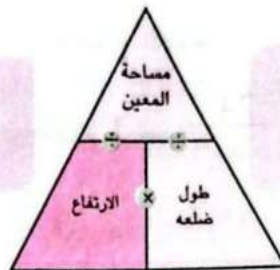
أي أن **مساحة المعين = طول القاعدة × الارتفاع المناظر لها**
و حيث إن الأضلاع الأربعة متساوية الطول في المعين
فإن **طول القاعدة = طول أي ضلع من الأضلاع**
كما أن الارتفاعات جميعها متساوية في المعين

$$\text{مساحة المعين} = \text{طول الضلع} \times \text{الارتفاع} \quad A = b \times h$$

و نستخدم هذه القاعدة إذا علم طول ضلع المعين و ارتفاعه

ملاحظات:

$$\frac{\text{مساحة المعين}}{\text{طول الضلع}} = \text{ارتفاع المعين}$$



$$\frac{\text{مساحة المعين}}{\text{الارتفاع}} = \text{طول ضلع المعين}$$

مثال 7

أوجد مساحة معين طول ضلعه 5 سم و ارتفاعه 4 سم

الحل

$$\text{مساحة المعين} = \text{طول الضلع} \times \text{الارتفاع} \quad \text{تساوي} \quad 20 \text{ سم}^2 = 5 \times 4$$

مثال 8

معين مساحته 30 سم² وطول ضلعه 6 سم أوجد ارتفاعه

الحل

$$\frac{\text{مساحة المعين}}{\text{طول ضلعه}} = \text{ارتفاع المعين} \quad \text{يساوي} \quad 5 \text{ سم} = \frac{30}{6}$$

مثال 9

إذا كانت مساحة معين 24 سم² و ارتفاعه 4 سم أوجد طول ضلعه

الحل

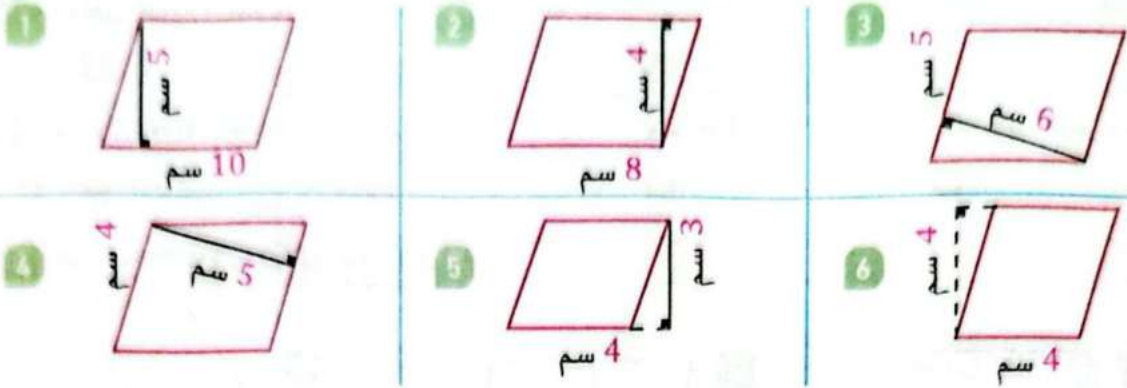
$$\frac{\text{مساحة المعين}}{\text{ارتفاعه}} = \text{طول ضلع المعين} \quad \text{يساوي} \quad 6 \text{ سم} = \frac{24}{4}$$

المربع

المربع هو معين بأربع زوايا قائمة ويمكن استخدام نفس القانون لمساحة المعين وهو القاعدة في الارتفاع أو طول الضلع في الارتفاع وحيث أن جميع الأضلاع متساوية وأن القاعدة تساوي الارتفاع فيمكن استخدام القانون $A = S \times S$ الذي فيه S هو طول الضلع بدلاً من القانون $A = b \times h$ لإيجاد مساحة المربع ولكن لا يمكن استخدامه لإيجاد مساحة المعين رغم تساوي أضلاع المعين؛ لأن ضلع المربع هو ارتفاع حيث إنه عمودي على القاعدة أما المعين فالأضلاع لا تمثل ارتفاعاً؛ لأنها ليست متعامدة (لا تصنع زوايا قائمة).

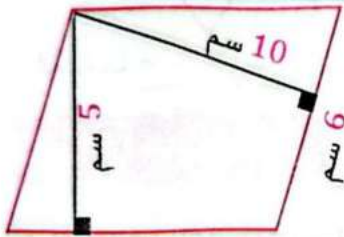
أولاً في الحصة

1 أوجد مساحة متوازي الأضلاع في كل مما يأتي :



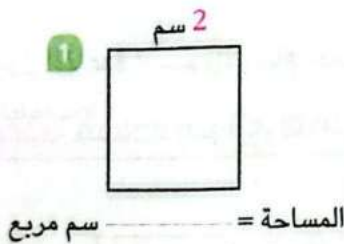
2 إذا كانت مساحة متوازي الأضلاع 35 سم² وارتفاعه 7 سم. فأوجد طول القاعدة المناظرة لهذا الارتفاع

الجيزة 2025



3 أوجد مساحة متوازي الأضلاع، ثم أوجد طول القاعدة الكبرى.

4 أوجد مساحة كل مربع فيما يأتي :



5 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 مساحة متوازي الأضلاع الذي طول قاعدته 4 سم وارتفاعه المناظر لها 3 سم هو

- 1 7 سم² 2 12 سم² 3 12 سم 4 24 سم²

2 متوازي أضلاع طول قاعدته 6 سم وارتفاعه المناظر لها 4 سم فإن مساحته =

- 1 24 سم 2 10 سم 3 48 سم² 4 24 سم²

3 متوازي أضلاع مساحته 45 سم² وطول أحد أضلعه 9 سم فإن ارتفاعه المناظر لهذا الضلع =

الغربية 2024

5 سم

54 سم²

4 سم

1 سم

الفاهرة 2024

سم² = A

6 مستطيل طوله 4 سم وعرضه 1 سم فإن مساحته

10

5

4

6

البحر الأحمر 2024

سم² = A

5 مستطيل بعده 3 سم ، 1 سم فإن مساحته

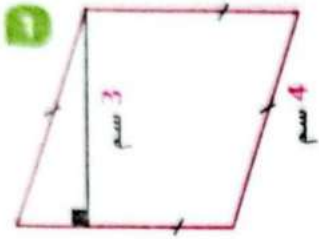
9

6

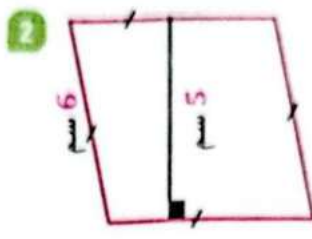
3

2

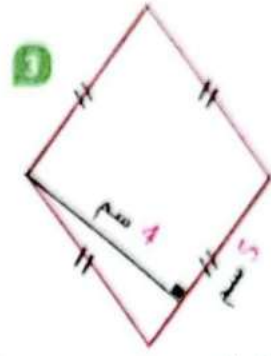
6 أوجد مساحة كل معين مما يأتي :



المساحة = 12 سم²



المساحة = 30 سم²



المساحة = 25 سم²

ثانياً واجب منزلي

1 أوجد مساحة متوازي الأضلاع إذا كان :

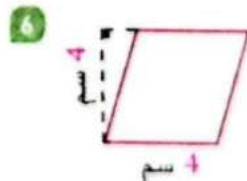
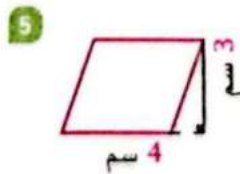
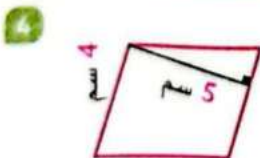
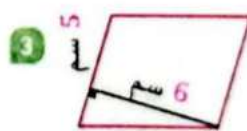
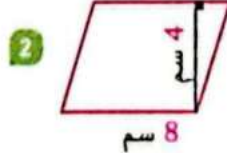
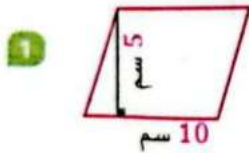
قنا 2024

1 طول القاعدة 6 سم والارتفاع المناظر لها 4 سم

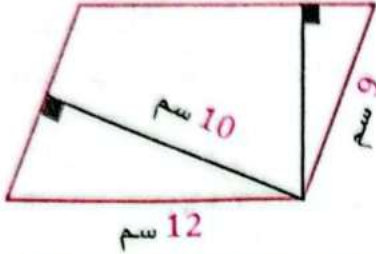
السويس 2024

2 طول القاعدة 7 سم والارتفاع المناظر لها 3 سم

2 احسب مساحة متوازي الأضلاع في كل مما يأتي:



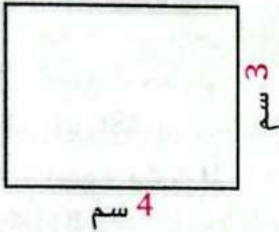
3 متوازي أضلاع مساحته 20 سم² وطول قاعدته 5 سم. أوجد ارتفاعه المناظر لهذه القاعدة. القليوبية 2024



4 أوجد مساحة متوازي الأضلاع، ثم أوجد طول الارتفاع الأصغر

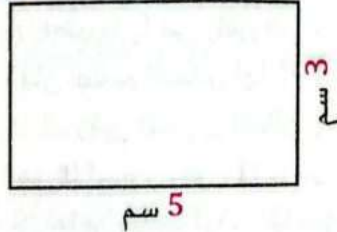
5 أوجد مساحة كل مستطيل فيما يلي :

1



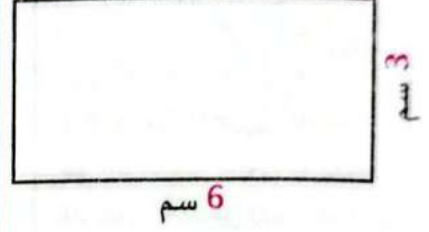
المساحة = سم مربع

2



المساحة = سم مربع

3



المساحة = سم مربع

6 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

أسيوط 2024

1 مربع طول ضلعه 4 سم فإن مساحته سم² = A

16 ج

12 ج

8 ب

4 ا

الإسماعيلية 2024

2 مربع طول ضلعه 3 سم فإن مساحته سم² = A

15 ج

6 ج

9 ب

3 ا

قنا 2024

3 معين طول ضلعه 4 سم وارتفاعه 3 سم فإن مساحته سم² = A

12 ج

9 ج

16 ب

7 ا

القاهرة 2024

4 معين طول ضلعه 5 سم وارتفاعه 3 سم فإن مساحته سم² = A

2 ج

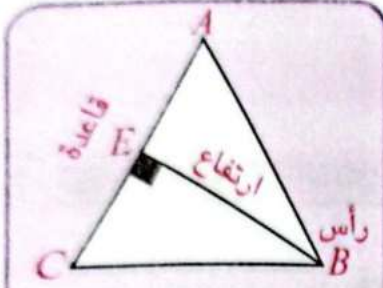
16 ج

15 ب

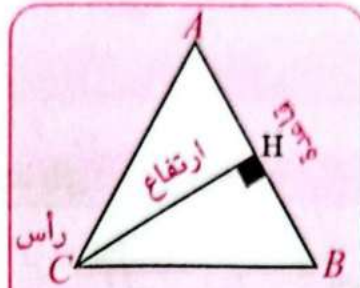
8 ا

نعلم أن للمثلث ثلاثة أضلاع و ثلاث زوايا و كل زاوية من زوايا المثلث يمكن اعتبارها رأس للمثلث و يكون الضلع المقابل لهذه الرأس قاعدة للمثلث، وعلى ذلك يكون للمثلث ثلاث رؤوس و ثلاث قواعد، ومن كل رأس من رؤوس المثلث يمكن رسم قطعة مستقيمة من رأس المثلث عمودية على القاعدة المقابلة لهذه الرأس، ويكون طولها هو ارتفاع المثلث

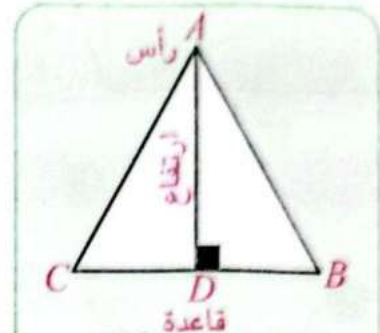
فمثلاً في المثلث الحاد الزوايا نجد أن:



إذا اعتبرنا B هي رأس المثلث فإن الضلع المقابل لها $\overline{AC}$ (الحرفين الآخرين للمثلث) هو القاعدة ويكون BE هو الارتفاع المناظر لهذه القاعدة



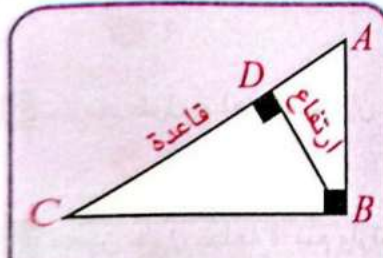
إذا اعتبرنا C هي رأس المثلث فإن الضلع المقابل لها $\overline{AB}$ (الحرفين الآخرين للمثلث) هو القاعدة ويكون CH هو الارتفاع المناظر لهذه القاعدة



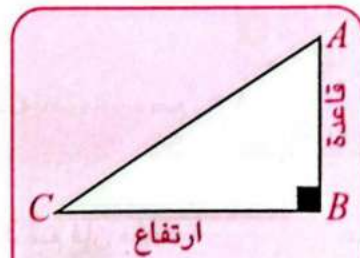
إذا اعتبرنا A هي رأس المثلث فإن الضلع المقابل لها $\overline{BC}$ (الحرفين الآخرين للمثلث) هو القاعدة ويكون AD هو الارتفاع المناظر لهذه القاعدة

أي أن كل رأس من رؤوس المثلث يقابلها قاعدة ويكون الارتفاع هو طول القطعة المستقيمة المرسومة من هذه الرأس عمودية على القاعدة المقابلة لهذه الرأس.

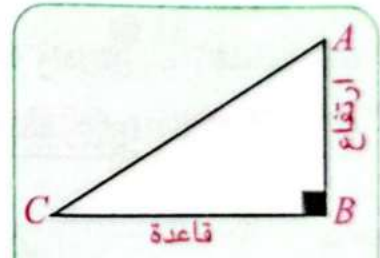
و في المثلث قائم الزاوية نجد أن :



يمكن اعتبار $\overline{AC}$ قاعدة و يكون BD الارتفاع المناظر لها



يمكن اعتبار ضلع القائمة $\overline{AB}$ قاعدة و طول الضلع الآخر للقائمة BC الارتفاع المناظر لها

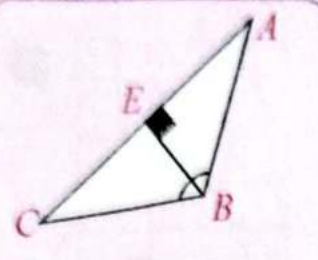


يمكن اعتبار ضلع القائمة $\overline{BC}$ قاعدة و طول الضلع الآخر للقائمة AB الارتفاع المناظر لها

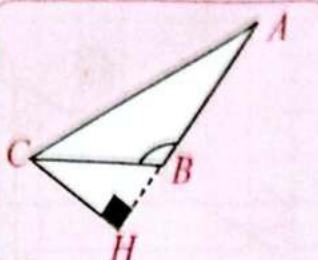
ملاحظات:

في المثلث قائم الزاوية إذا كان أحد ضلعي الزاوية القائمة هو القاعدة فإن الضلع الآخر للزاوية القائمة يمثل الارتفاع

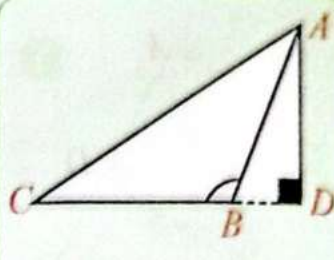
في المثلث منفرج الزاوية نجد أن :



إذا اعتبرنا B هي رأس المثلث
فإن الضلع المقابل لها $\overline{AC}$
(الحرفين الآخرين للمثلث)
هو القاعدة ويكون EB هو
الارتفاع المناظر لها حيث أن
الزاوية المنفرجة نرسم منها
القطعة المستقيمة التي
تمثل الارتفاع داخل المثلث



إذا اعتبرنا C هي رأس المثلث
فإن الضلع المقابل لها $\overline{AB}$
(الحرفين الآخرين للمثلث)
هو القاعدة و حيث أن القاعدة
هي ضلع من ضلعي الزاوية
المنفرجة فإن HC تكون
عمودية على امتداد القاعدة و
يكون HC هو الارتفاع المناظر
لها



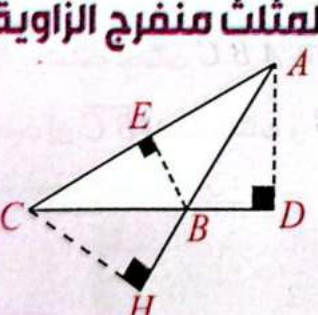
إذا اعتبرنا A هي رأس المثلث
فإن الضلع المقابل لها $\overline{CB}$
(الحرفين الآخرين للمثلث)
هو القاعدة و حيث أن القاعدة
هي ضلع من ضلعي الزاوية
المنفرجة فإن AD تكون
عمودية على امتداد القاعدة
و يكون AD هو الارتفاع
المناظر لها

ملاحظات:

في المثلث منفرج الزاوية إذا كان أحد ضلعي الزاوية المنفرجة هو القاعدة فإن القطعة المستقيمة التي
تمثل الارتفاع تكون خارج المثلث و ترسم على امتداد الضلع الآخر للزاوية المنفرجة.

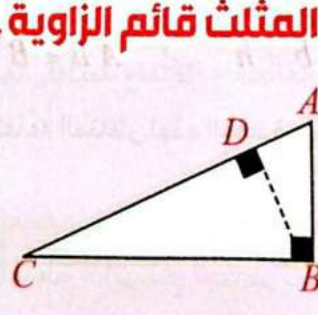
يمكن تلخيص ما سبق فيما يلي

المثلث منفرج الزاوية



الارتفاع المناظر لها	القاعدة
AD	$\overline{CB}$
CH	$\overline{AB}$
BE	$\overline{CA}$

المثلث قائم الزاوية



الارتفاع المناظر لها	القاعدة
CB	$\overline{AB}$
AB	$\overline{CB}$
BD	$\overline{CA}$

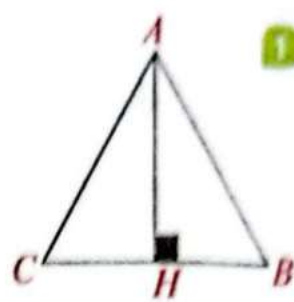
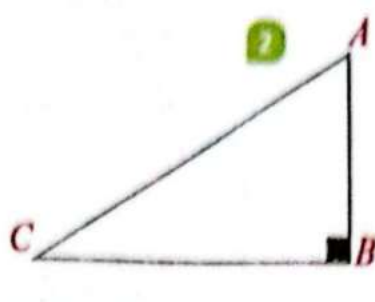
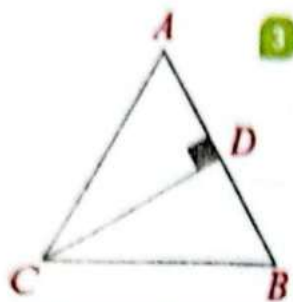
المثلث حاد الزوايا



الارتفاع المناظر لها	القاعدة
AD	$\overline{CB}$
CH	$\overline{AB}$
BE	$\overline{AC}$

12.6

اكتب في كل شكل مما يأتي ما يُعبّر عن قاعدة المثلث وارتفاع المناظر لهذه القاعدة :



1 القاعدة هي $\overline{CB}$ ، الارتفاع هو AB
أو القاعدة هي $\overline{AB}$ ، الارتفاع هو CB

2 القاعدة هي $\overline{CB}$ ، الارتفاع هو AH

3 القاعدة هي $\overline{AB}$ ، الارتفاع هو CD

مساحة المثلث

في الشكل المقابل :

$ABCD$ مستطيل فيه

$AB = 2$ سم ، $CB = 4$ سم

مساحة المستطيل $ABCD = AB \times BC$ تساوي 8 سم 2×4

و إذا قسمنا المستطيل إلى مثلثين متطابقين و هما المثلث ABC و المثلث ADC

فإن مساحة المثلث $ABC = \frac{1}{2}$ مساحة المستطيل $ABCD = 4$ سم 2

أي أن مساحة المثلث $ABC = \frac{1}{2} \times AB \times BC$ أي $A = \frac{1}{2} \times b \times h$

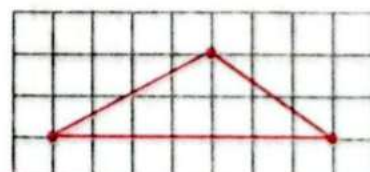
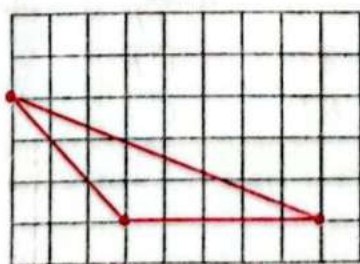
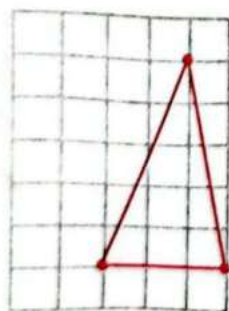
و حيث إن $\overline{BC}$ قاعدة المثلث و AB ارتفاعه المناظر لهذه القاعدة
فإننا نستنتج من ذلك أن :

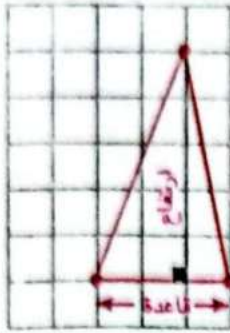
$$A = \frac{1}{2} \times b \times h$$

$$\text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2} \times \text{طول القاعدة} \times \text{ارتفاع المناظر لها}$$

مثال 2

ارسم ارتفاع واحد فقط لكل مثلث مما يأتي واحسب مساحة كل مثلث :

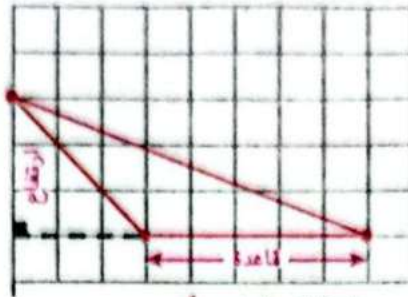




مساحة المثلث A

$$A = \frac{1}{2} b \times h = \frac{1}{2} \times 3 \times 5$$

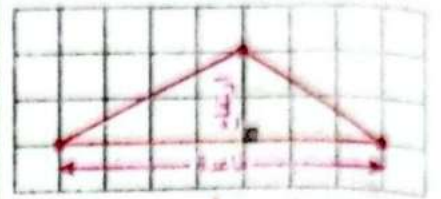
7.5 وحدة مربعة =



مساحة المثلث A

$$A = \frac{1}{2} b \times h = \frac{1}{2} \times 5 \times 3$$

7.5 وحدة مربعة =



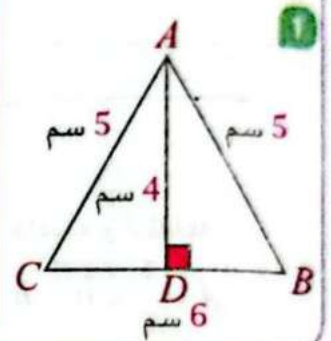
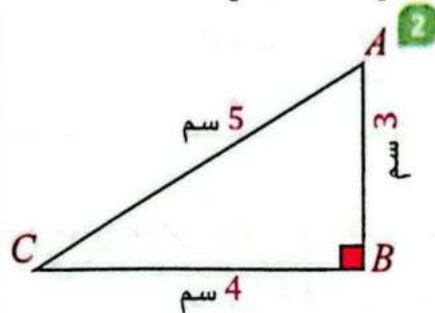
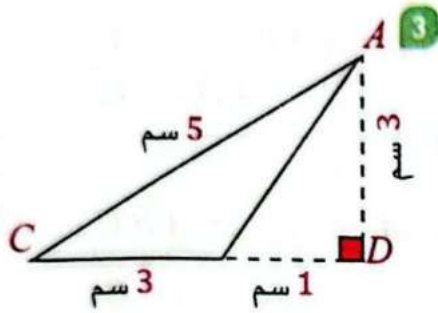
مساحة المثلث A

$$A = \frac{1}{2} b \times h = \frac{1}{2} \times 7 \times 2$$

7 وحدات مربعة =

مثال 3

احسب مساحة المثلث ABC في كل مما يأتي :



الحل

1 المثلث له ثلاث أضلاع معلوم أطوالهم جميعًا و لكن يوجد ارتفاع واحد معلوم

وهو $AD = 4$ سم و القاعدة المناظرة له هي CB

مساحة المثلث $ABC = \frac{1}{2} \times \text{طول القاعدة} \times \text{الارتفاع المناظر لها}$

$$A = \frac{1}{2} \times b \times h = \frac{1}{2} \times 6 \times 4 = 12 \text{ سم}^2$$

2 المثلث ABC قائم الزاوية و معلوم جميع أضلاعه لذلك فإن أحد ضلعي القائمة يكون القاعدة

وهو $BC = 4$ سم و الارتفاع $AB = 3$ سم

$$\frac{1}{2} \times 4 \times 3 = 6 \text{ سم}^2 \quad \text{تساوي} \quad \frac{1}{2} \times BC \times AB = ABC \text{ مساحة المثلث}$$

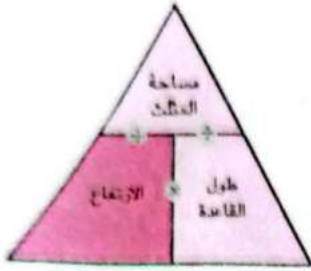
3 المثلث ABC منفرج الزاوية و معلوم قاعدته BC و رأس المثلث A (المقابلة للقاعدة)

و مرسوم من A عمود على امتداد BC وهو AD أي أن الارتفاع $AD = 3$ سم

$$\frac{1}{2} \times 3 \times 3 = 4.5 \text{ سم}^2 \quad \text{تساوي} \quad \frac{1}{2} \times BC \times AD = ABC \text{ مساحة المثلث}$$

ملاحظات:

إذا عُلم مساحة المثلث فإنه يمكن إيجاد الارتفاع أو طول القاعدة كما يلي:



$$\frac{(A) \times \text{مساحة المثلث}}{(h) \text{ الارتفاع}} = \text{طول القاعدة } (b)$$

$$\frac{(A) \times \text{مساحة المثلث}}{(b) \text{ طول القاعدة}} = \text{الارتفاع } (h)$$

مثال 4

في الشكل المقابل :

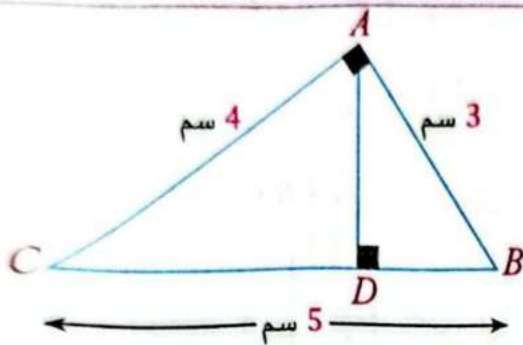
مثلث ABC فيه

$AB = 3$ سم ، $CA = 4$ سم ،

$BC = 5$ سم

أوجد : 1 مساحة $\triangle ABC$

2 طول $\overline{AD}$



الحل

1 المثلث ABC قائم الزاوية في A و معلوم طولي ضلعي القائمة أي معلوم طول قاعدته و ارتفاعه

$$A = \frac{1}{2} \times b \times h = \frac{1}{2} \times 3 \times 4 = 6 \text{ سم}^2$$

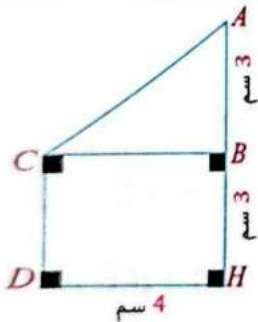
مساحة $\triangle ABC$ تساوي

$$2 \text{ طول } \overline{AD} \text{ هو ارتفاع المثلث المناظر للقاعدة } \overline{BC} \quad \frac{1}{2} \times 5 \times AD = 6$$

$$AD = \frac{2 \times 6}{5} = \frac{12}{5} = 2.4 \text{ سم} \quad \text{ارتفاع المثلث } AD = 2.4 \text{ سم}$$

مثال 5

احسب مساحة الشكل المقابل :



الحل

الشكل يتكون من مثلث ABC ، مستطيل $BCDH$

$$\frac{1}{2} \times 4 \times 3 = 6 \text{ سم}^2 \quad \text{مساحة المثلث } ABC = \frac{1}{2} \times AB \times CB \text{ تساوي}$$

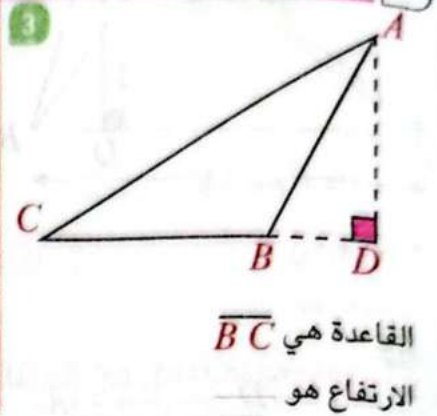
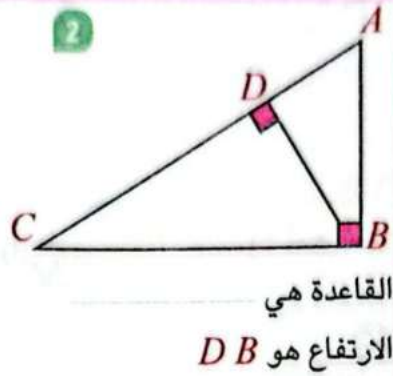
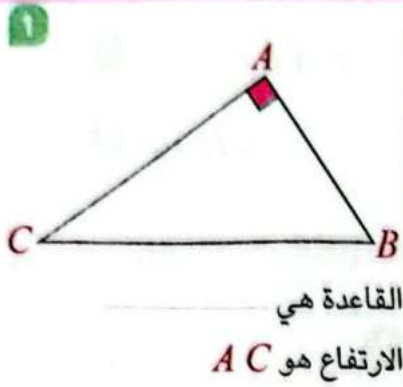
$$4 \times 3 = 12 \text{ سم}^2 \quad \text{مساحة المستطيل } BCDH = HB \times CB \text{ تساوي}$$

$$\text{مساحة الشكل} = \text{مساحة المثلث } ABC + \text{مساحة المستطيل } BCDH$$

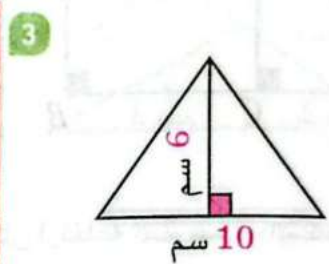
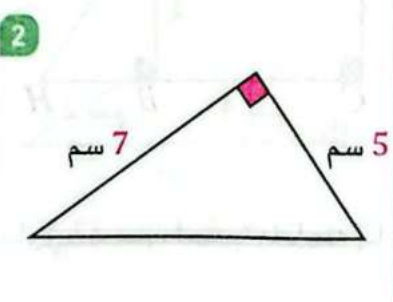
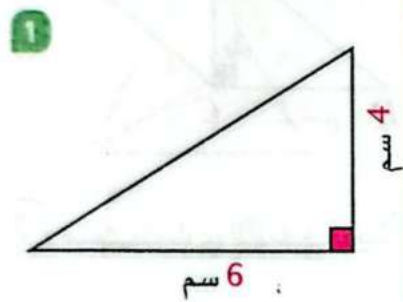
$$6 + 12 = 18 \text{ سم}^2 \quad \text{إذن: مساحة الشكل تساوي } 18 \text{ سم}^2$$

أولاً في الحصة

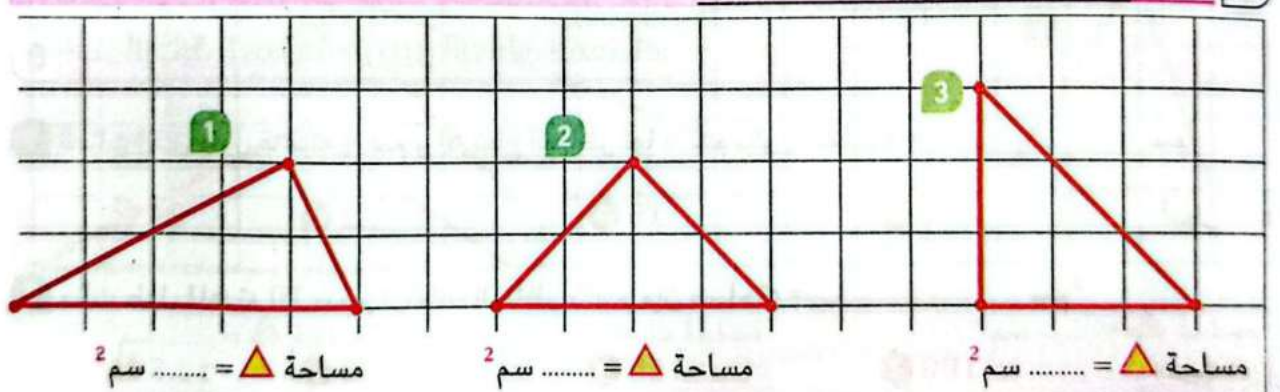
1 أكمل ما يأتي:



2 احسب مساحة كل من المثلثات التالية:



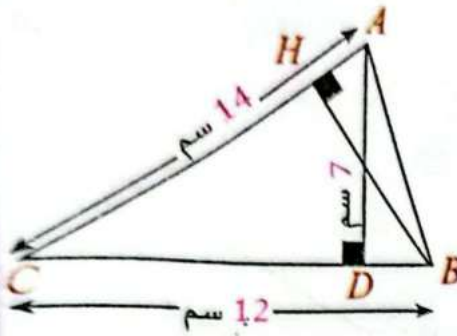
3 احسب مساحة كل من المثلثات التالية:



4 أوجد مساحة كل مما يأتي:

- 1 مثلث طول قاعدته 8 سم وارتفاعه 6 سم
مساحة المثلث = $\frac{1}{2} \times 8 \times 6 = 24$ سم²
- 2 مثلث طول قاعدته 4.2 سم وارتفاعه 3.5 سم
مساحة المثلث = $\frac{1}{2} \times 4.2 \times 3.5 = 7.35$ سم²

5 في الشكل المقابل :



ABC مثلث فيه $BC = 12$ سم

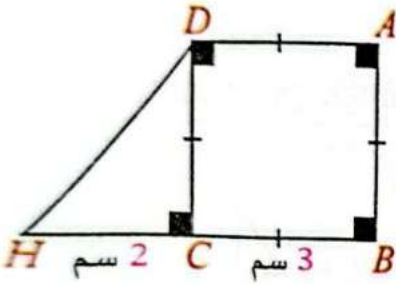
$AD = 14$ سم ، $AC = 14$ سم

أوجد : 1 مساحة $\triangle ABC$

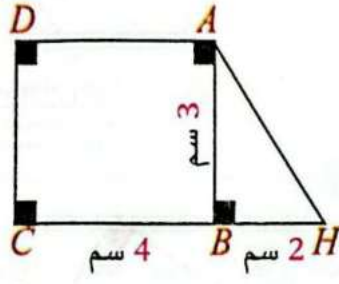
2 طول BH

6 احسب مساحة كل شكل مما يأتي:

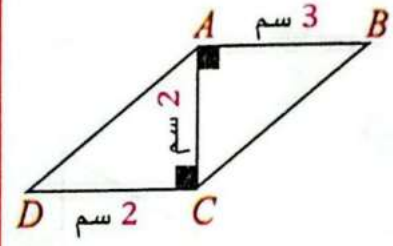
1



2



3



7 مثلث متساوي الأضلاع محيطه يساوي 27 سم . احسب مساحته إذا كان ارتفاعه 7.8 سم الإسكندرية 2025

8 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

1 المثلث الذي طول قاعدته 4 سم و الارتفاع المناظر لها 6 سم تكون مساحته = _____ سم²

أسوان 2025 24 1 12 2 16 3 36 4

2 مثلث طول قاعدته 10 سم و ارتفاعه المناظر 5 سم فإن مساحته = _____ سم²

الغربية 2025 12.5 1 25 2 50 3 100 4

3 مثلث متساوي الأضلاع طول ضلعه 5 سم ، وارتفاعه 4.3 سم فإن مساحته = _____ سم²

دمياط 2025 10 1 21.5 2 10.75 3 20 4

4 أي مما يأتي يُعبّر عن مساحة سطح مثلث ؟

البحيرة 2025 3 سم 1 4 سم² 2 9 سم³ 3 30 سم 4

ثانياً واجب منزلي

1 أكمل ما يأتي:

1

القاعدة هي
الارتفاع هو

2

القاعدة $\overline{CB}$ هي
الارتفاع هو

3

القاعدة هي
الارتفاع هو

2 احسب مساحة كل من المثلثات التالية:

1

مساحة $\triangle$ = سم²

2

مساحة $\triangle$ = سم²

3

مساحة $\triangle$ = سم²

3 احسب مساحة كل من المثلثات التالية:

1

مساحة $\triangle$ = سم²

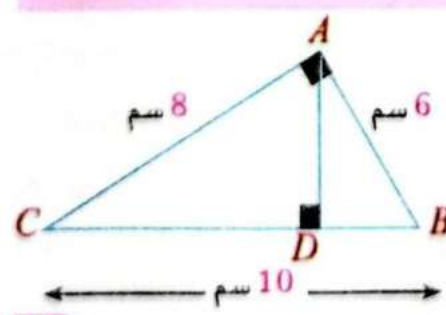
2

مساحة $\triangle$ = سم²

3

مساحة $\triangle$ = سم²

4 في الشكل المقابل :



- ABC مثلث قائم الزاوية في A ، $AB = 6$ سم ، $AC = 8$ سم ، $BC = 10$ سم
- 1 أوجد : مساحة $\triangle ABC$
- 2 طول $\overline{AD}$

5 إذا كان مثلث و مربع متساويان في المساحة و كان طول ضلع المربع 4 سم و إذا كان ارتفاع المثلث

الدقة هنية 2025

يساوي 8 سم ، فأحسب طول قاعدته

6 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

1 مثلث طول قاعدته 6 سم و ارتفاعه المناظر 6 سم فإن مساحته =

سم²

1.8

36

18

9

2 مثلث مساحته 20 سم² و طول قاعدته 4 سم يكون ارتفاعها المناظر =

سم أسويط 2025

10

5

8

20

3 طول قاعدة المثلث الذي مساحته 24 سم² ، والارتفاع المناظر لها 6 سم هو

سم

مرسى مطروح 2025

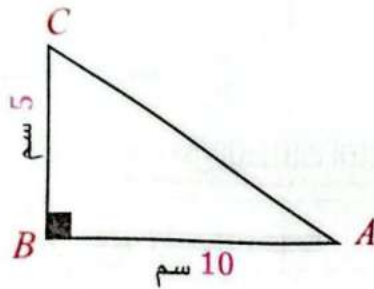
24

12

8

4

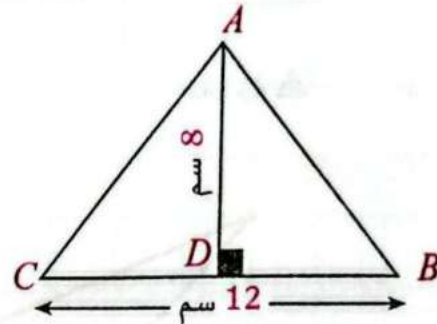
7 احسب مساحة المثلث في كل مما يأتي:



2

$$\frac{1}{2} \times \quad \times \quad = \text{مساحة } \triangle ABC$$

$$\frac{1}{2} \times \quad \times \quad = \text{سم}^2 \text{ تساوي}$$



1

$$\frac{1}{2} \times \quad \times AD = \text{مساحة } \triangle ABC$$

$$\frac{1}{2} \times \quad \times \quad = \text{سم}^2 \text{ تساوي}$$

اختبار تراكمي (22) حتى الدرس (3) الوحدة (12)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

بورسعيد 2025

1 لإيجاد مساحة المثلث نضرب طول القاعدة في الارتفاع، ثم نقسم على

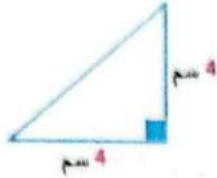
5 أ

4 ب

3 ج

2 د

المنوفية 2025

سم²

2 مساحة المثلث المقابل =

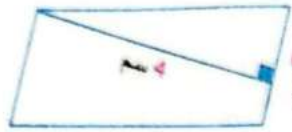
16 أ

32 ب

4 ج

8 د

قنا 2025



10 أ

7.5 ب

12 ج

15 د

سم²

3 مساحة متوازي الأضلاع المقابل =

قنا 2025

5 أ

15 ب

23 ج

30 د

الغربية 2025

5 معين مساحته 70 سم²، وارتفاعه 7 سم، فإن طول ضلعه =

63 سم أ

10 سم ب

10 سم² ج

77 سم د

6 مساحة مربع طول ضلعه 6 سم () مساحة مستطيل طوله 7 سم، وعرضه 5 سم

قنا 2025

= أ

> ب

< ج

القاهرة 2025

7 حصل محمد على 15 درجة من 20 درجة، فإن النسبة المئوية لدرجة محمد =

50 % أ

75 % ب

25 % ج

10 % د

الدقهلية 2025

8 إذا كان 10 % من عدد ما يساوي 30، فإن هذا العدد هو

3,000 أ

300 ب

30 ج

3 د

الغربية 2025

9 الكسر العشري 0.07 يكافئ النسبة المئوية

700 % أ

77 % ب

70 % ج

7 % د

2 أعمل ما يأتي:

القليوبية 2025

1 (في صورة كسر عشري) $40\% + 30\% =$

القاهرة 2025

2 (في صورة كسر اعتيادي) $1 - 25\% =$

القليوبية 2025

3 35 تمثل % من 50

الشرقية 2025

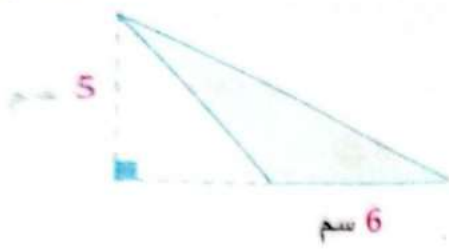
4 النسبة المئوية هي نسبة حدها الثاني

الشرقية 2025

5 المسافة بين النقطة (4، -) ونقطة الأصل = وحدات

عدد ارتفاعات المثلث القائم الزاوية =

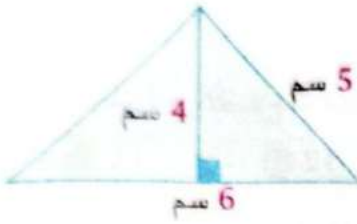
أسويط 2025



مساحة المثلث المقابل =

سم²

3 احسب مساحة المثلث المقابل:



مساحة المثلث =

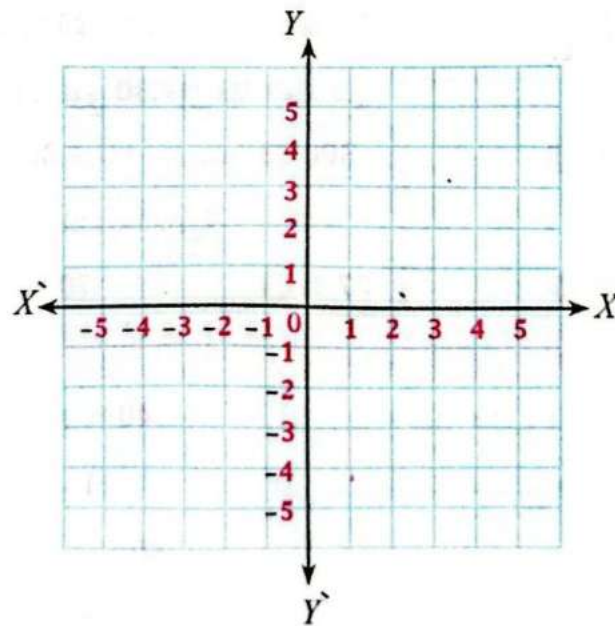
سم²

4 سجادة على شكل متوازي أضلاع طول قاعدتها 20 م، وارتفاعها المناظر 8 م، أوجد مساحتها. أسويط 2025

5 مثل النقاط $C(4, -1)$, $B(4, 2)$, $A(1, 2)$

الشرقية 2025

على المستوى الإحداثي، ثم حدّد النقطة الرابعة الإضافية التي يمكن بها تكوين مربع





شبه المنحرف

هو شكل رباعي فيه ضلعان فقط متوازيان

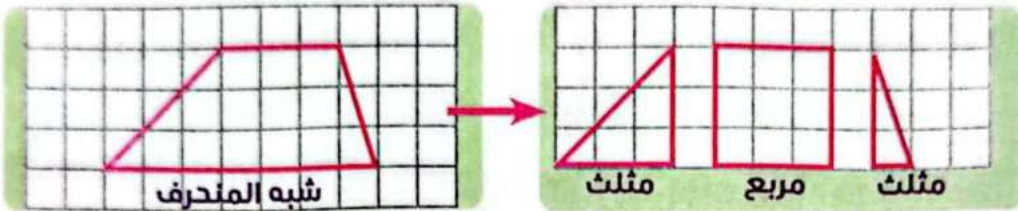
ويمكن حساب مساحة شبه المنحرف بطريقتين:

1 طريقة التحليل

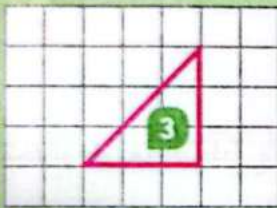
2 طريقة التكوين

أولاً: طريقة التحليل

وفيها نقسم شبه المنحرف إلى أشكال هندسية يمكن إيجاد مساحتها مثل: المستطيل والمربع والمثلث
فمثلاً لحساب مساحة شبه المنحرف التالي



فإننا نقسمه لعدة أشكال كما بالشكل ويتكون من مثلثين ومربع ونحسب مساحة كل شكل ثم نجمع مساحات هذه الأشكال كما يلي :



مساحة المثلث

$$A = \frac{1}{2} \times b \times h$$

$$= \frac{1}{2} \times 3 \times 3$$

$$= \frac{9}{2} = 4.5 \text{ وحدات مربعة}$$

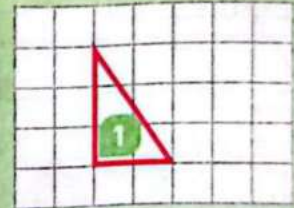


مساحة المربع

$$A = S \times S$$

$$= 3 \times 3$$

$$= 9 \text{ وحدات مربعة}$$



مساحة المثلث

$$A = \frac{1}{2} \times b \times h$$

$$= \frac{1}{2} \times 2 \times 3$$

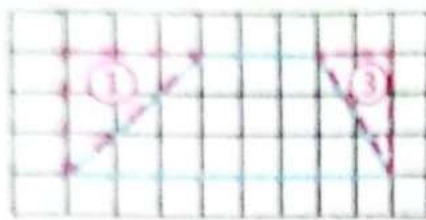
$$= \frac{6}{2} = 3 \text{ وحدات مربعة}$$

مساحة سطح شبه المنحرف = مجموع مساحات الأشكال الثلاثة

$$= \text{مساحة المثلث 1} + \text{مساحة المربع 2} + \text{مساحة المثلث 3}$$

$$= 3 + 9 + 4.5 = 16.5 \text{ وحدة مربعة}$$

ثانيًا: طريقة التكوين



وفيها نكمل شبه المنحرف لتكوّن شكل جديد مثل: المستطيل، أو متوازي الأضلاع

فمثلًا لحساب مساحة نفس شبه المنحرف السابق

فإننا نكمل الشكل إلى مستطيل، ثم نطرح منه

مساحة المثلثين الذين تم إكمال شبه المنحرف بهما

$$A = L \times W = 8 \times 3 = 24$$

مساحة المستطيل = الطول $\times$ العرض تساوي

$$A = \frac{1}{2} \times b \times h = \frac{1}{2} \times 3 \times 3 = 4.5$$

مساحة المثلث (1) تساوي

$$A = \frac{1}{2} \times b \times h = \frac{1}{2} \times 2 \times 3 = 3$$

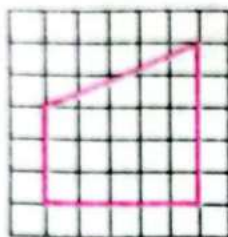
مساحة المثلث (3) تساوي

مساحة شبه المنحرف = مساحة المستطيل (الشكل كله) - مساحة المثلث (1) - مساحة المثلث (3)

$$16.5 \text{ تساوي } 24 - 4.5 - 3 = 16.5 \text{ وحدة مربعة}$$

مثال

أوجد مساحة سطح شبه المنحرف المقابل:



الحل

نحل باستخدام طريقة التحليل وهي الطريقة الأسهل

نقسم شبه المنحرف إلى شكلين وهما، مستطيل (1)، ومثلث (2)

$$A = L \times W = 5 \times 3 = 15$$

مساحة المستطيل (1) تساوي

$$A = \frac{1}{2} \times b \times h = \frac{1}{2} \times 5 \times 2 = 5$$

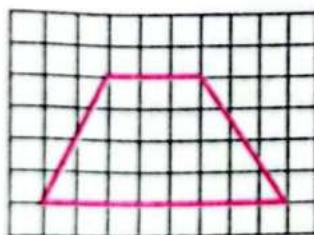
مساحة المثلث (2) تساوي

مساحة شبه المنحرف = مساحة المستطيل (1) + مساحة المثلث (2)

$$20 \text{ تساوي } 15 + 5 = 20 \text{ وحدة مربعة}$$

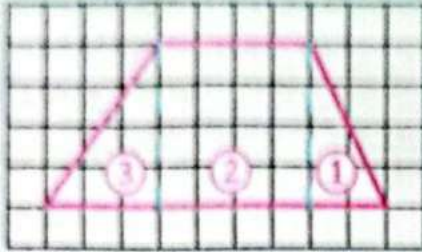
أجب بنفسك

أوجد مساحة سطح شبه المنحرف المقابل:



أولاً في الحصة

1 اكتب مساحة شبه المنحرف في كل مما يأتي:

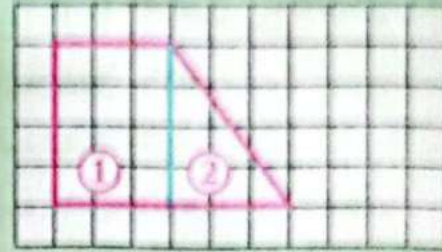


مساحة الشكل (1) =

مساحة الشكل (2) =

مساحة الشكل (3) =

مساحة شبه المنحرف =

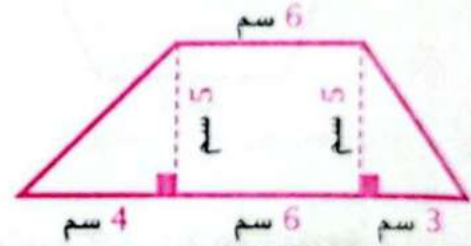
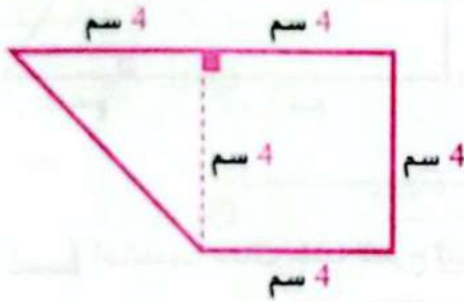


مساحة الشكل (1) =

مساحة الشكل (2) =

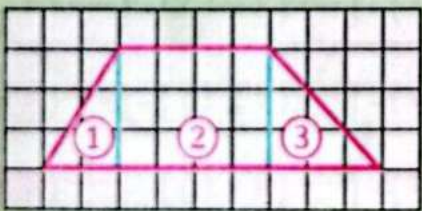
مساحة شبه المنحرف =

2 اكتب مساحة شبه المنحرف في كل مما يأتي:



ثانياً واجب منزلي

1 اكتب مساحة شبه المنحرف في كل مما يأتي:

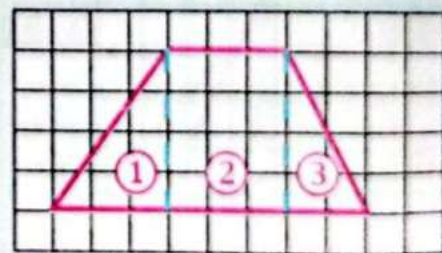


مساحة الشكل (1) =

مساحة الشكل (2) =

مساحة الشكل (3) =

مساحة شبه المنحرف =

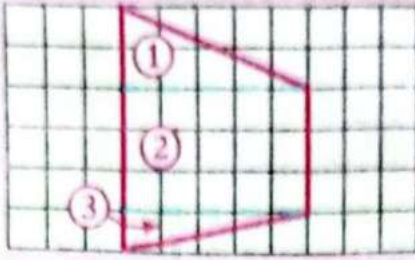


مساحة الشكل (1) =

مساحة الشكل (2) =

مساحة الشكل (3) =

مساحة شبه المنحرف =

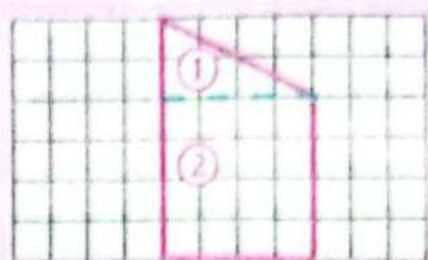


مساحة الشكل (1) =

مساحة الشكل (2) =

مساحة الشكل (3) =

مساحة شبه المنحرف =

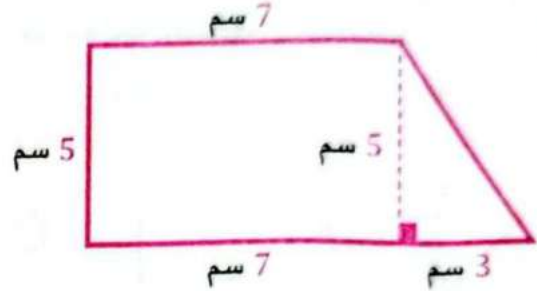
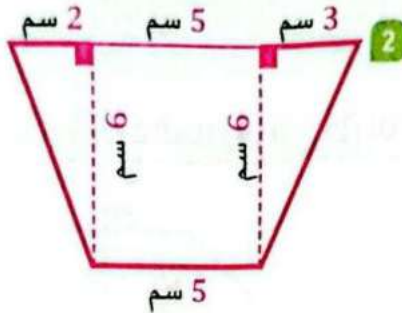


مساحة الشكل (1) =

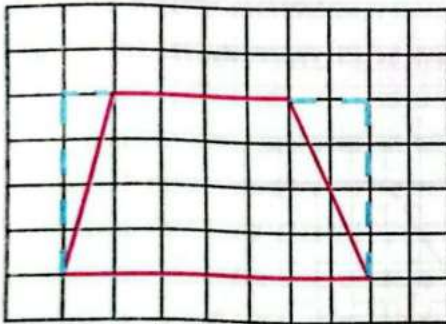
مساحة الشكل (2) =

مساحة شبه المنحرف =

2 احسب مساحة شبه المنحرف في كل مما يأتي:



3 استخدمت عفاف عملية الطرح لإيجاد مساحة شبه المنحرف التالي بطريقة صحيحة. ما التعبير العددي الذي سيمثل ما فعلته؟



1 $(7 \times 4) - (4 \times 1) - (4 \times 2)$

2 $(7 + 4) - [\frac{1}{2} (4 \times 1)] - [\frac{1}{2} (4 \times 2)]$

3 $(7 \times 4) - [\frac{1}{2} (4 \times 1)] - [\frac{1}{2} (4 \times 2)]$

4 $(4 \times 4) - [\frac{1}{2} (4 \times 1)] - [\frac{1}{2} (4 \times 2)]$

اختبار (23) على المفهوم الأول الوحدة (12)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

السويس 2025

وحدات

المسافة بين النقطتين $(2, 4)$ ، $(-1, 4)$ هي

1 أ

3 ب

0 ج

4 د

المنوفية 2025

الزوج المرتب $(-5, 2)$ يقع في الربع

الرابع أ

الثالث ب

الثاني ج

الأول د

البحر الأحمر 2025

صورة النقطة $(5, -1)$ بالانعكاس في محور X هي $(-5, 1)$ أ $(1, 5)$ ب $(5, -1)$ ج $(-1, -5)$ د

إذا كانت المسافة بين منزل حسن ومنزل جدته 800 متر وقطع حسن 60% من هذه المسافة

شمال سيناء 2025

فإن عدد الأمطار التي قطعها هي

480 أ

460 ب

360 ج

120 د

5 إذا كان عدد تلاميذ فصل ما 60 تلميذ غاب منهم اليوم $\frac{1}{4}$ عدد التلاميذ فإن عدد الذين حضروا اليوم تلميذًا

شمال سيناء 2025

10 أ

45 ب

30 ج

15 د

دمياط 2025

6 أي مما يأتي يُعبّر عن معامل تحويل ؟

1,000 سم = 1 متر أ

1 كجم = 1,000 جم ب

300 م = 3 كم ج

4 سم = 3 سم د

القليوبية 2025

7 مربع طول ضلعه 4 سم فإن مساحته تساوي سم²

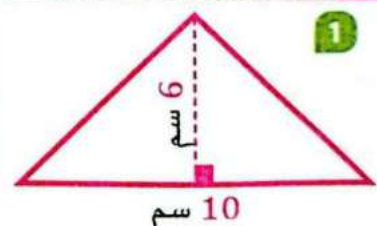
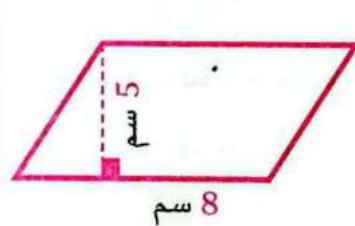
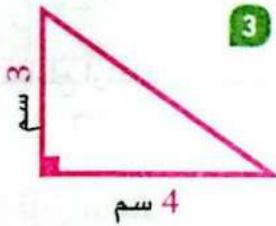
44 أ

16 ب

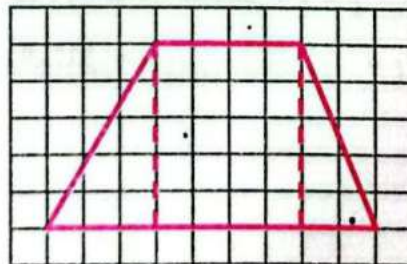
8 ج

4 د

2 احسب مساحة كل من الأشكال التالية:

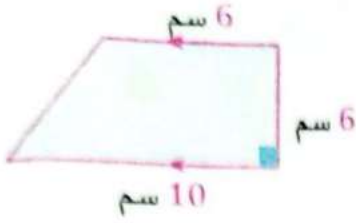


3 أوجد مساحة شبه المنحرف المقابل:



تقييم (5) عام على الوحدة الثانية عشرة

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:



1 مساحة شبه المنحرف المقابل تساوي سم²

(40 أو 50 أو 48 أو 110) القاهرة 2025

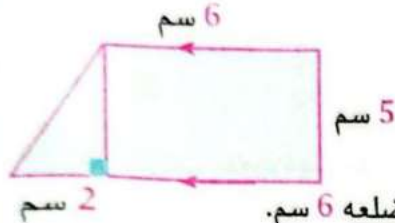
2 متوازي أضلاع مساحته 70 سم²، وارتفاعه الأصغر 7 سم،

فإن طول قاعدته الكبرى = سم الغربية 2025 (7 أو 77 أو 10 أو 10.7)

3 معين طول ضلعه 10 سم، وارتفاعه 7.5 سم، فإن مساحته = سم² الشرقية 2025

(750 أو 75 أو 85 أو 37.5)

4 مساحة شبه المنحرف المقابل = سم²



(30 أو 24 أو 35 أو 42) (كفر الشيخ 2025)

5 مساحة مثلث طول قاعدته 8 سم وارتفاعه 6 سم مساحة مربع طول ضلعه 6 سم. 2 سم

(< أو > أو = أو ≤) الجيزة 2025

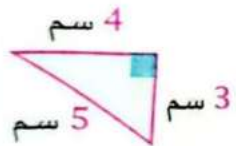
6 إذا كانت مساحة مثلث قائم الزاوية 24 سم²، فأى مما يلي يمكن أن يكون طولي ضلعي القائمة؟

(3 سم، 6 سم أو 4 سم، 12 سم أو 6 سم، 4 سم أو 2 سم، 12 سم) (المنوفية 2025)

7 مربع محيطه 20 سم، فإن مساحته = سم²

بنى سويف 2025 (4 أو 25 أو 20 أو 21.7)

8 مساحة المثلث المقابل = سم²



(12 أو 15 أو 20 أو 6) القليوبية 2025

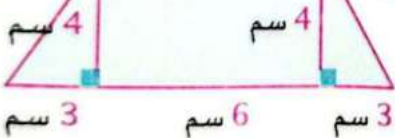
9 تتقاطع ارتفاعات المثلث الحاد الزوايا في نقطة واحدة تقع المثلث الغربية 2025

(داخل أو خارج أو على رأس الزاوية أو في منتصف الضلع)

2 أكمل ما يأتي:

1 مثلث طول قاعدته 8 سم، وارتفاعه المناظر 10 سم، فإن مساحته = سم² قنا 2025

2 مساحة شبه المنحرف المقابل = سم² القاهرة 2025



3 طول القطعة المستقيمة العمودية من رأس المثلث إلى القاعدة المقابلة لها يُسمى

الغربية 2025

4 المسافة بين النقطتين $(3, 3)$ ، $(3, -1)$ = وحدات

الشرقية 2025

5 المسافة التي تبعد عنها النقطة $(-3, -2)$ عن محور y تساوي وحدات

القاهرة 2025

6 مدرسة بها 600 طالب، حضر منهم % 90 ، فإن عدد الغائبين = طالباً

الدقهلية 2025

7 إذا كان % 10 من 200 = 20 فإن % 60 من 200 =

الشرقية 2025

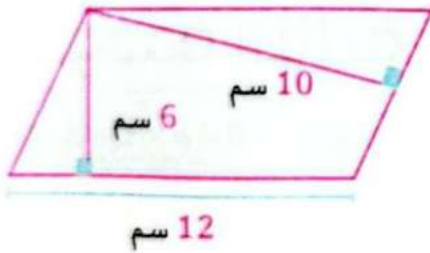
3 إذا كانت سرعة الصقر 360 كيلومتراً في الساعة، احسب سرعته بالكيلومتر في الدقيقة.

الجيزة 2025

4 شاشة تليفزيون بمبلغ 8,500 جنيهاً، عليها نسبة خصم % 10 من ثمنها.

القاهرة 2025

احسب قيمة الخصم.



القاهرة 2025

5 من الشكل المقابل:

احسب مساحة متوازي الأضلاع.

ثم احسب طول القاعدة الصغرى.



الوحدة الثالثة عشرة : مساحة السطح والحجم

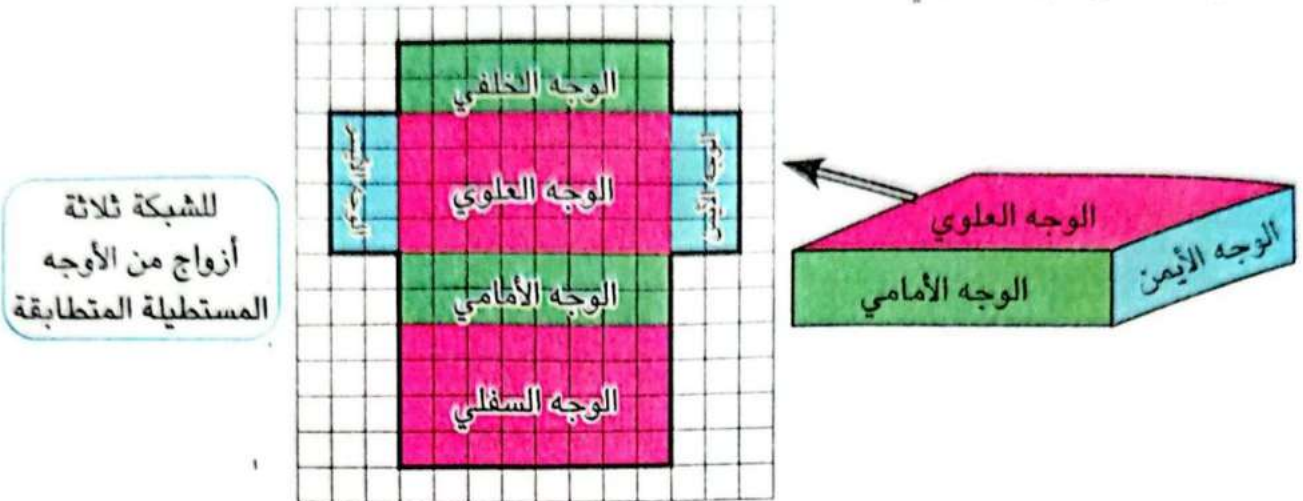
المفهوم الأول : استخدام الشبكات لإيجاد مساحة السطح

الدرس 1 : مساحة سطح متوازي المستطيلات

الدرس 2 : استكشاف مساحة سطح المنشور والهرم

مساحة سطح متوازي المستطيلات

متوازي المستطيلات هو شكل ثلاثي الأبعاد له ستة أوجه مستطيلة الشكل، مثل: الصندوق والذي يمكن قصه وفرده على شبكة كما يلي :



لشبكة ثلاثة أزواج من الأوجه المستطيلة المتطابقة

ونلاحظ أن الشكل يتكون من 6 أوجه وكل وجهين متقابلين متساويان في المساحة، فنجد أن الوجه العلوي يساوي الوجه السفلي في المساحة والوجه الأمامي يساوي الوجه الخلفي في المساحة. والوجه الأيمن يساوي الوجه الأيسر في المساحة ولإيجاد المساحة نوجد مساحة كل وجه من الأوجه الستة، ونجمع هذه المساحات فتكون هي مساحة متوازي المستطيلات أو نوجد الوجه الأمامي والوجه العلوي والوجه الأيمن، ونضرب في 2 ويمكن إيجاد مساحة متوازي المستطيلات السابق كما يلي :

مساحة الوجه العلوي تساوي $A = 4 \times 8 = 32$	مساحة الوجه السفلي تساوي $A = 4 \times 8 = 32$
مساحة الوجه الأمامي تساوي $A = 2 \times 8 = 16$	مساحة الوجه الخلفي تساوي $A = 2 \times 8 = 16$
مساحة الوجه الأيمن تساوي $A = 2 \times 4 = 8$	مساحة الوجه الأيسر تساوي $A = 2 \times 4 = 8$

مساحة سطح متوازي المستطيلات تساوي 112 وحدة مربعة $= 32 + 32 + 16 + 16 + 8 + 8$

وحيث أن كل وجهين متقابلين متساويين في المساحة يمكن ضرب كل وجه في 2 والجمع ويُسمى مساحة

سطح متوازي المستطيلات (S.A) Surface Area

فنجد أن 112 وحدة مربعة $= 2 \times 32 + 2 \times 16 + 2 \times 8$

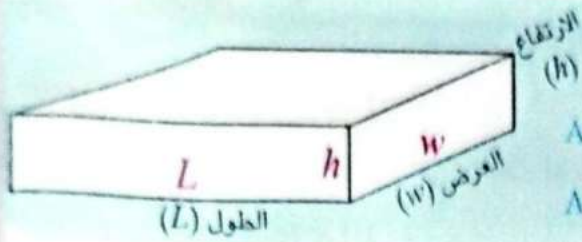
ويمكن استنتاج قانون لمساحة سطح متوازي المستطيلات كالتالي:

مساحة متوازي المستطيلات $= 2 (الطول \times العرض) + 2 (الطول \times العرض) + 2 (الطول \times العرض)$

للوجه الأيمن

للوجه الأمامي

للوجه العلوي

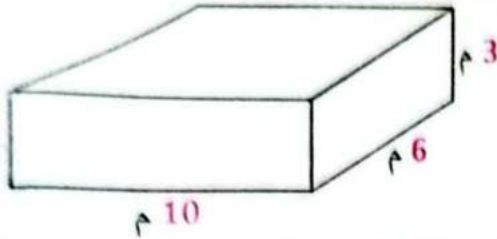


ويكون قانون مساحة سطح متوازي المستطيلات كالآتي:

$$A = 2 L w + 2 w h + 2 L h$$

$$A = 2 \times (L w + w h + L h) \text{ أو}$$

مثال 1



الشكل المقابل متوازي مستطيلات

احسب مساحته

الحل

الطول (L) = 10 م ، العرض (w) = 6 م ، الارتفاع (h) = 3 م

مساحة سطح متوازي المستطيلات تساوي

$$A = 2 L w + 2 w h + 2 L h$$

$$A = 2 \times 10 \times 6 + 2 \times 6 \times 3 + 2 \times 10 \times 3$$

$$= 120 + 36 + 60 = 216 \text{ وحدة مربعة}$$

مثال 2



حوض سمك على شكل متوازي مستطيلات

ليس له غطاء طوله 80 سم وعرضه 40 سم وارتفاعه 50 سم

احسب مساحة سطح حوض السمك

الحل

الطول (L) = 80 سم ، العرض (w) = 40 سم ، الارتفاع (h) = 50 سم

مساحة سطح حوض السمك تساوي

$$A = 2 L W + 2 W h + 2 L h$$

$$A = 2 \times 80 \times 40 + 2 \times 40 \times 50 + 2 \times 80 \times 50$$

$$= 6,400 + 4,000 + 8,000 = 18,400 \text{ سم}^2$$

$$A = 40 \times 80 = 3,200 \text{ سم}^2$$

مساحة سطح الغطاء = طول الغطاء × عرض الغطاء تساوي

مساحة سطح حوض السمك = مساحة سطح متوازي المستطيلات - مساحة سطح الغطاء

$$A = 18,400 - 3,200 = 15,200 \text{ سم}^2 \text{ تساوي}$$

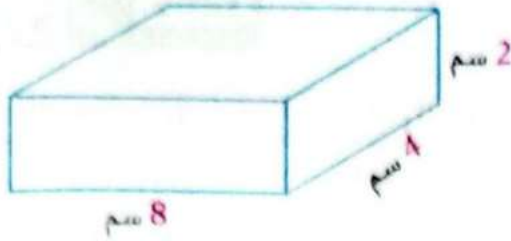
لاحظ أن :

يمكن إيجاد مساحة حوض السمك مباشرة. بحذف مساحة الغطاء قبل الحل كما يلي :

$$A = L W + 2 W h + 2 L h$$

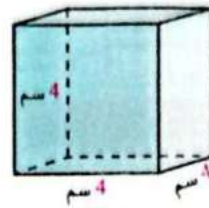
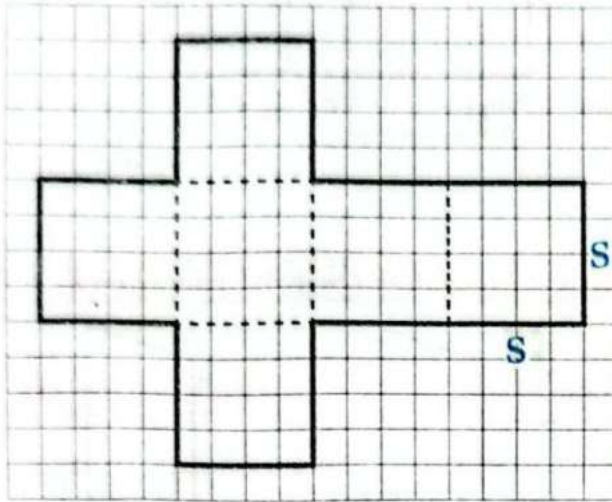
$$= 80 \times 40 + 2 \times 40 \times 50 + 2 \times 80 \times 50 = 15,200 \text{ سم}^2$$

أجب بنفسك



الشكل المقابل متوازي مستطيلات أوجد مساحته

مساحة سطح المكعب



المكعب هو متوازي مستطيلات

جميع أوجهه مربعة الشكل

وبتمثيل المكعب على الشبكة

نجد أنه يتكون من 6 أوجه مربعة

الشكل طول ضلعه S ويمكن إيجاد

المساحة بنفس الطريقة السابقة

أو نوجد مساحة مربع واحد

ونضرب هذه المساحة في 6 فيكون

مساحة المكعب (A) = 6 × مساحة الوجه الواحد

$$A = 6 \times S \times S$$

أو

$$A = 6 S^2$$

مثال 3

أوجد مساحة سطح مكعب طول حرفه 5 سم

الحل

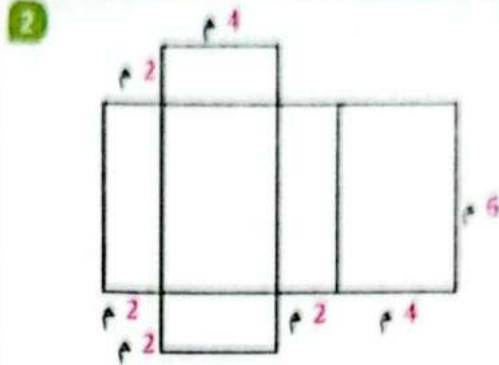
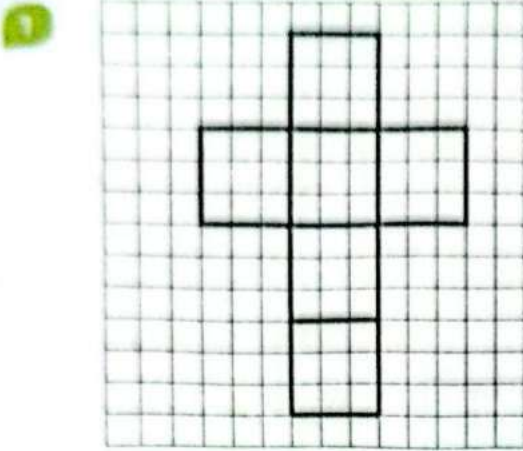
مساحة سطح المكعب تساوي 150 سم² $A = 6 \times 5 \times 5 = 150$

أجب بنفسك

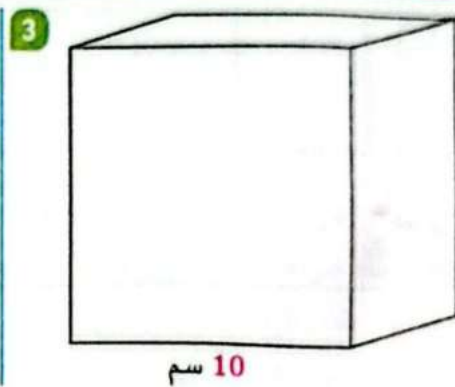
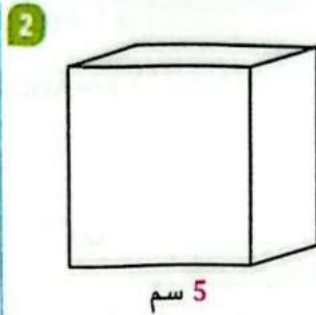
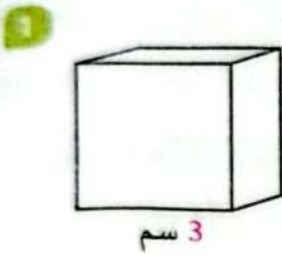
أوجد مساحة سطح مكعب طول حرفه 3 سم

أولاً في الحصة

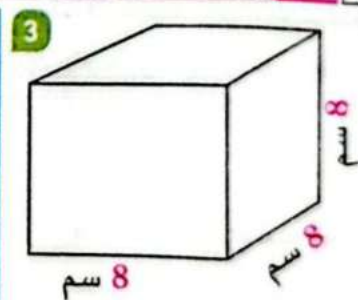
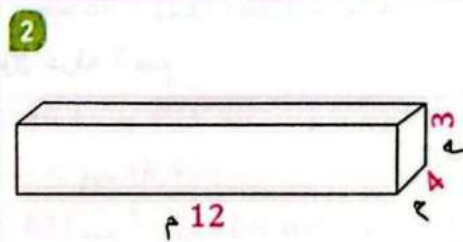
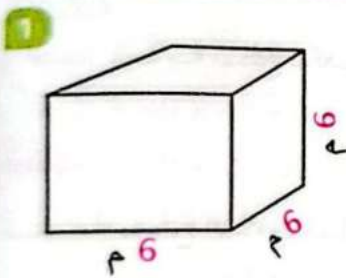
1 أوجد مساحة كل من الأشكال التالية واكتب اسم الشكل :



2 أوجد مساحة سطح كل مكعب مما يأتي :



3 أوجد مساحة سطح متوازيات الأضلاع التالية :



4 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

بور سعيد 2025

1 مساحة سطح المكعب الذي طول حرفه 3 سم هي

27 سم² (أ)

54 سم² (ب)

9 سم² (ج)

3 سم² (د)

2 مساحة سطح متوازي المستطيلات الذي أبعاده هي 2 سم ، 3 سم ، 4 سم هي

قنا 2025

86 (أ)

24 (ب)

52 (ج)

26 (د)

- 5 صندوق على شكل متوازي مستطيلات طوله 20 سم وعرضه 10 سم وارتفاعه 12 سم
أوجد مساحة سطح الصندوق .

الإسماعيلية 2025

- 6 صنعت ندى علبة مكعبة من لوح معدني لمشروع فني . طول حرف العلبة 8 سم .
ما مساحة الألواح المعدنية التي استخدمتها ندى ؟

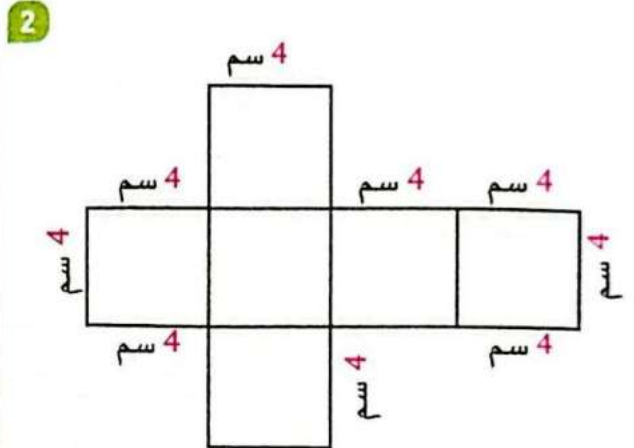
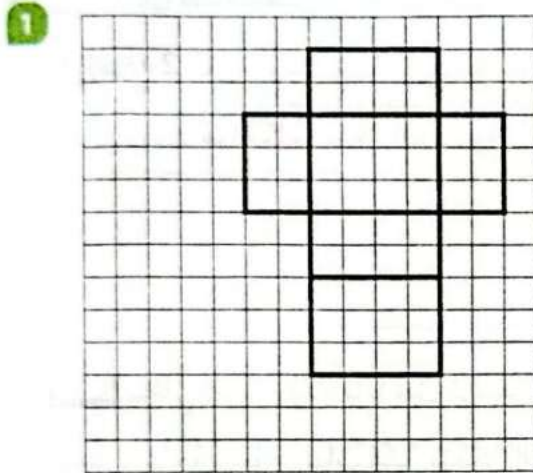
جنوب سيناء 2025

- 7 حوض سمك على شكل مكعب بدون غطاء طول حرفه 50 سم .
أوجد مساحة سطح الحوض السمك

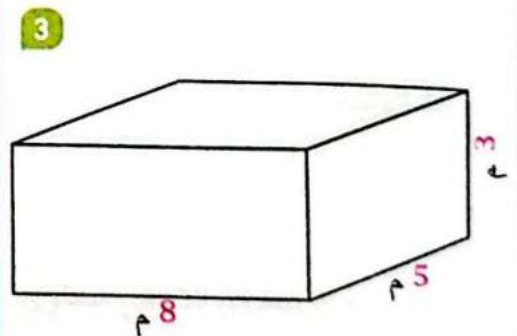
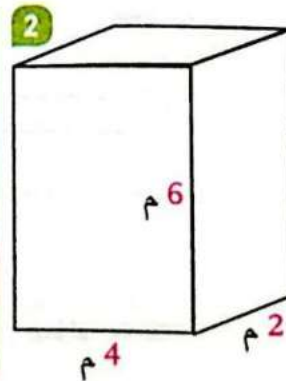
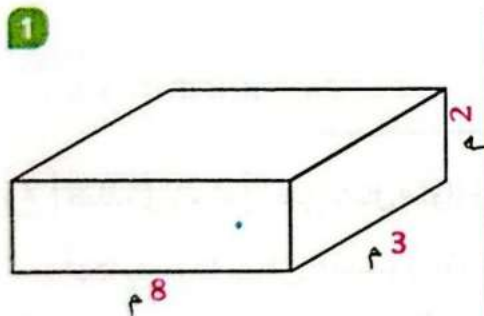
مرسي مطروح 2025

ثانياً واجب منزلي

- 1 أوجد مساحة كل من الأشكال التالية واكتب اسم الشكل :

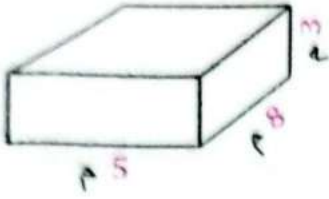


- 2 أوجد مساحة سطح كل متوازي مستطيلات مما يأتي :

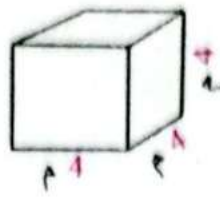


3 أوجد مساحة سطح متوازيات الأضلاع التالية :

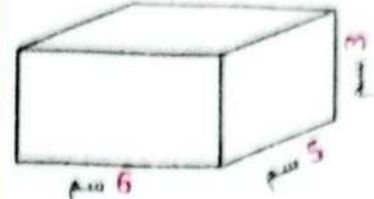
1



2



3



4 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

الشرقية 2025

1 مساحة سطح المكعب الذي طول حرفه 5 سم هي

- 1 25 سم² 2 125 سم² 3 150 سم² 4 30 سم²

بني سويف 2025

2 مساحة سطح المكعب الذي مساحه أحد أوجهه 4 سم² هي

- 1 16 2 96 3 40 4 24

5 يريد عامل طلاء صندوق خشبي على شكل متوازي مستطيلات طوله 8 م وعرضه 6 م

وارتفاعه 2 متر. أوجد مساحة سطح متوازي المستطيلات. وإذا كان المتر المربع من الطلاء يتكلف

10 جنيهات فما تكلفة طلاء الصندوق ؟

أسوان 2025

6 يطلي عامل طلاء بابًا قبل تركيبه يبلغ ارتفاع الباب 178 سم وطوله 80 سم وعرضه 5 سم

أوجد مساحة سطح الباب لكي يتمكن العامل من معرفة كمية الطلاء التي يجب شراؤها.

الوادي الجديد 2025

7 صندوق زجاجي على شكل متوازي مستطيلات طوله 20 سم وعرضه 15 سم وارتفاعه 10 سم

أوجد مساحة سطح الصندوق إذا كان :

- 1 بالغطاء 2 بدون غطاء

دمياط 2025

مساحة سطح المنشور الثلاثي

المنشور الثلاثي

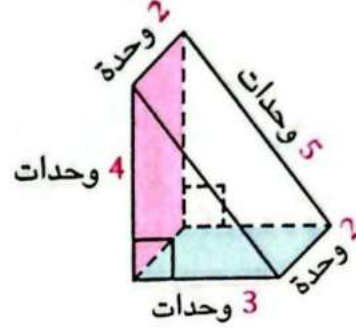
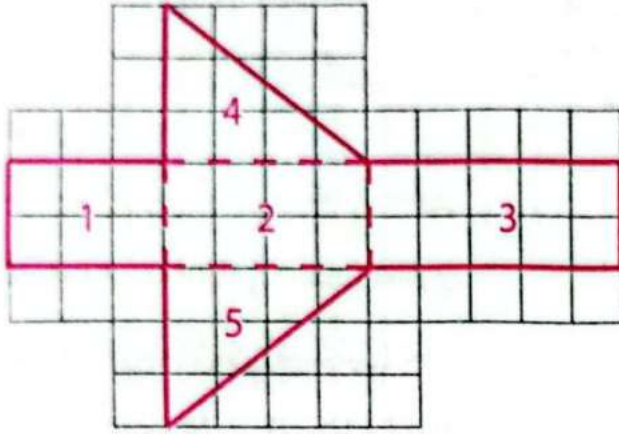
هو شكل ثلاثي الأبعاد به قاعدتان متطابقتان على شكل مثلث

وثلاثة أوجه كل منها على شكل مستطيل

وبتمثيل المنشور الثلاثي على الشبكة نجد أنه

يتكون من 5 أوجه منهم 3 أوجه مستطيلة

و 2 وجه مثلثات (مثلثان متطابقان)



ويمكن إيجاد المساحة بإيجاد مساحات الأوجه الخمسة وجمع هذه المساحات معًا

مثال 1

أوجد مساحة المنشور السابق

الحل

نوجد مساحات الأوجه الخمسة ثم نجمعها معًا كما يلي :

$$A = 3 \times 2 = \text{6 وحدات مربعة}$$

$$A = 4 \times 2 = \text{8 وحدات مربعة}$$

$$A = 5 \times 2 = \text{10 وحدات مربعة}$$

$$A = \frac{1}{2} b \times h = \frac{1}{2} \times 4 \times 3 = \text{6 وحدات مربعة}$$

$$A = \frac{1}{2} b \times h = \frac{1}{2} \times 4 \times 3 = \text{6 وحدات مربعة}$$

$$A = 6 + 8 + 10 + 6 + 6 = \text{36 وحدة مربعة}$$

مساحة الوجه (1) تساوي

مساحة الوجه (2) تساوي

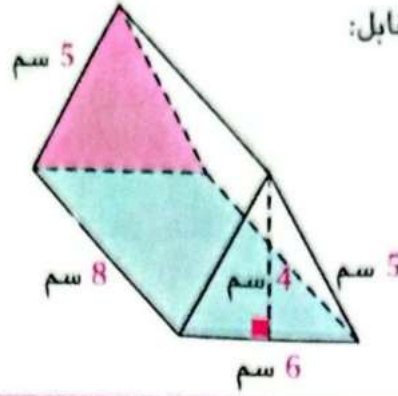
مساحة الوجه (3) تساوي

مساحة الوجه (4) تساوي

مساحة الوجه (5) تساوي

مساحة سطح المنشور الثلاثي تساوي

أوجد مساحة المنشور الثلاثي المقابل:



الحل

$$A = \frac{1}{2} \times b \times h = \frac{1}{2} \times 6 \times 4 = 12 \text{ سم}^2$$

$$A = \frac{1}{2} \times b \times h = \frac{1}{2} \times 6 \times 4 = 12 \text{ سم}^2$$

$$A = L \times w = 8 \times 5 = 40 \text{ سم}^2$$

$$A = L \times w = 8 \times 5 = 40 \text{ سم}^2$$

$$A = L \times w = 8 \times 6 = 48 \text{ سم}^2$$

$$A = 12 + 12 + 40 + 40 + 48 = 152 \text{ سم}^2$$

مساحة الوجه الأمامي (مثلث) تساوي

مساحة الوجه الخلفي (مثلث) تساوي

مساحة الوجه الأيمن (مستطيل) تساوي

مساحة الوجه الأيسر (مستطيل) تساوي

مساحة الوجه السفلي (مستطيل) تساوي

مساحة المنشور الثلاثي تساوي

ملاحظات :

1 إذا كانت الأوجه المثلثة للمنشور الثلاثي مثلثات متساوية الساقين سيكون للمنشور الثلاثي

وجهان من الأوجه المستطيلة متطابقان (متساويان في المساحة)

2 إذا كانت الأوجه المثلثة للمنشور الثلاثي مثلثات متساوية الأضلاع سيكون الثلاثة أوجه

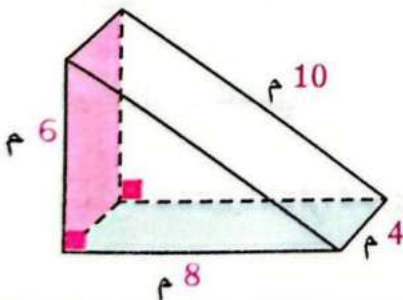
المستطيلة للمنشور جميعها متطابقة (متساوية في المساحة)

3 إذا كانت الأوجه المثلثة للمنشور الثلاثي مختلفة الأضلاع فلا يوجد أوجه مستطيلة متساوية

في المساحة

أجب بنفسك

احسب مساحة المنشور المقابل



مساحة سطح الهرم الرباعي

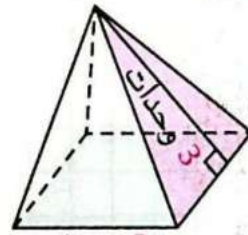
الهرم الرباعي

هو شكل ثلاثي الأبعاد قاعدته على شكل مربع وله أربعة أوجه متطابقة كل منها على شكل مثلث وبتمثيل الهرم الرباعي على الشبكة نجد أنه يتكون من 5 أوجه منهم 4 أوجه مثلثات متساوية في المساحة ووجه واحد عبارة

عن قاعدة مربعة الشكل

ويمكن إيجاد المساحة

بإيجاد مساحات الأوجه



الخمسة وجمع هذه المساحات معًا 3 وحدات

مثال 3

أوجد مساحة سطح الهرم الرباعي السابق

الحل

مساحة قاعدة الهرم تساوي

$$A = S \times S = 3 \times 3 = 9 \text{ وحدات مربعة}$$

مساحة الوجه (المثلث) تساوي

$$A = \frac{1}{2} \times b \times h = \frac{1}{2} \times 3 \times 3 = 4.5 \text{ وحدة مربعة}$$

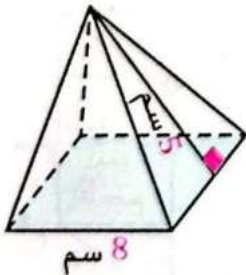
مساحة سطح الهرم الرباعي = مساحة القاعدة المربعة + 4 × مساحة المثلث

$$A = 9 + (4 \times 4.5) = 9 + 18 = 27 \text{ وحدة مربعة}$$

مساحة سطح الهرم الرباعي تساوي

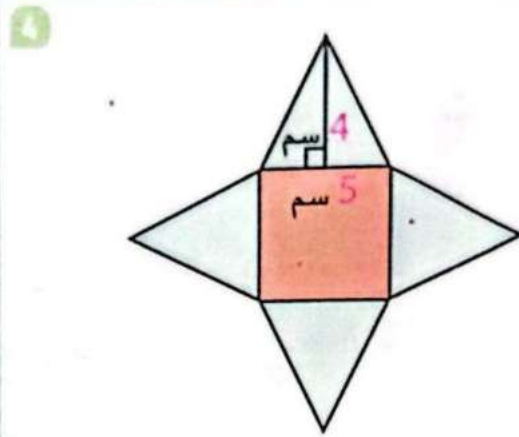
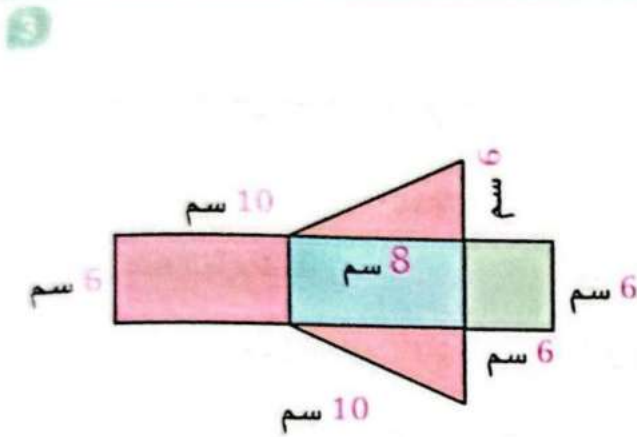
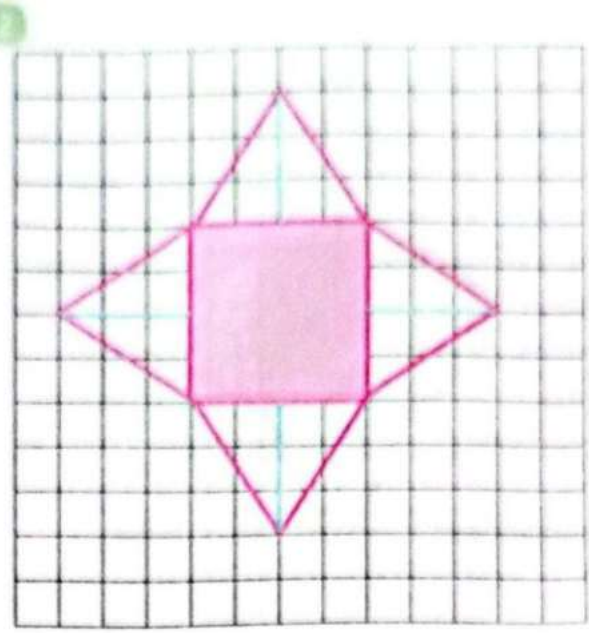
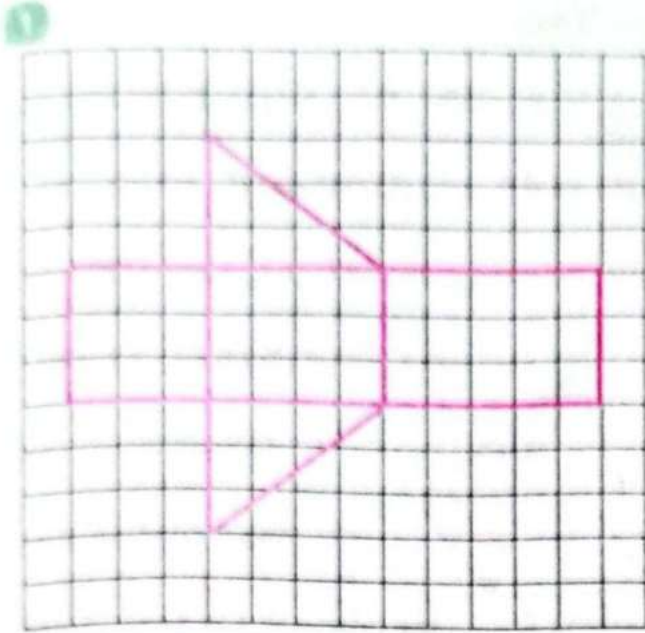
أجب بنفسك

أوجد مساحة سطح الهرم الرباعي المقابل

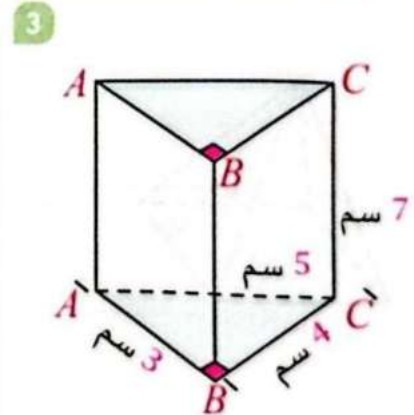
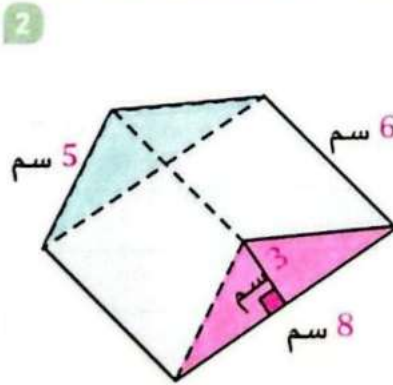
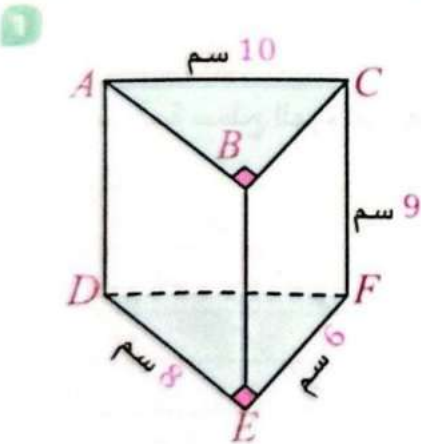


أولاً في الحصة

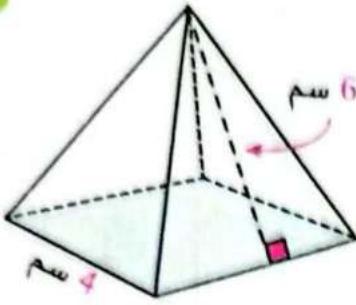
1 أوجد مساحة كل مما يأتي:



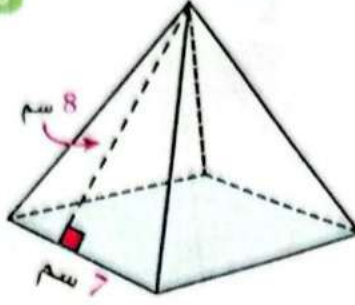
2 أوجد مساحة سطح كل مما يأتي:



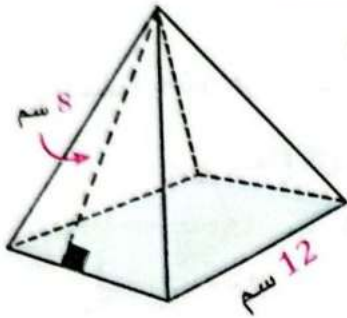
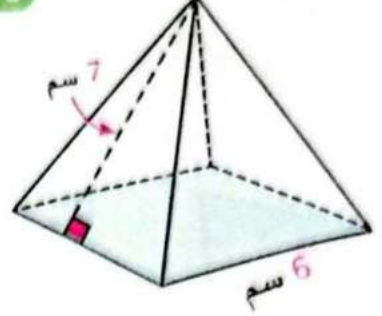
4



5



6

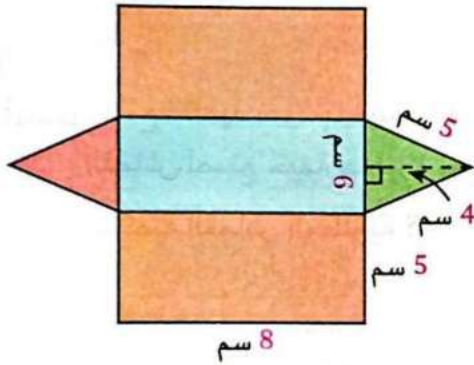


3 أوجد مساحة سطح الهرم الرباعي الذي طول ضلع قاعدته المربعة 12 سم وارتفاع أحد أوجهه المثلثة 8 سم.

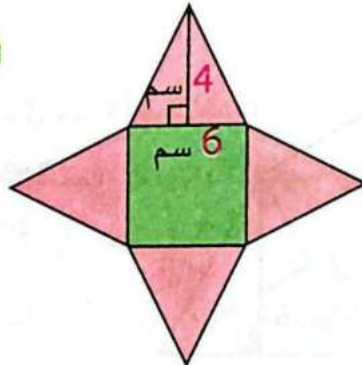
ثانياً واجب منزلي

1 أوجد مساحة كل مما يأتي:

1

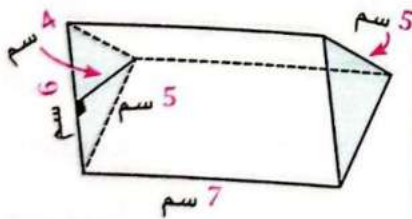


2

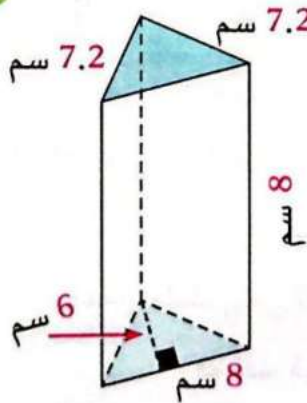


2 أوجد مساحة سطح كل مما يأتي:

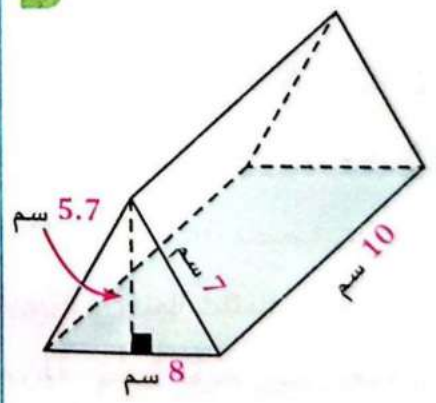
1

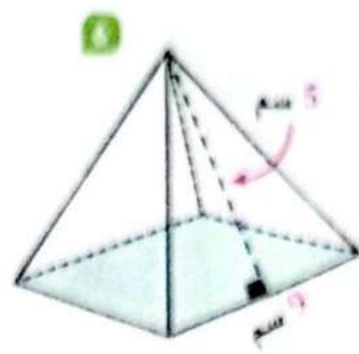
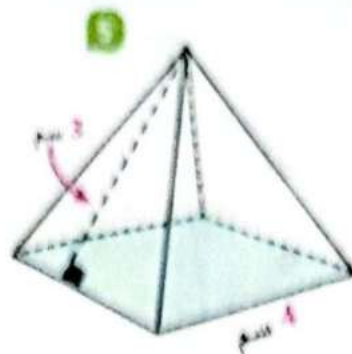
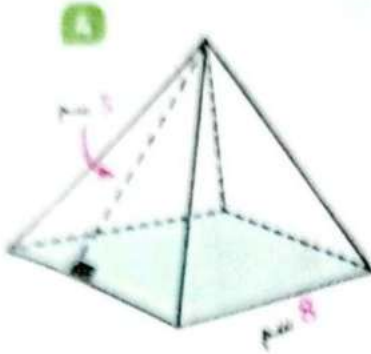


2



3

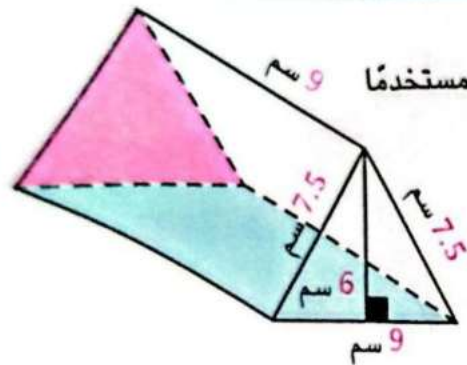
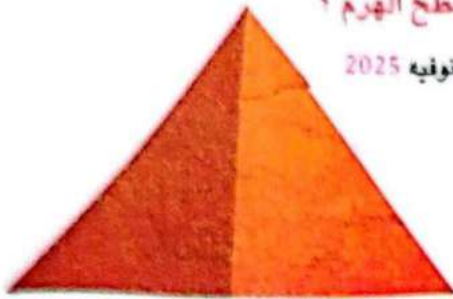




3 يُعتبر هرم منفرع أصغر أهرامات الجيزة . يبلغ طول ضلع قاعدته المربعة 104 م

ويبلغ ارتفاع كل وجه مثلث حوالي 84 مترًا . فما مساحة سطح الهرم ؟

المنوفيه 2025



4 يصنع التلميذ نموذجًا مصغرًا لمشهد تخييم (عمل خيمة) مستخدمًا

القماش لصنع خيمة صغيرة مغلقة كما هو موضح.

ماكمية القماش المطلوبة ؟

اسيوط 2025

اختر الإجابة الصحيحة مما يأتي :

270 سم²

189 سم²

202.5 سم²

54 سم²

اختبار تراكمي (24) حتى الدرس (2) الوحدة (13)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

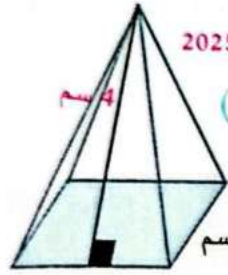
1 مساحة سطح متوازي المستطيلات الذي طوله 6 سم ، وعرضه 5 سم ، وارتفاعه 10 سم = سم²

(300 أو 280 أو 180 أو 60) الجيزة 2025

2 مكعب مساحة أحد أوجهه 5 سم² ، فإن مساحة سطحه = سم²

(30 أو 10 أو 20 أو 50) الغربية 2025

3 مساحة سطح الهرم الرباعي الذي طول قاعدته المربعة 8 سم ،



وارتفاع أحد جوانبه المثلثة 10 سم تساوي سم² الشرقية 2025

(214 أو 234 أو 204 أو 224)

4 مساحة سطح الهرم المقابل ذي القاعدة المربعة = سم²

(360 أو 48 أو 84 أو 240) القاهرة 2025

5 الهرم الرباعي ذو القاعدة المربعة له رؤوس. الإسكندرية 2025

(4 أو 5 أو 6 أو 3)

6 متوازي مستطيلات أبعاده 6 سم ، 5 سم ، 10 سم ، فإن مساحة سطحه = سم²

(280 أو 75 أو 190 أو 300) القاهرة 2025

7 أي التعبيرات الرياضية التالية يمكن استخدامه لإيجاد مساحة سطح المكعب ؟

(6S² أو 6S أو S+S+S+S+S+S أو S²+S²+S²) الجيزة 2025

8 مكعب طول حرفه 6 سم ، فإن مساحة سطحه = سم²

(216 أو 36 أو 144 أو 24) القاهرة 2025

9 مساحة متوازي الأضلاع = × الارتفاع المناظر لها كفر الشيخ 2025

(طول القاعدة أو $\frac{1}{2}$ طول القاعدة أو العرض أو الحجم)

2 أكمل ما يأتي:

1 مثلث طول قاعدته 8 سم ، ومساحته 40 سم² ، فإن الارتفاع المناظر لها = سم الغربية 2025

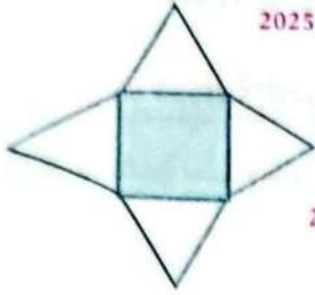
2 معين محيطه 36 سم ، وارتفاعه 5 سم ، فإن مساحته = سم² الدقهلية 2025

3 ارتفاعات المثلث المنفرج الزاوية تتلاقى في نقطة واحدة المثلث أسيوط 2025

4 مكعب طول حرفه 5 سم ، فإن مساحة سطحه = سم² الجيزة 2025

5 بعد طي الشكل المقابل يتكون شكل ثلاثي الأبعاد يُسمى

الغربية 2025



6 مساحة سطح الهرم الرباعي =

الإسكندرية 2025

مساحة القاعدة + (مساحة الوجه المثلث ×

7 هرم رباعي مساحة قاعدته 18 سم²، ومساحة أحد أوجهه الجانبية 12 سم²،

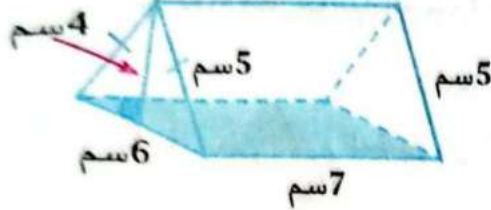
الشرقية 2025

سم²

فإن : مساحة سطحه =

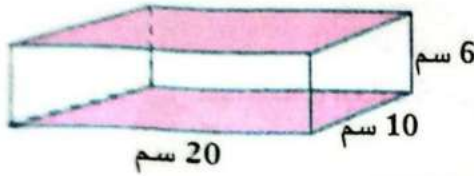
3 أوجد مساحة سطح المنشور الثلاثي المقابل.

القاهرة 2025



4 احسب مساحة سطح متوازي المستطيلات المقابل :

المنوفية 2025



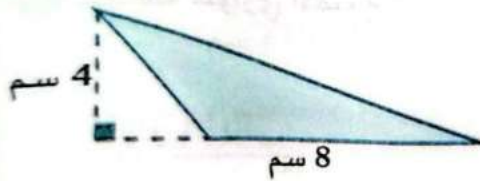
5 أيهما أكبر في مساحة السطح ؟

الأقصر 2025

مكعب طول حرفه 4 سم أم متوازي مستطيلات أبعاده 2 سم ، 3 سم ، 5 سم ؟

6 احسب مساحة المثلث المقابل.

القليوبية 2025



7 مدرسة بها 800 طالب ، حضر منهم 75% أوجد عدد الغائبين.

الغربية 2025

عدد الغائبين =



اختبار تراكمي (25) علي المفهوم الأول الوحدة (13)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 مكعب طول حرفه 6 سم فإن مساحة سطحه = سم² المنوفية 2025

- 216 1 144 2 36 3 24 4

2 النقطة (3، -3) بالانعكاس في محور Y هي الدقهية 2025

- (3، 3) 1 (-3، 3) 2 (3، -3) 3 (-3، -3) 4

3 24% من 700 يساوي البحر الأحمر 2025

- 168 1 $\frac{6}{25}$ 2 24 3 72 4

4 سيارة تتحرك بمعدل 60 كم في الساعة . إذا استمرت بنفس المعدل فإن المسافة التي تقطعها في

ساعة وربع هي كم القاهرة 2025

- 45 1 90 2 75 3 70 4

5 المسافة بين النقطتين (3، 5) ، (5، -6) هي وحدات الشرقية 2025

- 9 1 3 2 -3 3 5 4

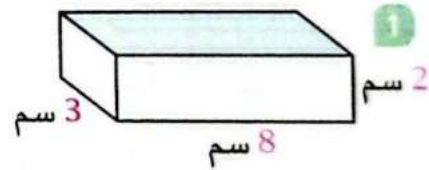
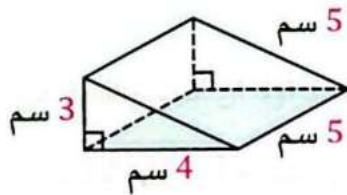
6 فصل به 60 تلميذ غاب منهم ما يمثل 20% من العدد الكلي للتلاميذ فما عدد الغائبين ؟ قنا 2025

- 6 1 9 2 12 3 18 4

7 $\frac{4}{7} \div 2 = \dots$ جنوب سيناء 2025

- $\frac{2}{7}$ 1 $\frac{8}{7}$ 2 $\frac{4}{7}$ 3 $\frac{2}{14}$ 4

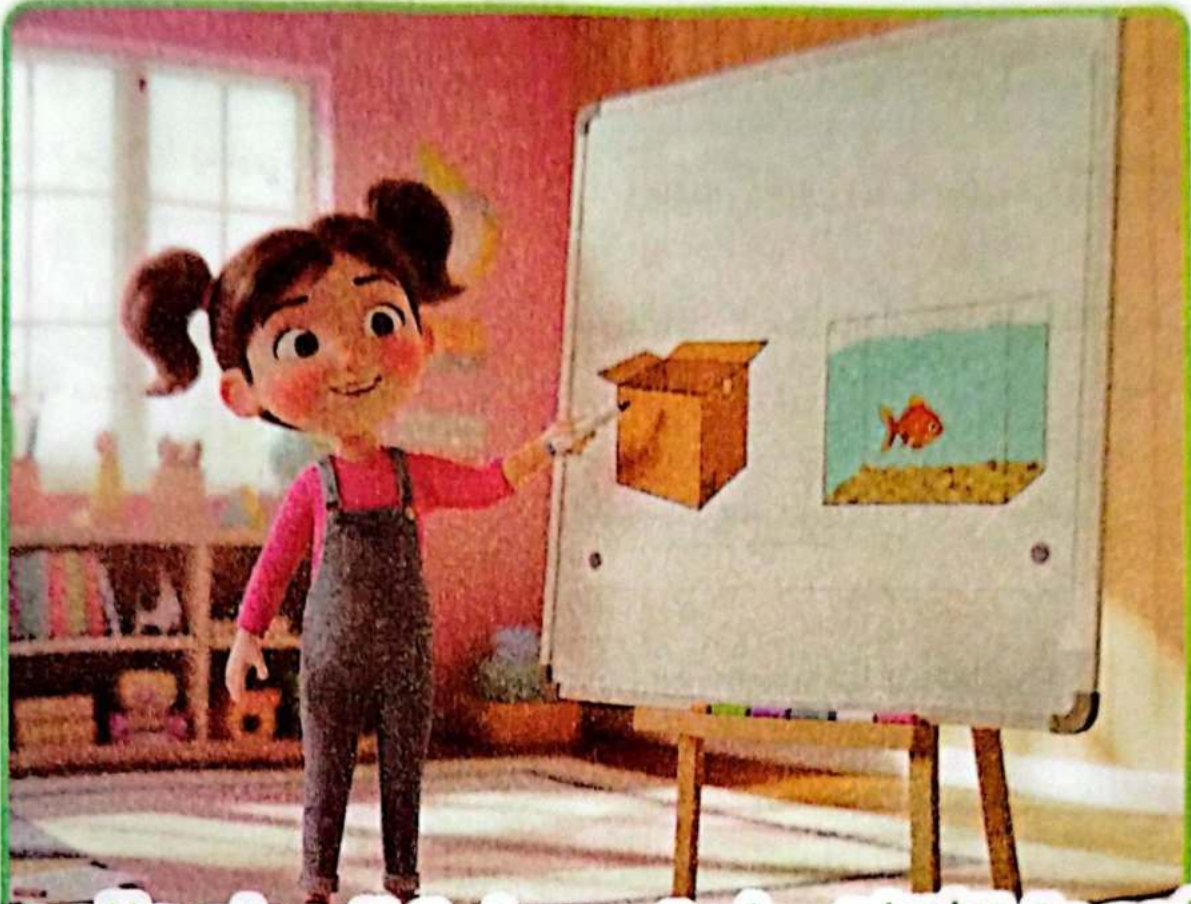
2 احسب مساحة كل مما يأتي :



3 إذا كان ثمن 3 أقلام في إحدى المكتبات هو 6 جنيهاً

ما عدد الأقلام من نفس النوع التي يتم شرائها بمبلغ 20 جنيهاً ؟

بكم جنيهاً يمكن شراء 12 قلمًا من نفس النوع ؟ البحيرة 2025

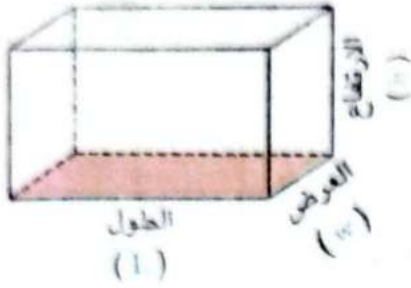


الوحدة الثالثة عشرة : مساحة السطح والحجم

المفهوم الثاني حساب الحجم

الدوران 3, 4 : تطبيقات حياتية على الحجم - حجم متوازي المستطيلات بنسب معلومة

الحجم: هو مقدار الحيز الذي يشغله الجسم في الفراغ



حجم متوازي المستطيلات

يمكن حساب حجم متوازي المستطيلات بضرب أبعاده الثلاثة

أي أن $\text{حجم متوازي المستطيلات} = \text{الطول} \times \text{العرض} \times \text{الارتفاع}$

$$V = L \times w \times h \quad \text{أي أن}$$

وإذا كان الطول $\times$ العرض هو مساحة القاعدة

فإن $\text{حجم متوازي المستطيلات} = \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$

$$b = L \times w, \quad V = b \times h \quad \text{أي أن}$$

الحجم: Volume

الطول: Length

العرض: Width

الارتفاع: height

مثال 1

احسب حجم متوازي المستطيلات الذي طوله 4 متر وعرضه 3 متر وارتفاعه 2.5 متر

الحل

$$\text{حجم متوازي المستطيلات يساوي } V = L \times w \times h = 4 \times 3 \times 2.5 = 30 \text{ م}^3$$

ملاحظة

$$\text{مساحة قاعدة متوازي المستطيلات} = \text{الطول} \times \text{العرض} \quad A = 4 \times 3 = 12 \text{ م}^2$$

$$\text{حجم متوازي المستطيلات} = \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع} \quad V = 12 \times 2.5 = 30 \text{ م}^3$$

تقدير حجم متوازي المستطيلات

عند تقدير حجم متوازي مستطيلات أبعاده 2.5 م، 3 م، 4 م فنجد أولاً أن الحجم الحقيقي

يساوي $30 \text{ م}^3 = 4 \times 3 \times 2.5$ وعند التقدير فإننا نقرب 2.5 لرقم صحيح أما 3 أو 2 فعند التقريب إلى 3

نجد أن الحجم سيكون 36 م^3 ونقول أن الحجم لن تزيد عن 36 م^3 أما إذا قربنا للعدد الأقل وهو 2

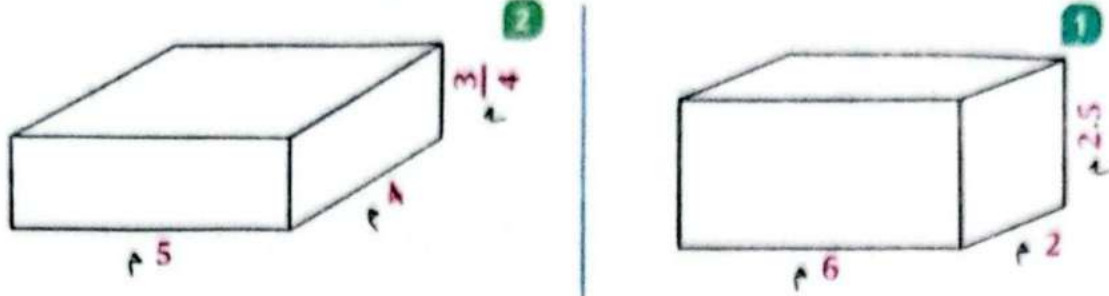
فيكون الحجم 24 م^3 ونقول إن الحجم لن يقل عن 24 م^3 عند تقدير عامل بناء لكمية الخرسانة

التي يحتاجها لقاعدة تمثال فإنه يقدر بنفس الطريقة ويقول إن الكمية لن تقل عن 24 م^3 أو لن تزيد عن

36 م^3 ليكون تقديره صحيحاً

مثال 2

قَدِّر حجم متوازي المستطيلات، ثم أوجد حجمه الأصلي فيما يلي.



الحل

1 لتقدير حجم متوازي المستطيلات يمكننا تقريب 2.5 إلى 2 م، ثم نحسب الحجم المقدر

$$V = 6 \times 2 \times 2 = 24 \text{ م}^3$$

ونلاحظ أننا قربنا 2.5 م إلى 2 م أي إلى الحد الأدنى لذلك فإن حجم متوازي المستطيلات لن يقل عن 24 م³ وسيكون أكبر من ذلك

الحجم الأصلي لمتوازي المستطيلات يساوي $V = 6 \times 2 \times 2.5 = 30 \text{ م}^3$

2 لتقدير حجم متوازي المستطيلات يمكننا تقريب $\frac{3}{4}$ م، إلى 1 م ثم نحسب الحجم المقدر

$$V = 5 \times 4 \times 1 = 20 \text{ م}^3$$

ونلاحظ أننا قربنا $\frac{3}{4}$ م إلى 1 م أي إلى الحد الأعلى؛ لذلك فإن حجم متوازي المستطيلات لن يزيد عن 20 م³ وسيكون أقل من ذلك

الحجم الأصلي لمتوازي المستطيلات يساوي $V = 5 \times \frac{1}{1} \times \frac{3}{1} = 15 \text{ م}^3$

اجب بنفسك

قَدِّر حجم متوازي المستطيلات. ثم أوجد الحجم الأصلي لمتوازي المستطيلات الذي أبعاده:

1 4 م ، 3 م ، 2.5 م | 2 3.5 م ، 5 م ، 2 م

مضاعفة أبعاد متوازي المستطيلات

مضاعفة بُعد واحد من أبعاد متوازي المستطيلات يضاعف الحجم الأصلي

إذا كانت الطول 10 سم والعرض 5 سم والارتفاع 3 سم

فإن حجم متوازي المستطيلات سيكون $V = 10 \times 5 \times 3 = 150$ سم³
وعند مضاعفة الأبعاد سنلاحظ ما يأتي :

الطول بالـ سم	العرض بالـ سم	الارتفاع بالـ سم	الحجم بالـ سم ³
10	5	3	$V = 10 \times 5 \times 3 = 150$
20	5	3	$V = 20 \times 5 \times 3 = 300$
20	10	3	$V = 20 \times 10 \times 3 = 600$
20	10	6	$V = 20 \times 10 \times 6 = 1,200$

نجد أن النسبة بين الحجم الجديد إلى الحجم الأصلي هي :

بعد مضاعفة بُعد واحد	بعد مضاعفة بُعدين	بعد مضاعفة 3 أبعاد
$300 : 150$	$600 : 150$	$1,200 : 150$
2 : 1	4 : 1	8 : 1

وصفة عامة

- عند مضاعفة بُعد واحد في متوازي المستطيلات فإن النسبة بين الحجم الجديد إلى الحجم الأصلي = 2 : 1
عند مضاعفة بُعدين في متوازي المستطيلات فإن النسبة بين الحجم الجديد إلى الحجم الأصلي = 4 : 1
عند مضاعفة 3 أبعاد في متوازي المستطيلات فإن النسبة بين الحجم الجديد إلى الحجم الأصلي = 8 : 1
وإذا ضاعفنا بُعدًا واحدًا ثلاث مرات فإن النسبة بين الحجم الجديد إلى الحجم الأصلي = 3 : 1
وإذا قسمنا بُعدًا واحدًا إلى النصف فإن النسبة بين الحجم الجديد إلى الحجم الأصلي = 1 : 2

مثال 3

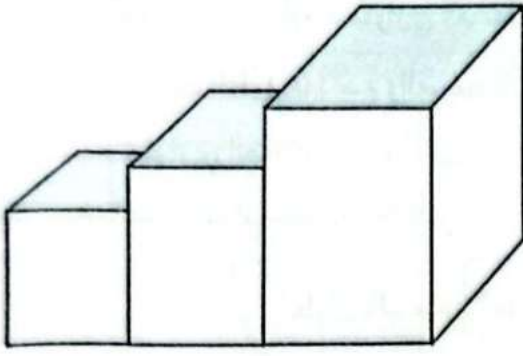
متوازي مستطيلات حجمه 25 سم³ أوجد حجمه إذا ضاعفنا بُعدين من أبعاده
ثم أوجد حجمه إذا ضاعفنا أبعاده الثلاثة

الحل

إذا ضاعفنا بُعدين فإن نسبة الحجم الجديد أي الحجم الأصلي تساوي 4 : 1
الحجم الجديد يساوي $100 \text{ سم}^3 = 25 \times 4$

إذا ضاعفنا ثلاثة أبعاد فإن نسبة الحجم الجديد أي الحجم الأصلي تساوي 8 : 1
الحجم الجديد يساوي $200 \text{ سم}^3 = 25 \times 8$

مثال 4



3 صناديق مختلفة الحجم على هيئة متوازيات مستطيلات متلاصقة كما بالشكل المقابل وجميعها لها نفس الطول 10 سم ونفس العرض 6 سم وارتفاع أصغر صندوق 4 سم ويزيد ارتفاع كل صندوق بمقدار 2.5 سم عن ارتفاع الصندوق الذي قبله. أوجد إجمالي حجم الصناديق الثلاثة.

الحل

$$V = 10 \times 6 \times 4 = 240 \text{ سم}^3$$

حجم الصندوق الأصغر يساوي

يزيد ارتفاع الصندوق الأكبر منه بمقدار 2.5 سم أي أن ارتفاعه 6.5 سم $4 + 2.5 = 6.5$

$$V = 10 \times 6 \times 6.5 = 390 \text{ سم}^3$$

حجم الصندوق الثاني يساوي

يزيد ارتفاع الصندوق الثالث بمقدار 2.5 سم أي أن ارتفاعه 9 سم $6.5 + 2.5 = 9$

$$V = 10 \times 6 \times 9 = 540 \text{ سم}^3$$

حجم الصندوق الثالث يساوي

$$240 + 390 + 540 = 1,170 \text{ سم}^3$$

إجمالي حجم الصناديق الثلاثة يساوي

لاحظ أن :

حجم الصناديق الثلاثة يساوي ثلاثة أمثال (أضعاف) حجم الصندوق الأوسط

$$1,170 \text{ سم}^3 = 390 \times 3$$

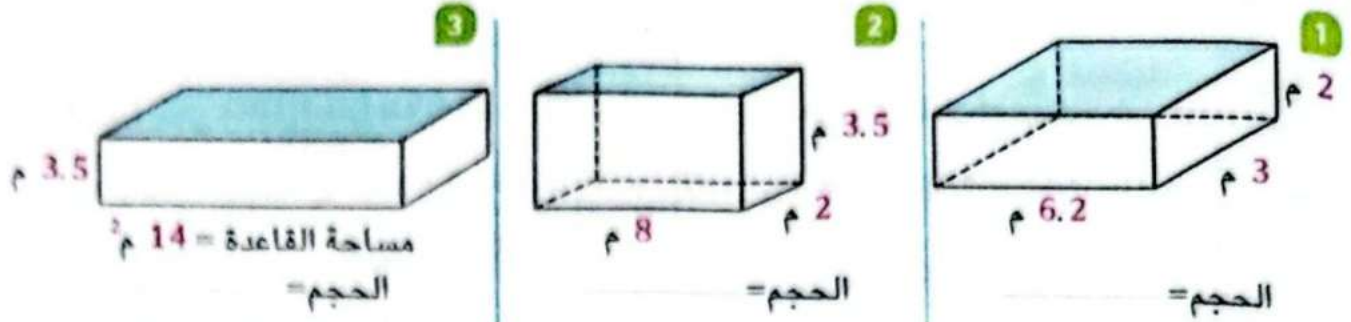
أجب بنفسك

الآن بعد أن رأيت ما يحدث للحجم عند مضافة أبعاد متوازي المستطيلات ، حل الجمل التالية عن مضاعفة أبعاد متوازي المستطيلات ثلاث مرات وقسمة هذه الأبعاد إلى النصف . اختر جميع العبارات الصحيحة

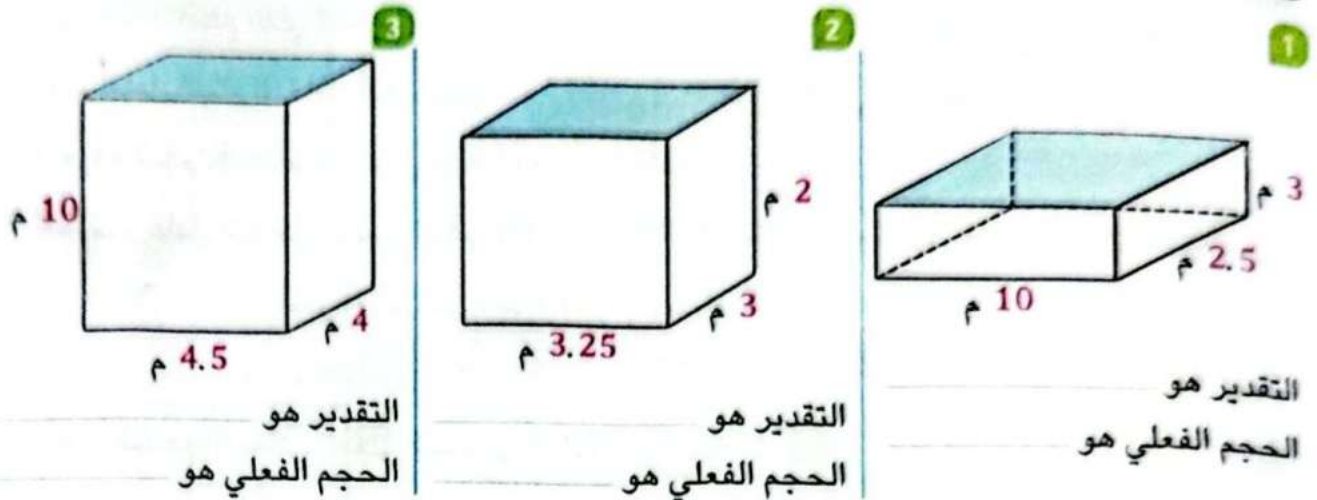
- 1 إذا ضاعفت بُعدًا واحدًا ثلاث مرات . فستصبح نسبة الحجم الجديد إلى الحجم الأصلي 3 : 1
- 2 إذا ضاعفت الأبعاد الثلاثة ثلاث مرات فستضاعف الحجم الأصلي ثلاث مرات
- 3 إذا قسمت بُعدًا واحدًا إلى النصف . فستصبح نسبة الحجم الجديد إلى الحجم الأصلي 2 : 1
- 4 إذا قسمت بُعدًا واحدًا إلى النصف . فستصبح نسبة الحجم الأصلي إلى الحجم الجديد 2 : 1

أولاً في الحصة

1 أوجد حجم متوازي المستطيلات في كل مما يأتي :



2 مذكر حجم كل متوازي مستطيلات فيما يلي، ثم أوجد حجمه الفعلي :



3 أكمل ما يأتي :

- 1 متوازي مستطيلات أبعاده 4 سم، 2 سم، 3 سم فإن حجمه = سم³ السويس 2025
- 2 حجم متوازي المستطيلات الذي مساحة قاعدته 56.2 م² وارتفاعه 12 م هو القاهرة 2025
- 3 عند مضاعفة بُعد واحد من أبعاد متوازي المستطيلات فإن النسبة بين الحجم الجديد والحجم الأصلي هي : المنوفية 2025
- 4 متوازي مستطيلات أبعاده 4 سم، 3 سم، 5 سم وضاعفنا بُعدًا واحدًا من أبعاده فإن الحجم الجديد لمتوازي المستطيلات = الدقهلية 2025
- 4 صندوق على شكل متوازي مستطيلات أبعاده 5 م، 8.5 م، 2.3 م أوجد حجمه. سوهاج 2025

5) علبة مصير على شكل متوازي مستطيلات مساحة قاعدتها 6.5 سم² وارتفاعها 10.5 سم

أوجد حجم علبة المصير.

البحر الأحمر 2025



6)

بني مفاول إطاراً لثلاثة سلاسل تؤدي إلى الباب الأمامي . كل إطار له نفس الطول والعرض

ولكن يختلف الارتفاع . يحتاج إلى تحديد الحجم الإجمالي لمعرفة كمية الخرسانة . يبلغ طول كل سلم

40 سنتيمتراً . عرض كل سلم هو 20.25 سم

وارتفاع أول سلم هو 20.25 سم

ويزيد ارتفاع كل سلم بمقدار 20.25 سم

عن ارتفاع السلم الذي قبله

بخبر عامل البناء المفاول أنه سيستخدم القانون $V = h \times b$ في هذا الموقف

لمعرفة حجم كل سلم هل تتفق معه ؟ نعم أم لا ولماذا ؟

1) يقدر عامل البناء أن حجم السلم الأول يبلغ 16,000 سنتيمتر مكعب . هل تعتقد أن الحجم

الفعلي سيكون أكبر أم أقل من ذلك ؟ اشرح الأسباب

2) كيف ستقدر حجم السلمين التاليين ؟

3) ما الحجم الإجمالي الفعلي للسلاسل الثلاثة ؟

7)

إذا كانت الأبعاد الداخلية لطول المبرد وعرضه وارتفاعه تساوي ضعف قياس كل بُعد من أبعاد علبة

حفظ الطعام فكم علبة حفظ طعام سيتم إدخالها في المبرد ؟ اشرح كيف عرفت الإجابة . القليوبية 2025

8)

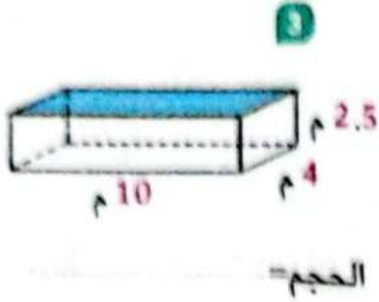
سيذهب 24 تلميذاً للمتحف وسنحتاج إلى مبرد كبير بما يكفي لوضع كل علبة حفظ الطعام

فيه كيف يمكنك تحديد الأبعاد الداخلية للمبرد الكبير ؟ كيف يمكن أن تقارن بين أبعاد علبة حفظ

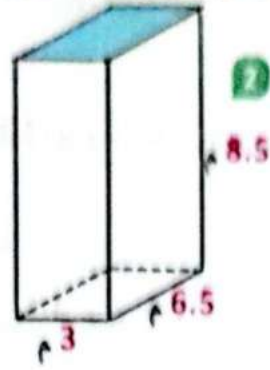
الطعام الأصلية والأبعاد الداخلية للمبرد الكبير لوضع كل علبة حفظ الطعام فيه ؟ بني سويف 2025

ثانياً واجب منزلي

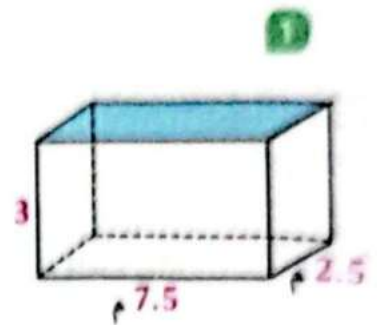
1 أوجد حجم متوازي المستطيلات في كل مما يأتي :



الحجم =



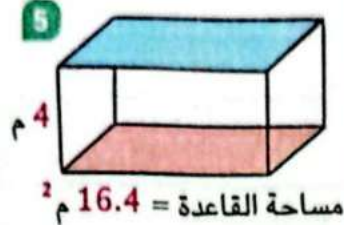
الحجم =



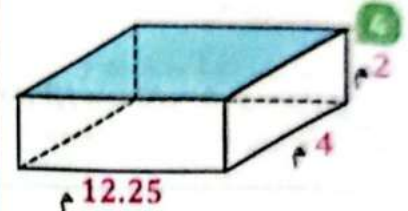
الحجم =



الحجم =

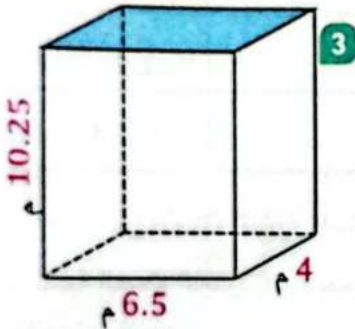


الحجم =

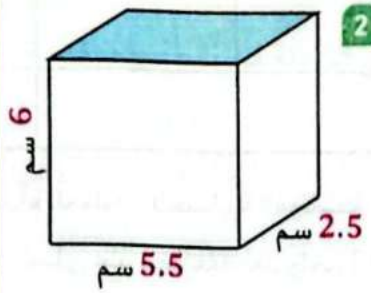


الحجم =

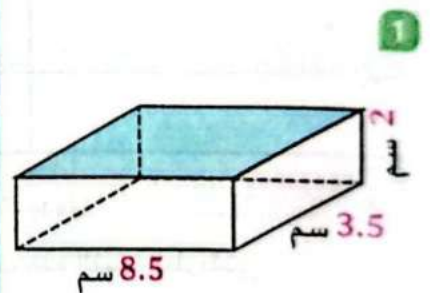
2 قُدِّر حجم كل متوازي مستطيلات فيما يلي، ثم أوجد حجمه الفعلي :



التقدير هو
الحجم الفعلي هو



التقدير هو
الحجم الفعلي هو



التقدير هو
الحجم الفعلي هو

3 أكمل ما يأتي :

1 حجم متوازي مستطيلات أبعاده 6 سم ، 8 سم ، 5 سم هو _____ سم³ القاهرة 2025

2 حجم متوازي مستطيلات أبعاده 2.2 م ، 3 م ، 10 م هو _____ م³ الغربية 2025

3 حجم متوازي المستطيلات الذي مساحته قاعدته 30 سم² وارتفاعه 10 سم هو _____ قنا 2025

4 عند مضاعفة بُعد واحد لمتوازي المستطيلات ثلاث مرات فإن النسبة بين حجمه الأصلي إلى الحجم الجديد هي :

دمياط 2025

5 إذا كان حجم متوازي المستطيلات يساوي 200 سم³ وضاعفنا بُعدًا واحدًا من أبعاده فإن الحجم الجديد لمتوازي المستطيلات =

الاسكندرية 2025

6 إذا كان حجم متوازي المستطيلات يساوي 100 م³ وضاعفنا بُعدين من أبعاده فإن الحجم الجديد لمتوازي المستطيلات =

الجند 2025

4  يمثل عامل بناء قالبًا أبعاده 3.5 م في 4.5 م في 2.5 م بالخرسانة لبناء قاعدة تمثال

القليوبية 2025

قُدِّر حجم القالب، ثم أوجد حجمه الفعلي.

5  تم التخطيط للقيام برحلة مدرسية إلى المتحف ويجب حفظ الطعام في علب تشبه شكل متوازي

المستطيلات أكمل الجدول التالي، ثم أجب عن الأسئلة :

متوازي المستطيلات	الطول بالـ سم	العرض بالـ سم	الارتفاع بالـ سم	الحجم بالـ سم ³
علبة حفظ الطعام	20	15	10	
مضاعفة بُعد واحد				
مضاعفة بُعدين				
مضاعفة 3 أبعاد				

أجب عن الأسئلة التالية باستخدام العمليات الحسابية الموضحة في الجدول

1 ما نسبة الحجم الجديد إلى الحجم الأصلي عند مضاعفة بُعد واحد ؟ اكتب هذه النسبة بطريقتين

باستخدام قيم الجدول وفي صورة نسبة 1 : V

2 ما نسبة الحجم الجديد إلى الحجم الأصلي عند مضاعفة بُعدين ؟ اكتب هذه النسبة بطريقتين باستخدام

قيم الجدول وفي صورة نسبة 1 : V

3 ما نسبة الحجم الجديد إلى الحجم الأصلي عند مضاعفة الأبعاد الثلاثة ؟ اكتب هذه النسبة بطريقتين

باستخدام قيم الجدول وفي صورة نسبة 1 : V

6 صندوق على شكل متوازي مستطيلات طوله 10 سم وعرضه 15 سم وارتفاعه 6.5 سم

أوجد حجمه، ثم أوجد حجم صندوق آخر يزيد ارتفاعه عن هذا الصندوق بمقدار 3.5 سم أسوط 2025

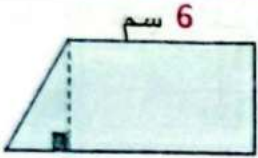
سعدية

تقييم (6) عام على الوحدة الثالثة عشرة

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- 1 متوازي مستطيلات مساحة قاعدته 9 سم² ، وارتفاعه 3 سم ، فإن حجمه =
 المنوفية 2025 (18 أو 27 أو 81 أو 16)
- 2 متوازي مستطيلات أبعاده 2 سم ، 3 سم ، 4 سم ، إذا ضاعفنا أبعاده الثلاثة ، فإن الحجم الجديد =
 القليوبية 2025 (48 أو 24 أو 192 أو 3)
- 3 مساحة سطح المكعب الذي طول حرفه 2 سم =
 القاهرة 2025 (2 أو 6 أو 8 أو 24)
- 4 عدد أحرف المنشور الثلاثي =
 سوهاج 2025 (5 أو 6 أو 8 أو 9)
- 5 هرم رباعي قاعدته مربعة طول ضلعها 6 سم ، وارتفاع أحد أوجهه المثلثة 4 سم ، فإن مساحة سطحه =
 كفر الشيخ 2025 (24 أو 36 أو 48 أو 84)
- 6 متوازي مستطيلات حجمه 60 سم³ ، ومساحة قاعدته 12 سم² ، فإن ارتفاعه =
 القاهرة 2025 (6 أو 5 أو 72 أو 48)
- 7 متوازي مستطيلات أبعاده 4 سم ، 5 سم ، 10 سم ، فإن مساحة سطحه =
 المنوفية 2025 (19 أو 90 أو 180 أو 220)
- 8 مساحة مثلث طولاً ضلعي القائمة به 1 سم ، 2 سم () مساحة مربع طول ضلعه 1 سم
 القليوبية 2025 (> أو < أو = أو غير ذلك)
- 9 تتقاطع ارتفاعات المثلث المنفرج الزاوية في نقطة واحدة تقع المثلث.
 الشرقية 2025 (على أو داخل أو خارج أو غير ذلك)

2 اكمل ما يأتي:

- 1 مساحة شبه المنحرف المقابل = سم²  القليوبية 2025
- 2 مثلث مساحته 40 سم² ، وطول قاعدته 8 سم ، فإن الارتفاع المناظر لها = سم الغربية 2025
- 3 مكعب طول حرفه 1 سم ، فإن مساحة سطحه = سم² الجيزة 2025
- 4 متوازي مستطيلات أبعاده 2 سم ، 4 سم ، 5 سم ، فإن مساحة سطحه = سم² البحيرة 2025
- 5 في المنشور الثلاثي إذا كانت القواعد المثلثة عبارة عن مثلثات متساوية الأضلاع ، فإن الأوجه المستطيلة جميعها ستكون
 المنوفية 2025

6 متوازي مستطيلات حجمه 100 سم³ ، فإن حجمه عند مضاعفة بُعْدَيْن من أبعاده = سم³

الشرقية 2025

7 متوازي أضلاع طولاً قاعدتيه 10 سم ، 8 سم ، وارتفاعه الأصغر 6 سم ، فإن مساحته = سم²

المنيا 2025

3 أيهما أكبر مساحة مثلث طول قاعدته 12 م ، وارتفاعه المناظر لهذه القاعدة 18 م ،

القاهرة 2025

أم مساحة متوازي أضلاع طول قاعدته 12 م ، وارتفاعه المناظر لهذه القاعدة 7 م

4 صندوق على شكل متوازي مستطيلات طوله 70 سم ، وعرضه 50 سم ، وارتفاعه 40 سم ،

الجيزة 2025

أوجد مساحة سطحه

5 حَمَّام سباحة على شكل متوازي مستطيلات أبعاده 20 م ، 10 م ، 3 م.

قنا 2025

احسب حجم حمام السباحة

6 متجر قام بتخفيض 20% من قميص سعره 500 جنيه ، فأوجد السعر بعد التخفيض

القليوبية 2025

7 مدرسة بها 300 تلميذ ، اشترك في الرحلة 60% منهم ، فما عدد التلاميذ الذين اشتركوا في الرحلة ؟

القاهرة 2025

سندباد

الرياضيات 6

داخل الملحق:

- اختبارات تراكمية عامة على جميع الوحدات.
- اختبارات للمراجعة الشهرية.
- مراجعة ليلة الامتحان.
- كم هائل من الأسئلة المختارة من امتحانات الأعوام السابقة.
- امتحانات الإدارات التعليمية بالمحافظات.
- الإجابات النموذجية لجميع الاختبارات التراكمية والاختبارات الشهرية ومراجعة ليلة الامتحان والامتحانات العامة.

المصف السادس الابتدائي

الفصل الدراسي الثاني



(12 درجة)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 $\frac{5}{6} \div 5 =$ ☐ أ $\frac{1}{6}$ ☐ ب $\frac{25}{6}$ ☐ ج $\frac{1}{6}$ ☐ د $\frac{6}{30}$

2 $6 \div \frac{3}{4} =$ ☐ أ $\frac{18}{4}$ ☐ ب $\frac{4}{18}$ ☐ ج 8 ☐ د 24

3 $\frac{9}{11} \div \frac{3}{22} =$ ☐ أ 6 ☐ ب $\frac{2}{3}$ ☐ ج $\frac{3}{2}$ ☐ د $\frac{27}{242}$

4 $\frac{4}{6} \div 8 =$ ☐ أ $\frac{1}{12}$ ☐ ب 24 ☐ ج 4 ☐ د $\frac{48}{4}$

5 مقلوب العدد 5 هو ☐ أ 5 ☐ ب -5 ☐ ج $\frac{1}{5}$ ☐ د 2.56 مقلوب العدد $-\frac{1}{9}$ هو ☐ أ $\frac{1}{9}$ ☐ ب -9 ☐ ج -1 ☐ د 97 إذا كان $\frac{1}{3}$ عدد ما يساوي 3 فإن هذا العدد = ☐ أ 1 ☐ ب 3 ☐ ج 9 ☐ د $\frac{1}{9}$ 8 العدد 3 يساوي $\frac{1}{4}$ العدد ☐ أ 3 ☐ ب 4 ☐ ج 12 ☐ د $\frac{4}{3}$ 9 إذا كان $\frac{1}{3}$ العدد a يساوي $\frac{1}{4}$ العدد b فإن a ☐ أ $<$ ☐ ب $>$ ☐ ج $=$ ☐ د $\frac{4}{3}$ 10 إذا كان $\frac{1}{4} \div a = \frac{1}{12}$ فإن قيمة a = ☐ أ 3 ☐ ب $\frac{1}{3}$ ☐ ج $\frac{3}{4}$ ☐ د $\frac{4}{3}$ 11 إذا كان $\frac{1}{4} \times a = \frac{1}{12}$ فإن قيمة a = ☐ أ 3 ☐ ب $\frac{1}{3}$ ☐ ج $\frac{3}{4}$ ☐ د $\frac{4}{3}$

12 $45.45 \div 4.5 =$ ☐ أ 0.101 ☐ ب 101 ☐ ج 1.01 ☐ د 10.1

(12 درجة)

2 أكمل ما يأتي:

1 كم $\frac{3}{8}$ في العدد 3 ؟

3 مقلوب العدد 0.2 هو

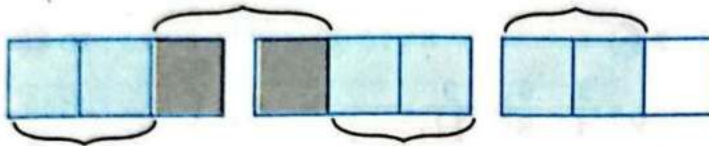
5 كم $\frac{1}{8}$ في $\frac{3}{4}$ ؟7 $\frac{2}{3}$ العدد 24 يساوي9 إذا كان $\frac{1}{4}$ عدد ما يساوي 8 فإن هذا العدد هو10 استخدمت علياء $\frac{4}{9}$ كوب من اللبن لعمل 2 كوب قهوة فإنها تستخدم كوب من اللبن لعمل 1 كوب قهوة.

11 من النموذج المقابل:

1		1	
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$

$$2 \div \frac{1}{2} =$$

12 من النموذج المقابل:



$$3 \div \frac{2}{3} =$$

(16 درجة)

3 أجب عما يأتي:

1 يُراد تقسيم 6 كجم من السمكة في تسع عبوات كل عبوة $\frac{3}{5}$ كجم. فما عدد العبوات التي يمكن ملؤها؟2 مع ملك 5 أمتار من شريط تغليف الهدايا وتحتاج تقسيمه إلى أجزاء طول كل منها $\frac{5}{8}$ متر.

فما عدد القطع التي ستحصل عليها؟

3 بفرض أن لديك $\frac{9}{12}$ كجم من الصلصال وتريد أن تقسمها إلى قطع كتلة كل منها $\frac{1}{4}$ كجم.

فكم يكون عدد القطع التي يمكن تكوينها؟

4 سماح لديها 6 لتر لبن وتحتاج لتقسيمها في زجاجات صغيرة سعة الواحدة منها $\frac{3}{4}$ لتر.

كم زجاجة تحتاجها سماح لعمل ذلك؟

(12 درجة)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 النسبة 12 إلى 36 في أبسط صورة هي

أ 2 : 6

ب 2 : 3

ج 1 : 3

د 1 : 2

2 هي نسبة بين كميتين مختلفتين في النوع والوحدة.

أ الحجم

ب المسافة

ج النسبة المئوية

د المعدل

3 مدرسة بها 25 ولذا، و 20 بنتاً فإن النسبة بين عدد البنات إلى عدد البنين هي (في أبسط صورة)

أ 25 : 20

ب 5 : 4

ج 4 : 5

د 25 : 45

4 هي مقارنة بين كميتين من نفس النوع والوحدة.

أ المساحة

ب المحيط

ج النسبة

د المعدل

5 لدى ريماس 8 وردات، و 12 قلم، فإن النسبة بين عدد الأقلام إلى عدد الورود هي

أ 3 : 8

ب 3 : 2

ج 8 : 12

د 12 : 20

6 النسبة التالية مباشرة في النمط: —، $\frac{9}{12}$ ، $\frac{6}{8}$ ، $\frac{3}{4}$ هيأ $\frac{18}{24}$ ب $\frac{12}{16}$ ج $\frac{12}{15}$ د $\frac{10}{13}$ 7 $34.25 \div 0.25 = \dots \div 25$

أ 342.5

ب 3425

ج 34.25

د 3.425

8 $\frac{1}{4} \div \frac{1}{2} \boxed{\quad} \frac{1}{8}$

أ =

ب >

ج <

9 $\frac{3}{5} \times \dots = \frac{6}{35}$ أ $\frac{3}{7}$ ب $\frac{18}{175}$ ج $\frac{2}{7}$ د $\frac{3}{30}$ 10 إذا كان 9 تساوي $\frac{1}{4}$ عدد ما، فإن هذا العدد هوأ $\frac{1}{36}$

ب 36

ج $\frac{4}{9}$ د $\frac{9}{4}$ 11 $54.9 \times \dots = 5.49$

أ 0.001

ب 0.1

ج 0.01

د 1

12 إذا كان $\frac{1}{5}$ العدد 15 يساوي $\frac{1}{a}$ من العدد 27 فإن قيمة a =

أ 27

ب 3

ج 9

د 5

(12 درجة)

2 أكمل ما يأتي:

1 صندوق به 8 كرات صفراء ، 12 كرة خضراء فإن النسبة بين عدد الكرات الصفراء إلى عدد الكرات الخضراء

هي (في أبسط صورة)

2 الحد الثاني في النسبة $\frac{5}{8}$ هو

والحد الأول هو

3 النسبة 45 : 30 تساوي (في أبسط صورة)



4 النسبة بين عدد المربعات : عدد الدوائر في الشكل المقابل هي

5 فصل دراسي به 45 تلميذاً ، وكان عدد البنات 27 بنتاً، فإن النسبة بين عدد البنين إلى عدد البنات هي

6 النسبة 45 : 27 في أبسط صورة هي

7 $45.2 \div 4.25 =$ 8 كم $\frac{4}{9}$ في العدد 8 ؟

9 $\frac{1}{2}$ العدد $\frac{4}{7}$ يساوي 10 مقلوب العدد $1\frac{1}{2}$ هو

11 إذا علمت أن : $4.5 = 10.35 \div 2.3$ فإن : $23 \times 4.5 =$

12 من النموذج المقابل:

$3 \div \frac{1}{2} =$

1	1	1
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$

(16 درجة)

3 أجب عما يأتي:

1 آلة زراعية تحرث 8 أفدنة في 4 ساعات أوجد مُعدّل أداء هذه الآلة.

2 ماكينتان لإنتاج السلك ، الماكينة الأولى تنتج 1,620 متراً في 3 ساعات، والماكينة الثانية تنتج 680 متراً من نفس السلك في 80 دقيقة. أي الآلتين أكثر كفاءة ؟

3 قُسِّمَت هيفاء 12.75 جنيهًا بين أبنائها الثلاثة. أوجد نصيب كل منهم.

4 أوجد قيمة m في كل مما يأتي: $\frac{3}{4} \times m = \frac{3}{8}$ 1 $\frac{3}{4} \div m = \frac{3}{8}$ 2

5 إذا كنت بحاجة إلى شراء 1.5 كيلوجرام من التفاح لوالدتك بسعر 40.50 جنيه للكيلو جرام الواحد. فما المبلغ الذي ستدفعه؟

(12 درجة)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

إذا كانت $\frac{6}{x} = \frac{3}{7}$ فإن x تساوي

- أ 14 ب 15 ج 18 د 42

إذا كانت $\frac{2}{3} = \frac{x}{9}$ فإن قيمة x =

- أ 4 ب 9 ج 1 د 6

إذا كانت نسبة الألوان المستخدمة لمزج كمية من الطلاء هي 8 أحمر : 5 أخضر، فإن النسبة المكافئة لها هي

- أ 4 أحمر : 5 أخضر ب 16 أحمر : 10 أخضر
ج 5 أحمر : 8 أخضر د 16 أحمر : 15 أخضر

ماكينة تنتج 27 متراً من القماش في 3 ساعات فإن معدل إنتاج الماكينة =

- أ 27 متراً في الساعة ب 30 متراً في الساعة
ج 9 متر في الساعة د 8 متر في الساعة

5 تصرف أسرة 200 جنيه في 4 أيام فإن معدل الصرف = جنيه / يوم

- أ 200 ب 100 ج 240 د 50

$4 \div \frac{2}{4} =$

- أ 4 ب 8 ج $\frac{1}{2}$ د 2

7 من المخطط الشريطي المقابل :

النسبة بين عدد القطط إلى عدد الكلاب =

- أ 3 : 4 ب 3 : 1 ج 1 : 3 د 3 : 7

3 من جدول النسب المقابل:

إذا كان عدد الدوائر يساوي 12 فإن عدد المستطيلات =

- أ 14 ب 9 ج 20 د 15

9 إذا كانت النسبتان $\frac{3}{4}$ ، $\frac{a}{12}$ متكافئتان فإن قيمة a =

- أ 3 ب 9 ج 6 د 12

10 إذا كانت $\frac{10}{x+10} = \frac{5}{7}$ فإن قيمة x =

- أ 10 ب 14 ج 4 د 24

11 أي مما يلي لا يكافئ النسبة 3 : 4 ؟

- أ $\frac{4}{3}$ ب 0.75 ج $\frac{6}{8}$ د 75%

12 إذا كان $\frac{9}{12} = \frac{x-2}{4}$ فإن قيمة x =

- أ 2 ب 3 ج 4 د 5

عدد القطط

--	--	--

عدد الكلاب

--	--	--	--

عدد الدوائر	عدد المستطيلات
3	5
12	؟

(12 درجة)



2 أكمل ما يأتي:

النموذج المقابل يمثل :

$$\frac{6}{7} + \frac{3}{14} =$$

$$8.572 \times 100 =$$

قطعت سيارة مسافة 120 كيلومتر في ساعتين، فإن عدد الكيلومترات التي تقطعها السيارة في مدة 4 ساعات هي كيلومتر

إذا كان عدد البنات في أحد الفصول 12 بنتًا، وعدد البنين 15 ولدًا، فإن النسبة بين عدد البنين إلى عدد البنات هي

$$2.08 \times 0.6 =$$

المسافة المقطوعة بالمتر



الزمن بالثانية



من المخطط الشريطي المقابل:

المسافة التي يقطعها الأرنب في 10 ثواني = متر

هي نسب لها نفس القيمة بعد وضع كل منها في أبسط صورة.

النسبة 8 : 5 تكافئ النسبة 15 :

النسبة التالية في النمط — ، $\frac{6}{9}$ ، $\frac{4}{6}$ ، $\frac{2}{3}$ هي

إذا كان عمر رشا 15 سنة، وعمر والدها 45 سنة فإن النسبة بين عمر رشا إلى عمر أبيها هي

(في أبسط صورته) :

فصل دراسي النسبة بين عدد البنين إلى عدد البنات تساوي 3 : 4 ، فإذا كان عدد البنات 12 بنتًا، فإن عدد

الأولاد = ولدًا

(16 درجة)

3 أجب عما يلي:

تحتاج سيارة 20 لترًا من البنزين لقطع مسافة 180 كيلو مترًا:

(استخدم خط أعداد مزدوج)

ما عدد اللترات التي تحتاجها السيارة لقطع مسافة 90 كيلومتر.

تستهلك سيارة 30 لترًا من الوقود عند قطع مسافة 240 كيلومتر.

فما معدل استهلاك السيارة للوقود؟

محل لبيع الخضار، يبيع 5 كجم من البرتقال بسعر 55 جنيهاً، ويبيع محل آخر 8 كجم من نفس النوع من

البرتقال بسعر 72 جنيهاً. أي من المحلّين يقدم أفضل سعر للبرتقال؟

مدرسة ابتدائية ارتفاع مبناها 15 مترًا، وطول ظلها في لحظة ما 5 أمتار.

أ كم يكون ارتفاع شجرة طول ظلها 3 أمتار في نفس اللحظة؟

ب مدرسة أخرى ارتفاعها 10 متر. فكم يكون طول ظلها في هذه اللحظة؟

اختبار (4) عام على الوحدة (9) 30 درجة

من أداءات وتقييمات الوزارة

(9 درجات)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 المقارنة بين كميتين من نفس النوع والوحدة تُسمَّى

- أ المعدل ب النسبة ج البسط د المقام

2 $\frac{20}{30} = \frac{2}{3}$ ، في أبسط صورة ،

- أ $\frac{10}{15}$ ب $\frac{4}{6}$ ج $\frac{2}{3}$ د $\frac{3}{2}$

3 المقارنة بين كميتين مختلفتين في النوع والوحدة تُسمَّى

- أ المعدل ب النسبة ج القيمة المكانية د الحد الأول

4 $\frac{18}{24} = \frac{3}{2}$ ، في أبسط صورة .

- أ $\frac{3}{2}$ ب $\frac{3}{4}$ ج $\frac{4}{3}$ د $\frac{9}{12}$

5 لتبسيط النسبة التي حديها 2 ، 10 نقسم حدي النسبة على العامل المشترك الأكبر لهما وهو

- أ 5 ب 2 ج 10 د 20

6 $\frac{15}{27} = \frac{5}{9}$ ، في أبسط صورة .

- أ $\frac{9}{5}$ ب $\frac{3}{8}$ ج $\frac{10}{18}$ د $\frac{5}{9}$

(12 درجة)

2 أكمل الجدول المقابل محافظاً على النسبة المعطاة:

عدد المربعات	عدد الدوائر	إجمالي عدد الأشكال
2	9	

عدد المربعات	عدد الدوائر	إجمالي عدد الأشكال
2	1	

عدد المربعات	عدد الدوائر	إجمالي عدد الأشكال
6	4	

(9 درجات)

3 أجب عن الأسئلة التالية:

- 1 أوجد ناتج الضرب: $2.31 \times 0.23 =$ [2] أوجد خارج القسمة: $0.42 \div 0.006 =$
- 3 أوجد ناتج الضرب: $0.12 \times 3.6 =$ [4] أوجد خارج القسمة: $0.35 \div 0.007 =$
- 5 أوجد ناتج الضرب: $3.7 \times 0.44 =$ [6] أوجد خارج القسمة: $0.32 \div 0.008 =$

اختبار (5) عام على الوحدة (9) 40 درجة

(9 درجات)

أولاً اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

1 أي من النسب الآتية تكون متكافئة ؟

- أ $\frac{3}{4}, \frac{9}{10}$ ب $\frac{4}{9}, \frac{2}{3}$ ج $\frac{4}{5}, \frac{3}{4}$ د $\frac{8}{12}, \frac{10}{15}$

2 في أي تناسب يكون : حاصل ضرب الطرفين [] حاصل ضرب الوسطين.

- أ < ب > ج = د

3 من جدول النسب المتكافئة المقابل :

$$x + y =$$

3	12	y
5	x	10

- أ 20 ب 35 ج 14 د 26

$$0.2 \times 0.5 =$$

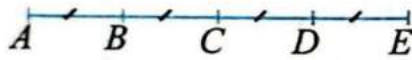
- أ 1 ب 0.01 ج 0.10 د 1.10

5 إذا كانت النسبة 7 : 2 تكافئ النسبة 14 : x فإن قيمة x =

- أ 4 ب 49 ج 7 د 9

$$7.25 \div 0.025 = \div 25$$

- أ 72,500 ب 7,250 ج 725 د 0.725



- أ 1 : 3 ب 1 : 4 ج 2 : 3 د 2 : 4

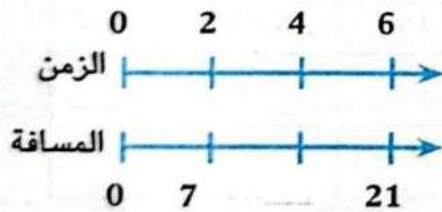
7 في الشكل المقابل : $AC : BE =$

- أ 1 : 3 ب 1 : 4 ج 2 : 4 د 2 : 3

8 النسبة بين طول ضلع المربع ومحيطه =

- أ 2 : 4 ب 1 : 1 ج 1 : 4 د 1 : 2

9 من خط الأعداد المزدوج :



العدد المفقود هو

- أ 8 ب 14 ج 10 د 28

(31 درجة)

ثانياً اجب عما يأتي:

1 لديك $\frac{9}{10}$ كجم من الصاصال ، وتريد تقسيمه إلى قطع وتكون كتلة كل قطعة $\frac{2}{5}$ كجم.

ما عدد القطع التي يمكن أن تكونها ؟ (مستخدماً القسمة الشريطية)

2 قارن مستخدماً أحد الرموز ($>$, $<$, $=$) :

$$\frac{3}{4} \div \frac{1}{2} \quad \square \quad \frac{1}{2} \div \frac{3}{4} \quad [1]$$

2 إذا كان $\frac{1}{2}$ العدد a يساوي ضعف العدد b فإن $4b$ $\square$ a .

$$1.2 \times 3.5 \quad \square \quad 0.12 \times 35 \quad [4] \quad 20 \quad \frac{1}{4} \quad \square \quad 12 \quad \frac{1}{3} \quad [3]$$

3 أكمل ما يأتي:

$$\frac{7}{8} \div \frac{1}{2} = \quad [2] \quad 12.5 \div 0.5 = \quad [1]$$

$$[3] \text{ إذا كان } \frac{2}{11} = \frac{10}{x+5} \text{ فإن قيمة } x =$$

4 إذا كان ثمن 4 كجم من الخوخ 36 جنيهاً . فما ثمن 10 كجم من الخوخ ؟

5 في أحد اختبارات مادة الرياضيات استغرقت نهال 8 دقائق لحل 4 مسائل ، بينما استغرق كمال 12 دقيقة لحل 5 مسائل . أي منهما أسرع ؟

6 تستهلك سيارة محمود 6 لتر من البنزين لقطع مسافة 36 كم ، بينما تستهلك سيارة علي 10 لتر لقطع مسافة 50 كم .

أي من السيارتين تستهلك بنزيناً بمعدل أقل ؟

7 إذا كانت النسبة بين ما مع إسماعيل إلى ما مع أدهم كنسبة 4 : 3 ، وكان ما مع أدهم 1,000 جنيه . أوجد ما مع إسماعيل.

8 متجر لبيع الملابس يقدم عروضاً لبيع قمصان من نفس النوع.

العرض الأول : 3 قمصان بسعر 660 جنيهاً ، والعرض الثاني : 5 قمصان بسعر 950 جنيهاً.

حدد أفضل سعر لشراء القميص داخل كل عرض.

أوجد ناتج:

$0.4 \times 0.02 =$

$0.6 \times 0.34 =$

$0.364 \div 0.002 =$

$2.345 \times 100 =$

اختبار (6)

(7 درجات)

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

1. لتحويل 600 متر في الثانية إلى أمتار في الدقيقة فإن مُعدّل التحويل هو

$$\frac{1 \text{ دقيقة}}{3600 \text{ ثانية}}$$

$$\frac{3600 \text{ ثانية}}{1 \text{ دقيقة}}$$

$$\frac{60 \text{ ثانية}}{1 \text{ دقيقة}}$$

$$\frac{1 \text{ دقيقة}}{60 \text{ ثانية}}$$

2. لتحويل لتر في الساعة إلى ملل في الساعة نستخدم معامل التحويل

$$\frac{1000 \text{ ملل}}{1 \text{ لتر}}$$

$$\frac{1 \text{ لتر}}{1000 \text{ ملل}}$$

$$\frac{1 \text{ لتر}}{100 \text{ ملل}}$$

$$\frac{100 \text{ ملل}}{1 \text{ لتر}}$$

3. إذا كان $\frac{1}{2} \times b = \frac{1}{12}$ فإن $b =$

24

$\frac{1}{24}$

$\frac{1}{6}$

6

$8 \div \frac{2}{3} =$

12

$\frac{16}{3}$

6

24

$11.25 \div 0.5 =$

225

0.225

2.25

22.5

6. جرّار زراعي يحرق 12 فداناً في 3 أيام ، فإن مُعدّل حرق الجرّار في اليوم هو

15

36

3

4

7. إذا كان $\frac{x}{12} = \frac{2}{3}$ فإن قيمة $x =$

24

36

16

8

2. تقرأ هيفاء 36 صفحة من كتاب في 4 ساعات ، فإذا كانت تقرأ بنفس المُعدّل.

فكم صفحة تقرأها في 10 ساعات.

3. قطع عباس بدراجته 48 كيلومتر في 6 ساعات. أوجد المُعدّل سرعته (مُعدّل الوحدة).

4. آلة زراعية تحرق 10 أفدنة في 5 ساعات أم آلة زراعية أخرى تحرق 12 فداناً في 4 ساعات.

أيهما أكثر كفاءة ؟

من اداءات وتقييمات الوزارة

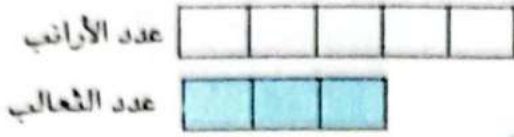
10

عام على الوحدة (10)

اختبار (7)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

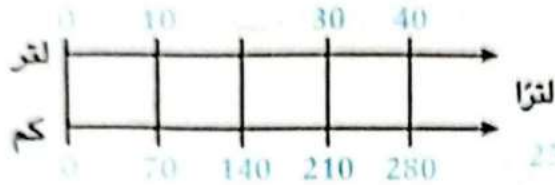
1 في المخطط الشريطي المقابل:



نسبة عدد الأرناب إلى عدد الثعالب هي

- أ 1 إلى 5 ب 3 إلى 8 ج 3 إلى 5 د 8 إلى 3

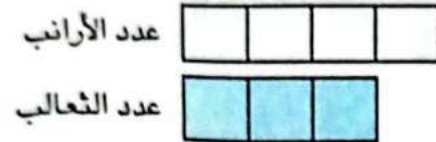
2 من خط الأعداد المزدوج المقابل:



عدد لترات البنزين اللازمة لقطع مسافة 140 كم =

- أ 10 ب 20 ج 15 د 25

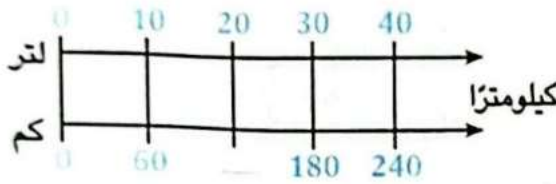
3 في المخطط الشريطي المقابل:



نسبة عدد الثعالب إلى عدد الأرناب هي

- أ 3 إلى 4 ب 3 إلى 7 ج 4 إلى 7 د 4 إلى 3

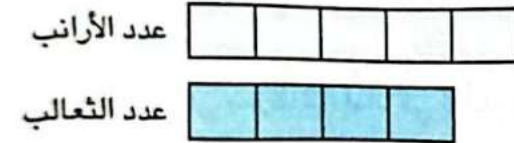
4 من خط الأعداد المزدوج المقابل:



المسافة المقطوعة عند استهلاك 20 لتراً =

- أ 160 ب 140 ج 120 د 270

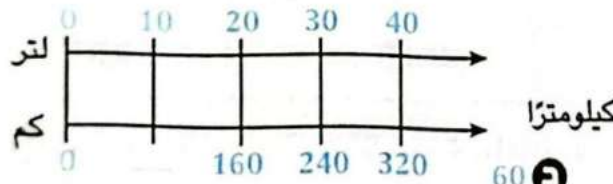
5 في المخطط الشريطي المقابل:



نسبة عدد الأرناب إلى عدد الثعالب هي

- أ 4 إلى 5 ب 4 إلى 5 ج 5 إلى 4 د 5 إلى 9

6 من خط الأعداد المزدوج المقابل:



المسافة المقطوعة عند استهلاك 10 لتراً =

- أ 80 ب 90 ج 70 د 60

2 أعمل الجداول التالية لتكون النسب متكافئة:

÷		7		1	×	2
	16		10	2		

÷		6		3	×	1
	30		15	5		

÷		15		5	×	3
	24		12	6		

3 أجب عن الأسئلة التالية:

1 في المخطط الشريطي المقابل: إذا كان عدد الأولاد 15 ولذا، أوجد عدد البنات.

عدد الأولاد

عدد البنات

2 إذا كان نسبة عدد البرتقالات إلى عدد التفاحات هي 2 إلى 3،

فما عدد البرتقالات إذا كان عدد التفاحات 18 تفاحة؟

3 في المخطط الشريطي المقابل: إذا كان عدد البنات 60 بنتًا، أوجد عدد الأولاد.

عدد الأولاد

عدد البنات

4 إذا كان نسبة عدد البرتقالات إلى عدد التفاحات هي 2 إلى 5، فما عدد التفاحات إذا كان عدد البرتقالات 14

برتقالة؟

5 في المخطط الشريطي المقابل: إذا كان عدد الأولاد 40 ولذا،

عدد الأولاد

عدد البنات

أوجد عدد البنات.

6 إذا كان نسبة عدد البرتقالات إلى عدد التفاحات هي 3 إلى 4،

فما عدد البرتقالات إذا كان عدد التفاحات 16 تفاحة؟

(7 درجات)

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1. نسبة عددية بين كميتين متساويتين يعبر عنهما بوحدة مختلفة داخل نظام القياس نفسه يُسمى

- أ) مَعَادِلَة ب) عَامِل ج) مَعَامِل التَّحْوِيل د) مُتَغَيِّر

2. مُعَدَّل الوحدة الذي يكافئ 180 كم لكل 3 ساعات هو

- أ) $\frac{80 \text{ كم}}{1 \text{ ساعة}}$ ب) $\frac{60 \text{ كم}}{1 \text{ ساعة}}$ ج) $\frac{30 \text{ كم}}{\frac{1}{2} \text{ ساعة}}$ د) $\frac{120 \text{ كم}}{2 \text{ ساعة}}$

3. يبيع تاجر 18 كيلو جرام من الزبدة كل 3 ساعات فإن مُعَدَّل الوحدة هو

- أ) 9 ب) 3 ج) 6 د) 2
 $0.3 \times 0.42 =$ أ) 12.6 ب) 1.26 ج) 0.126 د) 126

4. لتحويل كم في الأسبوع إلى كم في اليوم نستخدم معامل التحويل

- أ) $\frac{7 \text{ أيام}}{1 \text{ أسبوع}}$ ب) $\frac{24 \text{ ساعة}}{1 \text{ يوم}}$ ج) $\frac{1 \text{ أسبوع}}{7 \text{ أيام}}$ د) $\frac{24 \text{ ساعة}}{1 \text{ يوم}}$

5. $120 =$ قرش : 1.5 جنيه (في أبسط صورة) أ) 15 : 12 ب) 5 : 4 ج) 4 : 5 د) 3 : 4

6. $\frac{9}{20} =$ 0.35 : جنيه (في أبسط صورة) أ) 5 : 9 ب) 7 : 5 ج) 9 : 7 د) 7 : 9

(4 درجات)

1. ماكينتان لإنتاج السلك الأولى تنتج 1,620 مترًا في 3 ساعات. الثانية تنتج

680 مترًا من نفس السلك في 80 دقيقة أي الآلتين أكثر كفاءة ؟

(4 درجات)

2. قطع ياسين بدراجته 16 كيلومتر في 4 ساعات بهذا المُعَدَّل أوجد:

1. عدد الكيلومترات التي يقطعها خلال 7 ساعات.

2. عدد الساعات التي يستغرقها لقطع مسافة 32 كيلو متر

(5 درجات)

أكمل ما يأتي:

1. إذا كان 3 أطنان = 3,000 كجم فإن معامل التحويل المستخدم هو

2. يقطع قطار مسافة 540 كم في 6 ساعات ، فإن مُعَدَّل ما يقطعه القطار في الساعة = كم / ساعة.

3. إذا كانت النسبة 13 : 7 تكافئ النسبة 52 : x فإن قيمة $x =$

4. إذا كان $\frac{x}{y} = \frac{a}{b}$ فإن $x \times b =$ ×

5. إذا كان $25 \times 31 = 775$ فإن : $0.25 \times 3.1 =$

اختبار (9)

اسم على الوحدة (10)

30

من أدعاءات وتقييمات الوزارة

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 م = سم ☐ أ ☐ ب 100 ☐ ج 1,000 ☐ د 0.001

2 معامل التحويل المستخدم للتحويل من يوم إلى ساعة هو

☐ أ ☐ ب $\frac{24 \text{ ساعة}}{1 \text{ يوم}}$ ☐ ج $\frac{1 \text{ يوم}}{24 \text{ ساعة}}$ ☐ د $\frac{1 \text{ أسبوع}}{7 \text{ أيام}}$ 3 1 ملل = لتر ☐ أ ☐ ب 100 ☐ ج 1,000 ☐ د 0.001

4 معامل التحويل المستخدم للتحويل من مليلترات إلى لترات هو

☐ أ $\frac{1,000 \text{ ملل}}{1 \text{ لتر}}$ ☐ ب $\frac{10 \text{ لتر}}{1 \text{ ملل}}$ ☐ ج $\frac{1 \text{ لتر}}{1,000 \text{ ملل}}$ ☐ د $\frac{1 \text{ ملل}}{10 \text{ لتر}}$ 5 1 كجم = جم ☐ أ 10 ☐ ب 100 ☐ ج 1,000 ☐ د 0.001

6 معامل التحويل المستخدم للتحويل من ثانية إلى ساعة هو

☐ أ $\frac{1 \text{ ساعة}}{60 \text{ ثانية}}$ ☐ ب $\frac{1 \text{ ساعة}}{30 \text{ ثانية}}$ ☐ ج $\frac{1 \text{ ساعة}}{1,000 \text{ م}}$ ☐ د $\frac{1 \text{ كم}}{1,000 \text{ م}}$

2 أجب عن الأسئلة التالية:

1 استخدم معامل التحويل لتحويل 6.5 طن إلى كيلوجرامات.

2 اكتب مثال لمعامل التحويل بين وحدات قياس الأطوال.

3 ادّخرت مئة مبلغ 150 جنيهاً في 3 أيام، وادّخرت أختها ندى مبلغ 160 جنيهاً في 4 أيام،

وتريد كل منهما حقيبة بمبلغ 400 جنيهاً فأَيُّ منهما تسبق الأخرى في شراء الحقيبة؟

4 استخدم معامل التحويل لتحويل 2.5 كيلوجرام إلى جرامات.

5 مثلاً لمعامل التحويل بين وحدات قياس الزمن.

6 ادّخر حازم مبلغ 200 جنيهاً في 4 أيام، وادّخر أخوه زياد مبلغ 300 جنيهاً في 5 أيام، ويريد كل منهما شراء موبايل بمبلغ 6,000 جنيهاً فأَيُّ منهما يسبق الآخر في شراء الموبايل؟

7 استخدم معامل التحويل لتحويل 7.5 لترًا إلى مليلترات.

8 اكتب مثالاً لمعامل التحويل بين وحدات قياس الساعة.

9 ادّخر يوسف مبلغ 150 جنيهاً في يومين، وادّخر أخوه عمار مبلغ 210 جنيهاً في 3 أيام، ويريد كل منهما شراء ساعة يد بمبلغ 1,050 جنيهاً فأَيُّ منهما يسبق الآخر في شراء الساعة؟

اختبار (10) عام على الوحدة (10) 30 درجة

من أداءات وتقييمات الوزارة

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة: (7 درجات)

20% =	1	$\frac{1}{2}$ أ	$\frac{1}{3}$ ب	$\frac{1}{4}$ ج	$\frac{1}{5}$ د
0.4 = %	2	4 أ	40 ب	400 ج	0.04 د
50% =	3	$\frac{1}{2}$ أ	$\frac{1}{3}$ ب	$\frac{1}{4}$ ج	$\frac{1}{5}$ د
0.9 = %	4	9 أ	90 ب	900 ج	0.09 د
25% =	5	$\frac{1}{2}$ أ	$\frac{1}{3}$ ب	$\frac{1}{4}$ ج	$\frac{1}{5}$ د
0.6 = %	6	6 أ	60 ب	600 ج	0.06 د

2 أجب عن الأسئلة التالية:

1 ما هو المبلغ الذي يُمثّل % 12 من 300 جنيهاً ؟

2 حوّل باستخدام معامل التحويل 600 سم إلى أمتار .

3 إذا كانت نسبة النجاح في مدرسة % 95 فاحسب نسبة الراسبين .

4 ما هو المبلغ الذي يُمثّل % 9 من 500 جنيه ؟

5 حوّل باستخدام معامل التحويل 700 سم إلى أمتار .

6 إذا كانت نسبة النجاح في مدرسة % 85 فاحسب نسبة الراسبين.

7 ما هو المبلغ الذي يُمثّل % 11 من 400 جنيه ؟

8 حوّل باستخدام معامل التحويل 1,200 سم إلى أمتار .

9 إذا كانت نسبة النجاح في مدرسة % 92 فاحسب نسبة الراسبين.

اختبارات شهر مارس

درجة

30

النموذج الأول

(10 درجات)

أولاً اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 لدى أحمد 8 برتقالات ، 12 تفاحة ، فإن النسبة بين عدد التفاح : عدد البرتقال =

3 : 4 Ⓐ

3 : 2 Ⓑ

12 : 20 Ⓒ

8 : 12 Ⓓ

2 $25.25 \div 2.5 =$ _____ $\div 25$

2.525 Ⓐ

2525 Ⓑ

252.5 Ⓒ

0.2525 Ⓓ

3 إذا كان $\frac{9}{x+1} = \frac{3}{7}$ ، فإن قيمة $x =$ _____

22 Ⓐ

20 Ⓑ

21 Ⓒ

7 Ⓓ

4 $\frac{1}{5}$ يعتبر معامل تحويل

3 ساعات Ⓐ

100 كم Ⓑ

1,000 متر Ⓒ

100 سم Ⓓ



3 من الشكل المقابل:

$$AB : AC =$$

د

ج 2 : 5

ب 3 : 5

ا 3 : 2

5 أي مما يأتي يعتبر مُعَدَّل وحدة ؟

ب 180 لتر لكل 3 ساعات

ا 8 قطع فواكه لكل 4 فطائر بيض

د 3 لتر لكل 5 حزم فواكه

ج 50 جنيهًا لكل كيلو جرام واحد

1. 1200

د

ج 7200

د

ب 12,000

ب

ا 200

ا

سم / ثانية

7 120 دقيقة / م =

2. 10

د

ج 10

د

ب 10

ب

ا 2

ا

سم / ثانية

8 $\frac{3}{2} \div \frac{3}{5} =$

3. 1

د

ج 1

د

ب 25

ب

ا 15

ا

سم / ثانية

9 $7.5 \div 0.5 =$

ثانيًا أجب عما يأتي:

(4 درجات)

1 يشرب خروف 2,000 مليلتر من المياه في اليوم.

فكم لترًا من الماء يشربها الخروف في اليوم؟

(4 درجات)

2 تتحرك سيارة بسرعة 24 كيلومتر في الساعة فما سرعتها بالمتر في الدقيقة؟

(4 درجات)

3 يتدرب سعيد وياسر لتمثيل فريقهما في مسابقة الجري، فجرى سعيد 24 مترًا في

8 ثوانٍ، وجرى ياسر 20 مترًا في 4 ثوانٍ. فمن يختار الفريق منهما لتمثيله في مسابقة الجري؟

(4 درجات)

4 إذا كانت سرعة طائر الجواب 889 سنتيمتر في الثانية وسرعة القرش الأبيض الكبير

0.39 من الكيلومتر في الدقيقة. فأوجد سرعة كل منهما بالكيلومتر في الساعة وكتب لهما السرعة.

(4 درجات)

5 حدّد أي من الجمل الآتية تعبر عن معامل تحويل وأيهما ليست معامل تحويل:

2 3 م لكل 5 م

1 100 سم في المتر الواحد

4 21 أسبوعًا في 3 أشهر

3 يوم واحد = 24 ساعة

6 $\frac{1}{2}$ طن في 1,000 كجم

5 $\frac{1,000}{1}$ كم

النموذج الثاني

(7 درجات)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- 1 النسبة 18 : 24 في أبسط صورة تساوي ☐ أ 6 : 8 ☐ ب 3 : 4 ☐ ج 4 : 3 ☐ د 9 : 12
- 2 النقطة (5 , - 3) تقع في الربع ☐ أ الأول ☐ ب الثاني ☐ ج الثالث ☐ د الرابع
- 3 النقطة تقع على محور السينات (محور X) ☐ أ (- 3 , - 3) ☐ ب (3 , 3) ☐ ج (0 , 3) ☐ د (3 , 0)
- 4 خط الأعداد الرأسي في المستوى الإحداثي يُسمَّى ☐ أ محور X ☐ ب محور Y ☐ ج نقطة الأصل ☐ د الربع الثاني
- 5 النقطة (0 , - 5) تقع على ☐ أ محور X ☐ ب محور Y ☐ ج نقطة الأصل ☐ د الربع الأول
- 6 ما معامل التحويل المستخدم لتحويل 25 سم إلى أمتار؟ ☐ أ $\frac{1 \text{ سم}}{100 \text{ م}}$ ☐ ب $\frac{1 \text{ م}}{100 \text{ سم}}$ ☐ ج $\frac{25 \text{ سم}}{1 \text{ م}}$ ☐ د $\frac{1 \text{ م}}{25 \text{ سم}}$
- 7 50 % من 300 جنيهاً = جنيهاً ☐ أ 350 ☐ ب 75 ☐ ج 150 ☐ د 450

(8 درجات)

2 أكمل ما يأتي:

- 1 $\frac{1}{2}$ كم في الدقيقة = كم في الساعة
- 2 النسبة المئوية هي نسبة حدها الثاني
- 3 قيمة 10% من 1,500 جنيه = و بالتالي فإن 40% من 1,500 جنيه =
- 4 إذا كانت النسبتان $\frac{4}{x}$ ، $\frac{12}{15}$ متكافئتين فإن قيمة x =
- 5 إذا كان 25% من عدد ما يساوي 5 فإن هذا العدد هو
- 6 إذا كان 10 طن = 10,000 كجم، فإن معامل التحويل المستخدم هو
- 7 $\frac{1}{2}$ = %
- 8 75% = (في صورة كسر اعتيادي)

(8 درجات)

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 $5.12 \text{ كجم} =$ جم

512 Ⓐ

5,120 Ⓑ

51.2 Ⓒ

0.512 Ⓓ

2 أي مما يلي لا يُمثل معامل تحويل ؟

Ⓐ 2 م : 200 سم Ⓑ 1 سم : 10 مم Ⓒ 1 ديسم : 100 سم Ⓓ 1 م : 10 ديسم

3 صورة النقطة $(-3, 0)$ بالانعكاس في محور X هي النقطة

(3, 0) Ⓐ

(-3, 0) Ⓑ

(0, 3) Ⓒ

(0, -3) Ⓓ

4 النقطة هي نقطة تقاطع محوري الإحداثيات X, Y

(1, 1) Ⓐ

(0, 0) Ⓑ

(0, 1) Ⓒ

(1, 0) Ⓓ

5 صورة النقطة $(2, -3)$ بالانعكاس في محور X متبوعًا بالانعكاس في محور Y هي النقطة

(2, 3) Ⓐ

(-2, 3) Ⓑ

(-2, -3) Ⓒ

(3, 2) Ⓓ

6 $1.53 \div 0.3 =$

51 Ⓐ

0.51 Ⓑ

510 Ⓒ

5.1 Ⓓ

7 إذا كان $24 \times 16 = 384$ فإن $2.4 \times 0.16 =$

384,000 Ⓐ

38.4 Ⓑ

0.384 Ⓒ

3.84 Ⓓ

8 50 % من _____ جنيهاً = 300 جنيهاً

150 Ⓐ

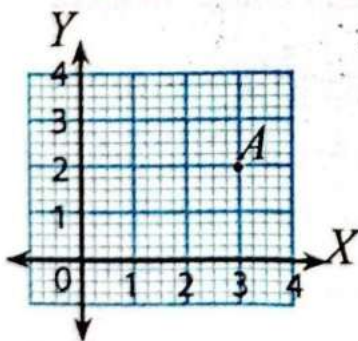
600 Ⓑ

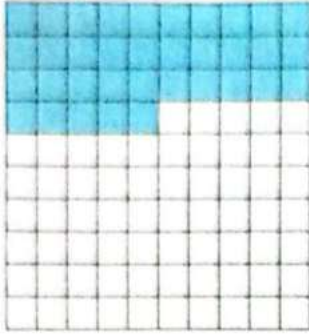
300 Ⓒ

350 Ⓓ

(7 درجات)

4 أجب عما يلي :

1 النقطة $A(3, 2)$ المحددة على المستوى الإحداثي هي إحدى رؤوس المربع $ABCD$ حيث تقعالرأس B في الربع الرابع فإذا كان طول ضلع المربع 5 وحدات طولية فحدد النقاط الثلاث الأخرى لإكمال رسم المربع، ثم اذكر إحداثيات هذه الرؤوس.



2 اذكر النسبة المئوية التي تمثل النموذج المقابل:

3 مدرسة بها 450 تلميذاً يغيب منهم 45 تلميذاً.

احسب النسبة المئوية للغياب وكذلك احسب النسبة المئوية للحضور.

درجة

30

النموذج الثالث

(7 درجات)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

120 متر لكل دقيقة = سم لكل ثانية

1,200 Ⓐ

200 Ⓑ

12,000 Ⓒ

720 Ⓓ

2 إذا كانت النسبة بين عددين 5 : 3 وكان العدد الأصغر 15 فإن العدد الأكبر يساوي

9 Ⓐ

25 Ⓑ

16 Ⓒ

34 Ⓓ

3 $\frac{3}{4} \div \frac{9}{16} =$

$\frac{3}{4}$ Ⓐ

$\frac{4}{3}$ Ⓑ

$\frac{64}{27}$ Ⓒ

$\frac{27}{64}$ Ⓓ

4 $45\% + 0.55 =$

1% Ⓐ

100 Ⓑ

0.1 Ⓒ

1 Ⓓ

5 النقطة تقع في الربع الثاني

(2, 2) Ⓐ

(-2, 2) Ⓑ

(2, -2) Ⓒ

(-2, -2) Ⓓ

6 30 % من 50 كجم = كجم

1,500 Ⓐ

15 Ⓑ

150 Ⓒ

80 Ⓓ

7 أي من الآتي يكون معامل وحدة؟

50 جنيهًا لكل 2 كيلو تفاح Ⓐ

120 كم لكل 3 ساعات Ⓓ

30 مترًا لكل ساعتين Ⓒ

20 ورقة في الدقيقة Ⓑ

(7 درجات)

2 أكمل ما يأتي:

1	1	1	1	1	1
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$

1 إذا كان $\frac{3}{x} = \frac{12}{20}$ فإن قيمة $x =$

2 من النموذج المقابل: $3 \div \frac{1}{2} =$

3 صورة النقطة (,) بالانعكاس في محور Y هي النقطة (3 , 2) -

4 عدد ثلثه يساوي 5 فإن خمسه يساوي

5 يقطع أدهم بالدراجة مسافة 20 كم في 4 ساعات فإن معدل ما يقطعه أدهم بالدراجة في الساعة الواحدة
كم =6 مقلوب العدد $\frac{2}{3}$ يساوي7 إذا كانت النقطة (5 , 3) هي نقطة الأصل فإن: $a =$, $b =$

(7 درجات)

3 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

1 إذا كانت النقطة (4 - , 3) تقع على محور X فإن: $a =$

أ - 4 ب 0 ج 4 د 3

2 25 % من 200 جنيهاً = 50 % من جنيهاً

أ 50 ب 400 ج 200 د 100

3 3.5 طن = كجم

أ 0.035 ب 35 ج 3,500 د 350

4 صورة النقطة (4 - , 0) بالانعكاس في محور X هي النقطة

أ (4 , 0) ب (0 , 0) ج (0 , 4) د (- 4 , 0)

5 أي مما يأتي يعتبر معامل تحويل؟

أ $\frac{60 \text{ دقيقة}}{1 \text{ ثانية}}$ ب $\frac{1 \text{ أسبوع}}{7 \text{ أيام}}$ ج $\frac{1,000 \text{ سم}}{1 \text{ متر}}$ د $\frac{3 \text{ كم}}{1 \text{ يوم}}$

6 إذا كانت النسبة بين عددين 2 : 5 وكان العدد الأصغر يساوي 10 فإن الفرق بين العددين =

أ 25 ب 15 ج 10 د 7

7 النسبة التالية للنسب 3 : 6 ، 6 : 12 ، 12 : 24 هي

أ 12 : 48 ب 24 : 27 ج 36 : 72 د 24 : 48

1 غسالة سعرها الأصلي 15,500 جنيهًا عليها نسبة خصم (تخفيض) 10 % من ثمنها. احسب سعرها بعد التخفيض.

2 اكتب 3 نسب مكافئة للنسبة 5 : 20

3 اشترت علياء 3.5 متر من القماش، فإذا كان ثمن المتر الواحد $10\frac{1}{2}$ جنيهًا. فما ثمن القماش الذي اشترته علياء؟

اختبار (11) تراكمي على الوحدة (11) حتى الدرس (6)

درجة

30

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة: (9 درجات)

1 الأزواج المرتبة: $(0, 0)$ ، $(0, -5)$ ، $(-2, -5)$ ، $(-2, 0)$ تمثل رؤوس (القليوبية 2024)

1 مستطيل 2 مربع 3 مثلث 4 معين

2 إذا كانت النقطة $(-5, -7)$ هي صورة النقطة $(t, -7)$ بالانعكاس في محور X فإن: $t =$

1 7 2 5 3 -7 4 -5 (الغربية 2024)

3 المسافة بين العددين 5، -5 على خط الأعداد = وحدات (القاهرة 2024)

1 5 2 -5 3 0 4 10

4 المسافة التي تبعد عنها النقطة $(4, 3)$ عن محور X تساوي وحدات (دمياط 2024)

1 -3 2 4 3 -4

5 النقطة التي تقع على نفس الخط الأفقي مع النقطة $(4, 2)$ هي (القاهرة 2024)

1 $(-3, 2)$ 2 $(5, 2)$ 3 $(1, 4)$ 4 $(-3, 6)$

6 جميع النقاط التالية تبعد 5 وحدات عن موضع النقطة $(0, 0)$ ، ما عدا (المنيا 2024)

1 $(5, 5)$ 2 $(5, 0)$ 3 $(-5, 0)$ 4 $(0, 5)$

7 المسافة بين النقطتين $(3, 7)$ ، $(3, 2)$ = وحدات (القاهرة 2024)

1 6 2 5 3 9 4 10

8 المسافة بين العددين -12، -14 على خط الأعداد = وحدة طول (الشرقية 2024)

1 26 2 -26 3 -2 4 2

9 النقطتان $(6, 4)$ ، $(6, -3)$ تقعان على (الدقهلية 2024)

1 خط أفقي وإحد 2 خط رأسي وإحد 3 خط مائل 4 محور X

2 أكمل ما يأتي:

(8 درجات)

1 المسافة بين النقطتين A, B على خط الأعداد المقابل = وحدات (الغالبية 2024)



2 المسافة بين النقطة $(0, -3)$ ونقطة الأصل = وحدات (الدقهلية 2024)

3 إذا كانت النقطة (a, b) تقع على محور X ، فإن الرمز الذي قيمته تساوي صفرًا هو (دعيات 2024)

4 تقع صورة النقطة $(1, 6)$ بالانعكاس في محور X في الربع (الغربية 2024)

5 الزوج المُرْتَب الذي يُمثّل نقطة الأصل هو (الجيزة 2024)

6 انعكاس النقطة $(-5, -2)$ في محور Y هو (الفيوم 2024)

7 انعكاس النقطة $(-1, 6)$ في محور هو $(1, 6)$ (الإسكندرية 2024)

3 هدية ثمنها 190 جنيهًا، اشترتها هدير بخخص % 45 من ثمنها. أوجد الثمن بعد الخصم. (الشرقية 2024)

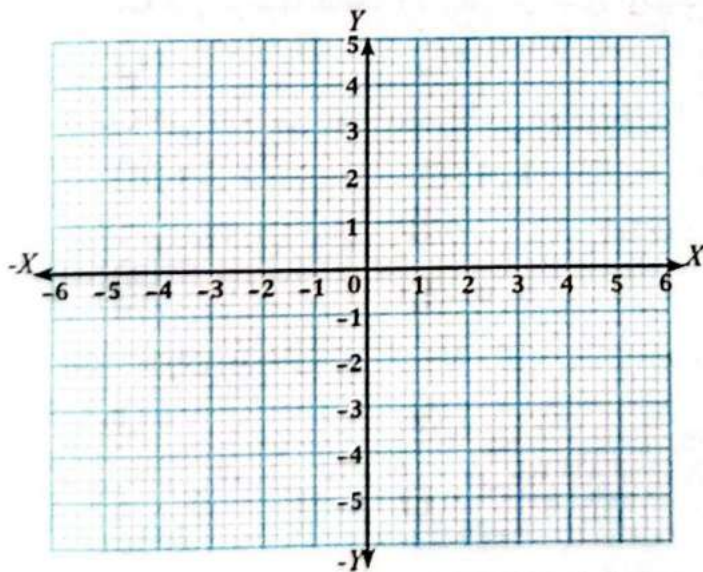
4 مَثِّلْ النقاط:

(5 درجات)

(الدقهلية 2024)

$(-2, 1)$ ، $(-2, -3)$ ، $(-5, -3)$

ثم حدّد النقطة الرابعة الإضافية التي يمكن بها تكوين مستطيل.



(5 درجات)

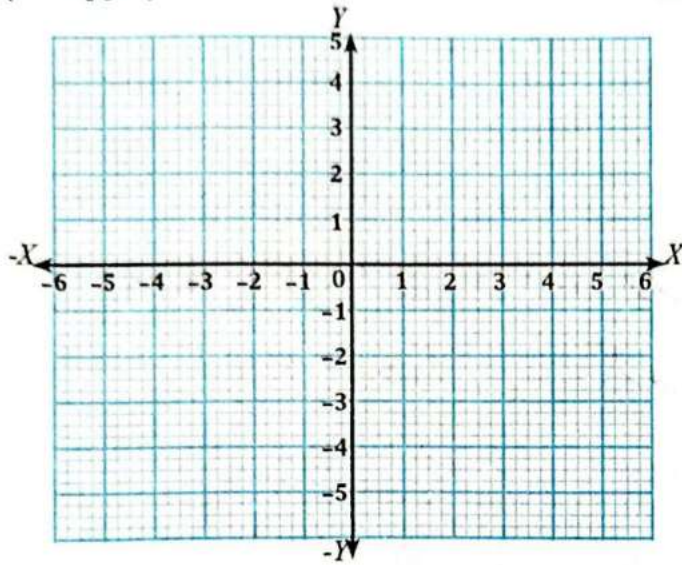
5 حُدّد النقاط :

(المنوفية 2024)

 $D(5, -3), C(-1, -3), B(-1, 3), A(5, 3)$

على المستوى الإحداثي،

ثم صل النقاط بالترتيب واذكر اسم الشكل.



(3 درجات)

6 إذا كانت النسبة بين ما مع حسام إلى ما مع ريماس 3 : 5 وكان مع حسام 330 جنيهًا.

(الغربية 2024)

فكم يكون مع ريماس؟

30 درجة

تراكمي على الوحدة (12) حتى الدرس (3)

اختبار (12)

(9 درجات)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

(بورسعيد 2024)

1 لإيجاد مساحة المثلث نضرب طول القاعدة في الارتفاع، ثم نقسم على

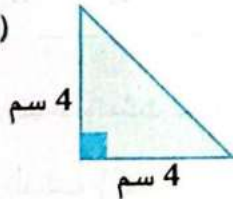
5 أ

4 ب

3 ج

2 د

(المنزفة 2024)

2 مساحة المثلث المقابل = سم²

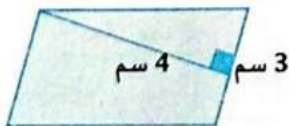
16 أ

32 ب

4 ج

8 د

(قنا 2024)

3 مساحة متوازي الأضلاع المقابل = سم²

12 أ

15 ب

10 ج

7.5 د

(قنا 2024)

4 معين محيطه 20 سم ، وارتفاعه 3 سم ، فإن مساحته = سم²

5 أ

15 ب

23 ج

30 د

3 معين مساحته 70 سم²، وارتفاعه 7 سم، فإن طول ضلعه = (الغربية 2024)

- أ 77 سم ب 10 سم² ج 10 سم د 63 سم

6 مساحة مربع طول ضلعه 7 سم [] مساحة مستطيل طوله 6 سم، وعرضه 5 سم

(قنا 2024) أ < ب > ج =

7 حصل محمد على 15 درجة من 20 درجة، فإن النسبة المئوية لدرجة محمد = (القاهرة 2024)

- أ 10 % ب 25 % ج 75 % د 50 %

8 إذا كان 10 % من عدد ما يساوي 30، فإن هذا العدد هو (الدقهلية 2024)

- أ 3 ب 30 ج 300 د 3,000

9 الكسر العشري 0.07 يكافئ النسبة المئوية (الغربية 2024)

- أ 7 % ب 70 % ج 77 % د 700 %

2 أكمل ما يأتي: (9 درجات)

1 $40\% + 30\% =$ (في صورة كسر عشري) (القليوبية 2024)

2 $1 - 25\% =$ (في صورة كسر اعتيادي) (القاهرة 2024)

3 25 تُمثل % من 50 (القليوبية 2024)

4 النسبة المئوية هي نسبة حذها الثاني (الشرقية 2024)

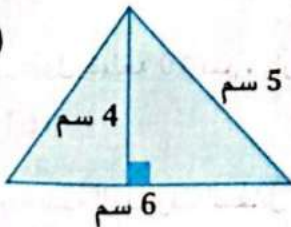
5 المسافة بين النقطة (4- و 0) ونقطة الأصل = وحدات (الشرقية 2024)

6 عدد ارتفاعات المثلث القائم الزاوية = (أسبوط 2024)

7 مساحة المثلث المقابل = سم²



3 احسب مساحة المثلث المقابل: (4 درجات)



مساحة المثلث = سم²

4 سجادة على شكل متوازي أضلاع طول قاعدتها 20 م، وارتفاعها المناظر 8 م، (4 درجات)

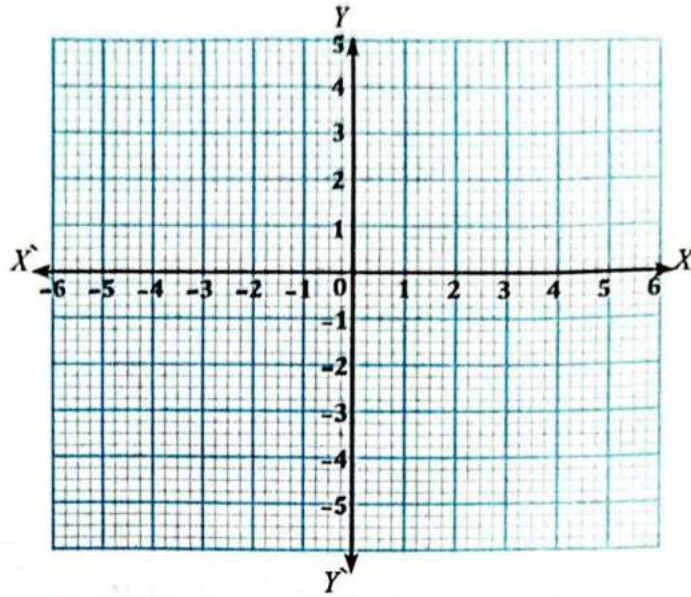
(أسبوط 2024) أوجد مساحتها.

(4 درجات)

(الشرقية 2024)

5 مُمثل النقاط $A(1, 2)$ ، $B(4, 2)$ ، $C(4, -1)$ على المستوى الإحداثي،

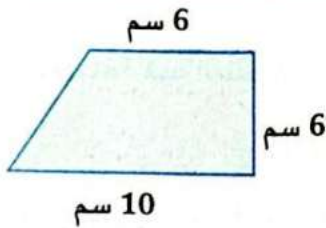
ثم حدّد النقطة الرابعة الإضافية التي يمكن بها تكوين مربع



اختبار (13) على الوحدة (12) حتى الدرس (4) 30 درجة

(9 درجات)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 مساحة شبه المنحرف المقابل تساوي سم² (القاهرة 2024)

50 أ

40 أ

110 ب

48 ب

2 متوازي أضلاع مساحته 70 سم²، وارتفاعه الأصغر 7 سم، فإن طول قاعدته الكبرى = سم

(الغربية 2024)

10.7 أ

10 ب

77 ج

7 د

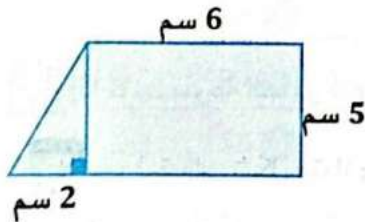
3 معين طول ضلعه 10 سم، وارتفاعه 7.5 سم، فإن مساحته = سم² (الشرقية 2024)

37.5 أ

85 ب

75 ج

750 د

4 مساحة شبه المنحرف المقابل = سم²

(كفر الشيخ 2024)

24 أ

30 أ

42 ب

35 ب

5 مساحة مثلث طول قاعدته 8 سم وارتفاعه 6 سم (مساحة مربع طول ضلعه 6 سم) (الجيزة 2024)

- 1 2 3 4

6 إذا كانت مساحة مثلث قائم الزاوية 24 سم²، فأى مما يلى يمكن أن يكون طولى ضلعي القائمة؟

(المنوفية 2024)

- 1 3 سم ، 6 سم 2 4 سم ، 12 سم 3 6 سم ، 4 سم 4 2 سم ، 12 سم

(بنى سويف 2024)

7 مربع محيطه 20 سم، فإن مساحته =

- 1 4 2 25 3 20 4 21.7

(القليوبية 2024)

8 مساحة المثلث المقابل =

- 1 12 2 20 3 6 4 15



(الغربية 2024)

9 تتقاطع ارتفاعات المثلث الحاد الزوايا في نقطة واحدة تقع

- 1 داخل 2 خارج 3 على رأس الزاوية 4 في منتصف الضلع

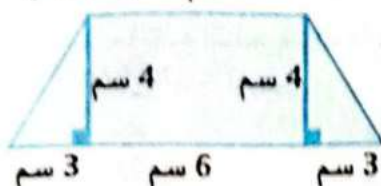
2 اُكمل: (9 درجات)

1 مثلث طول قاعدته 8 سم، وارتفاعه المناظر 10 سم، فإن مساحته =

سم² (فنا 2024)

2 مساحة شبه المنحرف المقابل =

سم²



(القاهرة 2024)

3 طول القطعة المستقيمة العمودية من رأس المثلث إلى القاعدة المقابلة لها يُسمى

(الغربية 2024)

4 المسافة بين النقطتين (3، -3)، (3، 3) = وحدات

(الشرقية 2024)

5 المسافة التي تبعد عنها النقطة (-2، -3) عن محور Y تساوي وحدات

(القاهرة 2024)

6 مدرسة بها 600 طالب، حضر منهم 90 %، فإن عدد الغائبين =

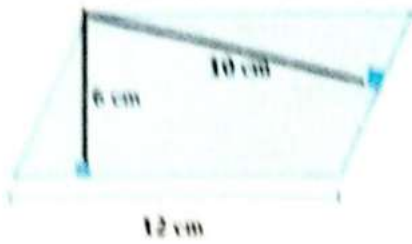
(الدقهلية 2024)

7 إذا كان 10 % من 200 = 20 فإن 60 % من 200 =

(الشرقية 2024)

3 إذا كانت سرعة الصقر 360 كيلومترًا في الساعة، احسب سرعته بالكيلومتر في الدقيقة. (الجيزة 2024)

احسب قيمة الخصم



(2024 ك.م.م)

5 من الشكل المقابل:

احسب مساحة متوازي الأضلاع

اختبارات شهر أبريل

30 درجة

النموذج الأول

(9 درجات)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

1 إذا كان $\frac{1}{3} + x = \frac{1}{6}$ فإن: $x =$ Ⓐ $\frac{1}{3}$

Ⓑ 3

Ⓒ $\frac{1}{2}$

Ⓓ 2

2 متوازي الأضلاع الذي جميع زواياه قائمة يُسمى

Ⓐ مربع

Ⓑ مستطيل

Ⓒ شبه منحرف

Ⓓ معين

3 إذا كان $m(\angle A) = 30^\circ$ ، $m(\angle B) = 90^\circ$ ، $m(\angle C) = 60^\circ$ فإن $\triangle ABC$ يكون

Ⓐ منفرج الزاوية

Ⓑ متساوي الأضلاع

Ⓒ قائم الزاوية

Ⓓ حاد الزوايا

4 إذا كان $x = \frac{1}{4} + 8$ فإن: $x =$

Ⓐ 2

Ⓑ 12

Ⓒ 32

Ⓓ $\frac{1}{2}$

يكون متساوي الساقين

5 المثلث الذي أطوال أضلاعه

Ⓐ 3 سم، 3 سم، 3 سم

Ⓑ 2 سم، 4 سم، 3 سم

Ⓒ 3 سم، 3 سم، 3 سم

Ⓓ 5 سم، 6 سم، 5 سم

6 $7\frac{1}{2} = \div 2$

Ⓐ 15

Ⓑ 7

Ⓒ $3\frac{3}{4}$ Ⓓ $7\frac{1}{2}$

(الجيزة 2024)

7 النقطة (5، -9) تقع في الربع

Ⓐ الرابع

Ⓑ الثالث

Ⓒ الثاني

Ⓓ الأول

8 هرم رباعي مساحة قاعدته 40 سم²، ومساحة أحد أوجهه 15 سم²، فإن مساحة سطحه = سم²

(الغربية 2024)

Ⓐ 55

Ⓑ 100

Ⓒ 85

Ⓓ 80

9 هو نسبة عددية بين كميتين متساويتين يُعبر عنهما بوحدة مختلفة داخل نظام القياس نفسه.

(الجيزة 2024)

Ⓐ معامل التحول

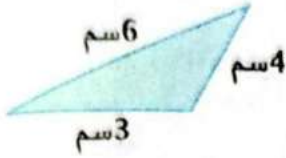
Ⓑ المُعَدِّل

Ⓒ النسبة المئوية

Ⓓ مُعَدِّل الوحدة

(9 درجات)

أكمل ما يأتي:



مساحة المستطيل =

(بالنسبة لأضلاعه)

المثلث المقابل يكون

(بالنسبة لزواياه)

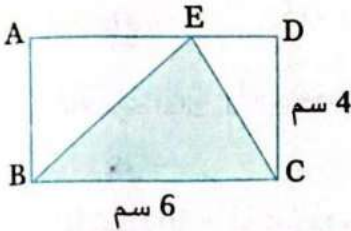
إذا كان $6 \div a = 24$ فإن $a =$ الإحداثي x للنقطة $(3, 2)$ هو

متوازي الأضلاع الذي فيه ضلعان متجاوران متساويان في الطول يُسمى

إذا كان $8 \div 6 = 1 \frac{1}{x}$ فإن $x =$

(4 درجات)

في الشكل المقابل:



(البحيرة 2024)

مستطيل ABCD

أوجد مساحة المثلث BCE

(4 درجات)

حصل ياسر على 60 درجة من 80 درجة في اختبار مادة الرياضيات.

(الإسكندرية 2024)

احسب النسبة المئوية للدرجة التي حصل عليها.

(4 درجات)

متوازي مستطيلات مساحة قاعدته 12.5 سم^2 ، وارتفاعه 10 سم.

احسب حجمه

النموذج الثاني

درجة 30

(9 درجات)

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

1 متوازي مستطيلات أبعاده هي 3 سم، 4 سم، 5 سم يكون حجمه =

35

60

120

12

2 متوازي المستطيلات الذي بعدا قاعدته هما 3 سم، 4 سم، وحجمه 60 سم³ يكون ارتفاعه =

60 × 4 × 3

53

5

12

3 عدد رؤوس الهرم الرباعي ☐ عدد رؤوس متوازي المستطيلات

☐ ☐ ☐

4 عدد أحرف الأسطوانة ☐ عدد أحرف المخروط

☐ ☐ ☐

5 $\frac{2}{3} \times \frac{3}{4} \times \frac{4}{5} \times \frac{5}{6} =$

☐ ☐ ☐ ☐

6 النقطة ☐ هي نقطة الأصل

☐ ☐ ☐ ☐

7 تسير سيارة بسرعة 120 كم في الساعة ، فإن المسافة التي تقطعها بعد ساعة ونصف = كم

☐ ☐ ☐ ☐

8 عدد ارتفاعات المثلث القائم الزاوية = ارتفاعات (القاهرة 2024)

☐ ☐ ☐ ☐

9 المسافة بين النقطتين (3, -1) ، (3, 5) تساوي وحدات

☐ ☐ ☐ ☐

2 أكمل ما يأتي: (6 درجات)

1 متوازي الأضلاع الذي قطراه متعامدان وغير متساويان في الطول يكون

2 الإحداثي y للنقطة (2, 7) هو

3 إذا كان $x + 3 = 5 \times \frac{1}{2}$ فإن $x =$

4 المثلث الذي أطوال أضلاعه 5 سم ، 5 سم ، 5 سم يكون (بالنسبة لأضلاعه)

، (بالنسبة لزاياه)

5 الزوايا الأربع قوائم في كل من الشكلين الرباعيين

6 القطران متساويان في الطول ومتعامدان في

(5 درجات)

3 هرم رباعي طول ضلع قاعدته 7 سم ، وارتفاع الأوجه المثلثة فيه 6 سم.

(الدفعاتية 2024)

فاحسب مساحة سطحه.

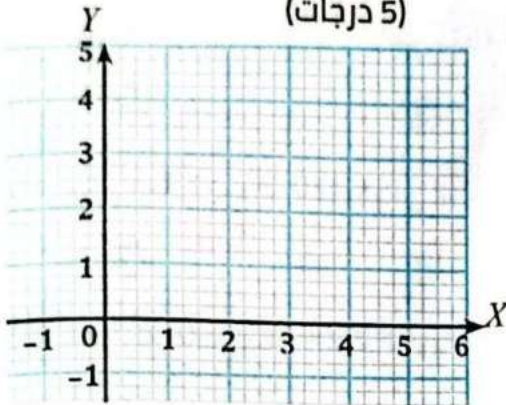
(الغربية 2024)

4 إذا كانت النقطتان $(-2, 3)$ ، $(2, 3)$ تعدان من رؤوس مستطيل طوله 4 وحدات ،

(5 درجات)

وعرضه 3 وحدات 1 أكمل رسم المستطيل.

2 اكتب إحداثيات رؤوس المستطيل



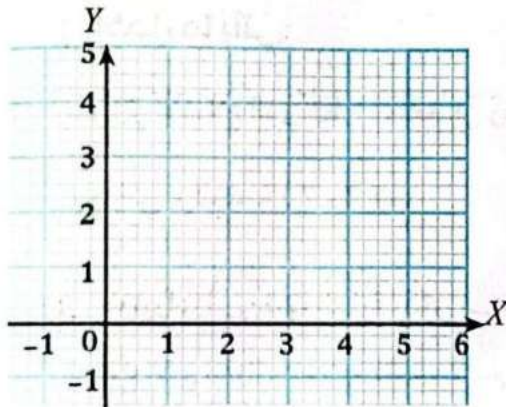
(5 درجات)

5 حُدِّدْ النقاط التالية على المستوى الإحداثي المقابل

$C(4, 5)$ ، $B(6, 2)$ ، $A(2, 2)$

(البحيرة 2024)

ثم صل النقاط بالترتيب واذكر اسم الشكل الناتج.



(9 درجات)

1 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 مساحة سطح متوازي المستطيلات الذي طوله 6 سم ، وعرضه 5 سم ،

(الجيزة 2024) وارتفاعه 10 سم = سم²

- أ 300 ب 280 ج 180 د 60

(الغربية 2024)

2 مكعب مساحة أحد أوجهه 5 سم² ، فإن مساحة سطحه = سم²

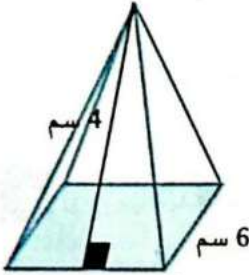
- أ 30 ب 10 ج 20 د 50

3 مساحة سطح الهرم الرباعي الذي طول قاعدته المربعة 8 سم ،

(الشرقية 2024)

وارتفاع أحد جوانبه المثلثة 10 سم تساوي سم²

- أ 214 ب 234 ج 204 د 224



(الإسكندرية 2024)

4 مساحة سطح الهرم المقابل ذي القاعدة المربعة = سم²

(القاهرة 2024)

- أ 360 ب 48 ج 84 د 240

5 الهرم الرباعي ذو القاعدة المربعة له رؤوس

- أ 4 ب 5 ج 6 د 3

6 متوازي مستطيلات أبعاده 3 سم ، 5 سم ، 10 سم ، فإن مساحة سطحه = سم²

(القاهرة 2024)

- أ 18 ب 75 ج 190 د 300

7 أي التعبيرات الرياضية التالية يمكن استخدامه لإيجاد مساحة سطح المكعب ؟ (الجيزة 2024)

- أ $6S^2$ ب $6S$

- أ $S + S + S + S + S + S$ ب $S^2 + S^2 + S^2$

8 مكعب طول حرفه 6 سم ، فإن مساحة سطحه = سم² (القاهرة 2024)

- أ 216 ب 36 ج 144 د 24

(كفر الشيخ 2024)

9 مساحة متوازي الأضلاع = × الارتفاع المناظر لها

- أ طول القاعدة ب $\frac{1}{2}$ طول القاعدة ج العرض د الحجم

أكمل ما يأتي:

(9 درجات)

1 مثلث طول قاعدته 8 سم ، ومساحته 40 سم² ، فإن الارتفاع المناظر لها = سم (الغربية 2024)2 معين محيطه 36 سم ، وارتفاعه 5 سم ، فإن مساحته = سم² (الدقهلية 2024)

3 ارتفاعات المثلث المنفرج الزاوية تتلاقى في نقطة واحدة المثلث (السيوط 2024)

4 مكعب طول حرفه 5 سم ، فإن مساحة سطحه = سم² (الجيزة 2024)

5 بعد طي الشكل المقابل يتكون شكل ثلاثي الأبعاد يُسمى (الغربية 2024)

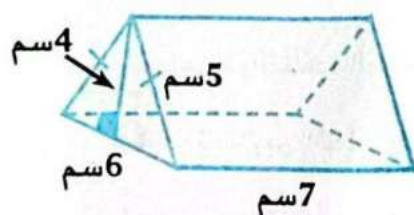
6 مساحة سطح الهرم الرباعي =

مساحة القاعدة + (مساحة الوجه المثلث ×) (الإسكندرية 2024)

7 هرم رباعي مساحة قاعدته 18 سم² ، ومساحة أحد أوجهه الجانبية 12 سم² ،فإن : مساحة سطحه = سم² (الشرقية 2024)

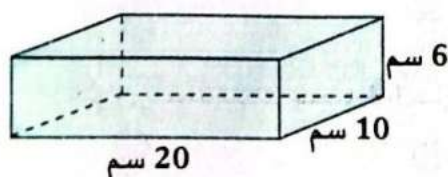
(3 درجات) (القاهرة 2024)

3 أوجد مساحة سطح المنشور الثلاثي المقابل.



(درجتان) (المنوفية 2024)

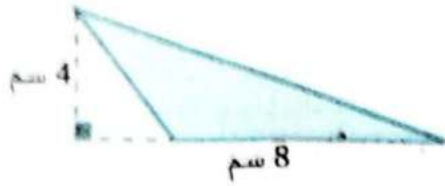
4 احسب مساحة سطح متوازي المستطيلات المقابل :



(3 درجات) (الاقصر 2024)

5 أيهما أكبر في مساحة السطح ؟

مكعب طول حرفه 4 سم أم متوازي مستطيلات أبعاده 2 سم ، 3 سم ، 5 سم ؟



7 مدرسة بها 800 طالب ، حضر منهم 75% أوجد عدد الغائبين .
عدد الغائبين =

(درجتان) (الغربية 2024)

اختبار (15) عام على الوحدة (13) درجة 30

أولاً اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة : (9 درجات)

1 متوازي مستطيلات مساحة قاعدته 9 سم² ، وارتفاعه 3 سم ، فإن حجمه =
 (المنوفية 2024) 13 أ 27 ب 81 ج 6 د

2 متوازي مستطيلات أبعاده 2 سم ، 3 سم ، 4 سم ، إذا ضاعفنا أبعاده الثلاثة ، فإن الحجم الجديد = سم³
 (القليوبية 2024) 3 أ 24 ب 192 ج 3 د

3 مساحة سطح المكعب الذي طول حرفه 2 سم = سم²
 (الغاهرة 2024) 2 أ 6 ب 8 ج 24 د

4 عدد أحرف المنشور الثلاثي = أحرف
 (سوهاج 2024) 5 أ 6 ب 8 ج 9 د

5 هرم رباعي قاعدته مربعة طول ضلعها 6 سم ، وارتفاع أحد أوجهه المثلثة 4 سم ، فإن مساحة سطحه = سم²
 (كفر الشيخ 2024) 24 أ 36 ب 48 ج 84 د

6 متوازي مستطيلات حجمه 60 سم³ ، ومساحة قاعدته 12 سم² ، فإن ارتفاعه = سم
 (الغاهرة 2024) 6 أ 5 ب 72 ج 48 د

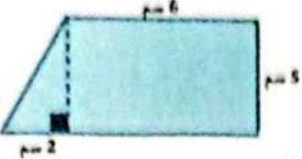
7 متوازي مستطيلات أبعاده 4 سم ، 5 سم ، 10 سم ، فإن مساحة سطحه = سم²
 (المنوفية 2024) 19 أ 90 ب 180 ج 220 د

8 مساحة مثلث طولاً ضلعي القائمة به 1 سم ، 2 سم مساحة مربع طول ضلعه 1 سم
 (القليوبية 2024) 1 أ > 2 ب < 3 ج = 4 د غير ذلك

9 تتقاطع ارتفاعات المثلث المنفرج الزاوية في نقطة واحدة تقع المثلث.
 (الشرقية 2024) 1 أ على 2 ب داخل 3 ج خارج 4 د غير ذلك

(9 درجات)

ثانياً أكمل ما يأتي:

1 مساحة شبه المنحرف المقابل = سم²  (الغالبية 2024)

2 مثلث مساحته 40 سم²، وطول قاعدته 8 سم، فإن الارتفاع المناظر لها = سم (الغربية 2024)

3 مكعب طول حرفه 1 سم، فإن مساحة سطحه = سم² (الجيزة 2024)

4 متوازي مستطيلات أبعاده 2 سم، 4 سم، 5 سم، فإن مساحة سطحه = سم² (البحيرة 2024)

5 في المنشور الثلاثي إذا كانت القواعد المثلثة عبارة عن مثلثات متساوية الأضلاع، فإن الأوجه المستطيلة جميعها ستكون (المنوفية 2024)

6 متوازي مستطيلات حجمه 100 سم³، فإن حجمه عند مضاعفة بُعدين من أبعاده = سم³ (الشرقية 2024)

7 متوازي أضلاع طولاً قاعدتيه 10 سم، 8 سم، وارتفاعه الأصغر 6 سم، فإن مساحته = سم² (المنيا 2024)

(12 درجة)

ثالثاً أجب عما يأتي:

1 أيهما أكبر مساحة مثلث طول قاعدته 12 م، وارتفاعه المناظر لهذه القاعدة 18 م، أم مساحة متوازي أضلاع طول قاعدته 12 م، وارتفاعه المناظر لهذه القاعدة 7 م (القاهرة 2024)

.....

2 صندوق على شكل متوازي مستطيلات طوله 70 سم، وعرضه 50 سم، وارتفاعه 40 سم، أوجد مساحة سطحه (الجيزة 2024)

.....

3 حَمَّام سباحة على شكل متوازي مستطيلات أبعاده 20 م، 10 م، 3 م. احسب حجم حمام السباحة (قنا 2024)

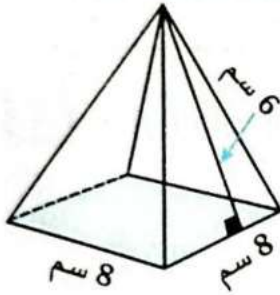
.....

5 مدرسة بها 300 تلميذ ، اشترك في الرحلة 60% منهم ، فما عدد التلاميذ الذين اشتركوا في الرحلة ؟

(القاهرة 2024)

مراجعة ليلة الامتحان

أولاً اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :



1 النقطة (3, -2) بالانعكاس في محور Y هي

أ (3, -2)

ب (-2, 3)

ج (-3, 2)

د (2, 3)

2 مساحة الأسطح الجانبية للهرم الرباعي المقابل تساوي سم²

أ 48

ب 24

ج 64

د 96

3 النسبة $\frac{6}{9}$ تكافئ جميع النسب التالية ما عداأ $\frac{3}{3}$ ب $\frac{4}{6}$ ج $\frac{3}{4}$ د $\frac{20}{30}$

4 المسافة التي تبعتها النقطة (2, -5) عن محور X تساوي وحدة طول.

أ 2

ب 5

ج -2

د -5

5 25% من 300 يساوي

أ 150

ب 600

ج 225

د 75

6 جميع النقاط التالية تبعد 5 وحدات طولية عن موضع نقطة الأصل (0, 0) ما عدا

أ (5, 0)

ب (0, 5)

ج (0, -5)

د (5, 5)

7 النقطة (5, -3) تقع في الربع

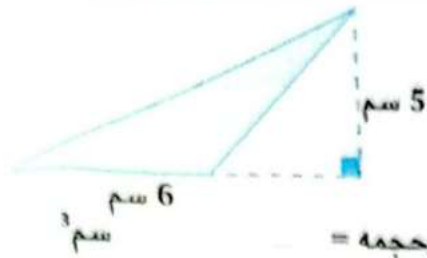
أ الأول

ب الثاني

ج الثالث

د الرابع

ثانياً اكمل ما يأتي :



1 مساحة سطح المثلث المقابل = سم^2

2 $\frac{60}{100} = \frac{\quad}{\quad}$ (في صورة كسر اعتيادي في أبسط صورة).

3 مكعب طول حرفه 2 سم فإن مساحة سطحه = سم^2 ، وحجمه = سم^3

4 إذا كان $\frac{1}{x} = \frac{2}{3} \times \frac{3}{4} \times \frac{4}{5}$ فإن $x = \quad$

5 النسبة بين طول شجرة إلى طول عمود إنارة 3 : 5 فإذا كان طول الشجرة 15 م،

فإن طول عمود الإنارة يساوي م^2

6 معامل التحويل الذي يمكن استخدامه للتحويل من الدقائق إلى الساعات هو $\frac{\quad}{\quad}$

7 حجم متوازي المستطيلات = $\text{سم}^3 \times \quad$

8 اشترى حسام موبايل بمبلغ 4,000 جنيه، يُضاف إليها 10 % ضريبة.

فإن إجمالي ما دفعه حسام = جنيهاً

ثالثاً اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 $\frac{3}{4} = \quad$

25% ☐

75% ☐

7.5% ☐

0.5 ☐

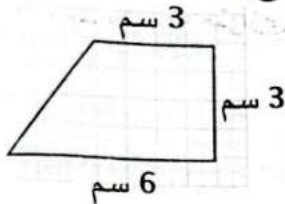
2 النسبة 8 : 5 تكافئ النسبة $30 : \quad$

40 ☐

14 ☐

48 ☐

64 ☐



3 مساحة شبه المنحرف المقابل تساوي سم^2

36 ☐

13.5 ☐

9 ☐

18 ☐

4 معين طول ضلعه 8 سم وارتفاعه 3 سم فإن مساحته = سم^2

12 ☐

24 ☐

12 ☐

48 ☐

5 $1.75 \div 0.5 = \quad$

35 ☐

0.35 ☐

3.5 ☐

0.035 ☐

6 مقلوب العدد 5 هو $\frac{\quad}{\quad}$

-5 ☐

$\frac{1}{5}$ ☐

$-\frac{1}{5}$ ☐

5 ☐

7 12 دقيقة $\times \frac{60 \text{ ثانية}}{1 \text{ دقيقة}} = \quad$ ثانية

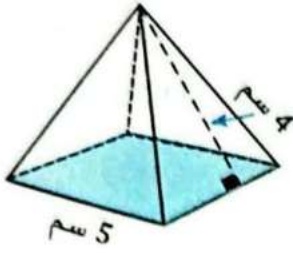
120 ☐

60 ☐

720 ☐

600 ☐

رابعاً أجب عما يأتي:



1 احسب مساحة سطح الهرم الرباعي المقابل.

2 حصل محمود على 18 درجة من 20 درجة في اختبار مادة الرياضيات

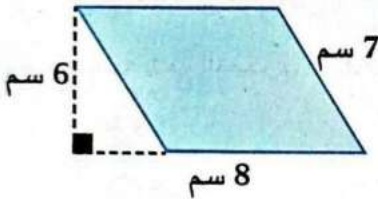
بينما النسبة المئوية للدرجة التي حصل عليها أحمد في نفس الاختبار هي 85%.

أوجد النسبة المئوية للدرجة التي حصل عليها محمود، ثم حدّد أيهما حصل على درجة أعلى.

3 خلط كل من طارق وهشام كمية من الطلاء فكانت نسبة كمية الطلاء التي كونها هشام هي 6 أصفر : 4

أحمر، ويريد طارق تكوين نفس اللون الذي كونه هشام؛ لذلك استخدم النسبة 9 أصفر : 6 أحمر.

هل الكميتان من الطلاء بنفس اللون ؟



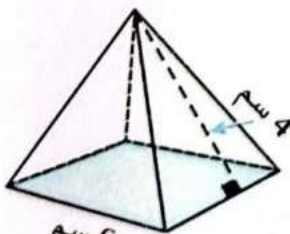
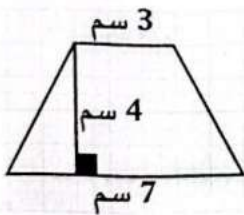
4 أوجد مساحة متوازي الأضلاع المقابل

خامسًا اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- 1 النقطة (-3 , 0) تقع
 1 على محور X 2 على محور Y 3 على نقطة الأصل 4 في الربع الأول
- 2 النسبة 18:24 في أبسط صورة تساوي
 1 6 : 8 2 3 : 4 3 9 : 12 4 4 : 3
- 3 خط الأعداد الرأسي في المستوى الإحداثي يُسمى
 1 محور X 2 محور Y 3 نقطة الأصل 4 الربع الرابع
- 4 50 % من 250 جنيهاً = جنيهاً
 1 200 2 50 3 125 4 500
- 5 ما معامل التحويل المستخدم لتحويل 25 سم إلى أمتار؟
 1 $\frac{25 \text{ سم}}{1 \text{ متر}}$ 2 $\frac{1 \text{ م}}{100 \text{ سم}}$ 3 $\frac{1 \text{ سم}}{100 \text{ متر}}$ 4 $\frac{1 \text{ م}}{25 \text{ سم}}$
- 6 متوازي مستطيلات أبعاده هي 2 سم ، 3 سم ، 4 سم إذا ضاعفنا أبعاده الثلاثة، فإن الحجم الجديد = سم³
 1 30 2 192 3 48 4 24
- 7 $\frac{7}{10} = \dots\dots\dots\%$
 1 0.7 2 7 3 70 4 700

سادسًا أكمل ما يأتي :

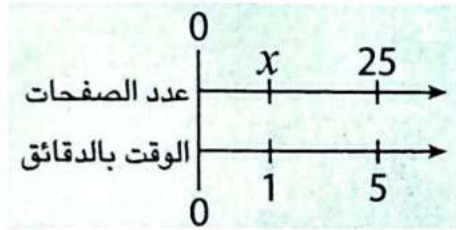
- 1 30 % من 120 =
- 2 $150 : 180 = \dots\dots\dots$: (في أبسط صورة)
- 3 متوازي مستطيلات أبعاده هي 3 سم ، 4 سم ، 2.5 سم فإن حجمه = سم³
- 4 مساحة سطح شبه المنحرف المقابل = وحدة مربعة
- 5 يحصل عامل على 720 جنيهاً مقابل العمل لمدة 9 ساعات
 فإن مُعدّل ما يحصل عليه في الساعة الواحدة = جنيهاً
- 6 مربع طول ضلعه 5 سم فإن مساحته = سم²
- 7 إذا كان ثمن قميص 200 جنيه عليه نسبة تخفيض 5 %
 فإن ثمنه بعد التخفيض = جنيهاً.
- 8 مساحة سطح الهرم الرباعي المقابل = سم²



الصف السادس الابتدائي

سابعاً اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- 1 معامل التحويل المستخدم للتحويل من ساعة إلى ثانية هو
 - أ $\frac{3,600 \text{ ثانية}}{1 \text{ ساعة}}$
 - ب $\frac{1 \text{ ساعة}}{3,600 \text{ ثانية}}$
 - ج $\frac{1 \text{ ساعة}}{60 \text{ دقيقة}}$
 - د $\frac{60 \text{ ثانية}}{1 \text{ دقيقة}}$
- 2 مثلث طول قاعدته 6 سم وارتفاعه 5 سم فإن مساحته تساوي
 - أ 60
 - ب 15
 - ج 11
 - د 30
- 3 المسافة بين النقطتين (2, 5)، (2, 0) في المستوى الإحداثي تساوي وحدة طول
 - أ 7
 - ب 5
 - ج 2
 - د 0
- 4 مساحة سطح المنشور الثلاثي القائم المقابل تساوي سم²
 - أ 154
 - ب 186
 - ج 168
 - د 130
- 5 انعكاس النقطة (5, 2) في محور X هي النقطة
 - أ (2, 5)
 - ب (-5, -2)
 - ج (5, -2)
 - د (-5, 2)
- 6 الزوج المُرْتَب الذي يُمثِّل نقطة الأصل هو
 - أ (2, 2)
 - ب (1, 1)
 - ج (0, 0)
 - د (5, 5)
- 7 على خط الأعداد المزدوج المقابل قيمة X تساوي
 - أ 5
 - ب 1
 - ج 26
 - د 25



ثامناً أجب عما يأتي:



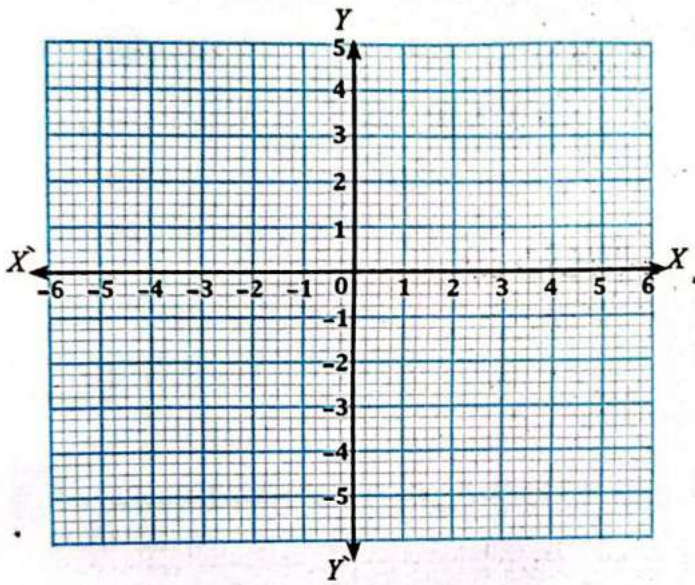
- 1 أوجد مساحة سطح الهرم الرباعي المقابل.
- 2 اشترى حازم هاتفًا سعره الأصلي 6,500 جنيه ويوجد عليه نسبة تخفيض 20% من ثمنه، احسب قيمة التخفيض.



- 3 أحد المصانع يقوم بإنتاج 5 غسالات وثلاجة واحدة في اليوم . غُيِّرَ عن النسبة بين عدد الغسالات وعدد الثلاجات المنتجة، ثم احسب عدد الغسالات التي ينتجها المصنع إذا أنتج في أحد الأيام 3 ثلاجات بحيث تظل النسب ثابتة مستخدمًا خط الأعداد المزدوج.

4 حدّد النقط $A(-3, 1)$ ، $B(-3, 5)$ ، $C(2, 1)$

على المستوى الإحداثي وأوجد مساحة الشكل، ثم عَيِّن نقطة رابعة ليكون الشكل مستطيلًا. حدّد انعكاس النقطة A في المحور Y



امتحانات الإدارات التعليمية من مختلف المحافظات

1 محافظة المنوفية - إدارة منوف التعليمية

درجة 30

9 درجات

أولاً : اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

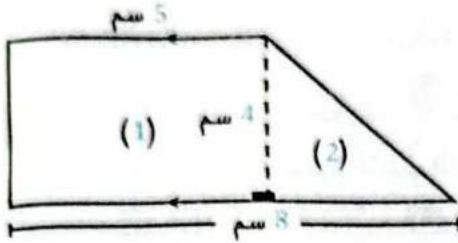
- 1 إذا كان 9 هو $\frac{1}{3}$ عدد ما ، فإن هذا العدد هو
 أ 3 ب 9 ج 18 د 27
- 2 النسبة 4:7 تكافئ جميع النسب التالية ما عدا
 أ $\frac{12}{21}$ ب $\frac{8}{14}$ ج $\frac{21}{12}$ د $\frac{40}{70}$
- 3 صورة النقطة بالانعكاس في محور y هي نفسها.
 أ (5, 1) ب (5, 0) ج (0, 5) د (-5, 5)
- 4 مُعدّل يقارن بين كمية ما ووحدة واحدة من كمية أخرى هو
 أ النسبة ب مُعدّل الوحدة ج المدى د معامل التحويل
- 5 معين طول ضلعه 10 سم ، وارتفاعه 3.5 سم فإن مساحته = سم²
 أ 35 ب 3.05 ج 0.350 د 350
- 6 سيارة تتحرك بمعدل 90 كم في الساعة ، فإن المسافة المقطوعة في ساعتين ونصف الساعة تساوي كم
 أ 18 ب 180 ج 270 د 225
- 7 حصل محمد على 15 درجة من 20 درجة في الامتحان فإن النسبة المئوية لدرجة محمد =
 أ 75% ب 50% ج 25% د 10%
- 8 $3.05 \div 0.25$ 3.05×0.4
 أ > ب < ج = د $\geq$
- 9 هرم رباعي القاعدة طول ضلع قاعدته المربعة 5 سم ، وارتفاع أحد جوانبه المثلثة 4 سم ، فإن مساحة سطحه
 = سم
 أ 20 ب 25 ج 65 د 120

ثانياً : أجب عما يأتي: (موضحاً الحسابات التي أجريتها والخطوات) 21 درجة

1 قميص سعره 460 جنيهاً معروض بتخفيض 20% ، ما سعر القميص بعد التخفيض؟

2 سيارة تتحرك بسرعة منتظمة 72 كم في الساعة ، فما سرعة السيارة عند تحويل السرعة إلى متر في الثانية؟

3 حجم ومساحة متوازي مستطيلات أبعاده 7 م، 2 م، 3 م.



4 احسب مساحة شبه المنحرف في الشكل المقابل.

= مساحة المستطيل في شكل (1)

= مساحة المثلث في شكل (2)

= مساحة سطح شبه المنحرف

5 فصل دراسي النسبة بين عدد البنين إلى عدد البنات 2 : 3 فإذا كان عدد البنات 16 بنتاً، فأوجد عدد البنين.

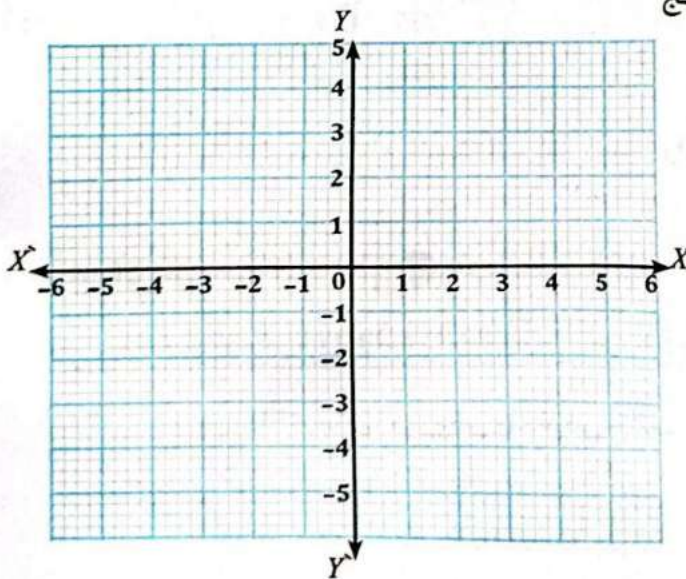
6 إذا كنت تحتاج لصنع طبق من المخبوزات $\frac{2}{3}$ كوب من الدقيق، ولكن لديك 2 كوب من الدقيق، فما عدد

الأطباق التي يمكن أن تصنعها ؟

7 على المستوى الإحداثي حدّد النقاط :

$A(3, 0)$ ، $B(5, 3)$ ، $C(0, 3)$ ، $D(-2, 0)$

صل النقاط بالترتيب ثم اذكر اسم الشكل الناتج



6 درجات

أولاً : اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 المسافة بين النقطتين (4 , 8) ، (-2 , 8) تساوي وحدات

4 أ

7 ب

5 ج

6 د

2 معين طول ضلعه 10 سم وارتفاعه 5 سم فإن مساحته = سم²

50 أ

30 ب

25 ج

150 د

3 مساحة سطح المكعب الذي طول حرفه 3 سم = سم²

60 أ

54 ب

18 ج

36 د

ب اشترى أحمد كتاباً سعره قبل الخصم 100 جنيه فإذا حصل أحمد على خصم 25 جنيهاً فما النسبة المئوية للخصم الذي حصل عليه أحمد ؟

6 درجات

ثانياً : اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 مقلوب العدد 7 هو

8 أ

 $\frac{1}{8}$ ب

7 ج

 $\frac{1}{7}$ د

2 في اختبار مادة الرياضيات حصل طالب على 35 درجة من 50 درجة فإن 35 تُمثّل

د غير ذلك

ج نسبة مئوية

ب الجزء

أ الكل

3 عند مضاعفة بعد واحد في متوازي المستطيلات فإن نسبة الحجم الجديد إلى الحجم الأصلي =

3:1 أ

1:3 ب

2:1 ج

1:2 د

ب أجب عما يلي:

هرم رباعي طول قاعدته المربعة 10 سم، وارتفاع أحد جوانبه المثلثية 3 سم احسب مساحة سطح الهرم

6 درجات

ثالثًا: اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

1 $0.0987 \times 100 =$

- أ 9.87 ب 98.7 ج 987 د 0.987

2 الربع الذي تقع فيه النقطة (3, -5) هو

- أ الأول ب الثاني ج الثالث د الرابع

3 عدد ارتفاعات أي مثلث = ارتفاعات

- أ 2 ب 1 ج 3 د 0

8	1	المسافة (كم)
4	3	عدد اللترات

ب أجب عما يلي:

من جدول النسب المقابل كم عدد اللترات التي تحتاجها السيارة لقطع مسافة 8 كم

6 درجات

رابعًا: أجب عما يلي:

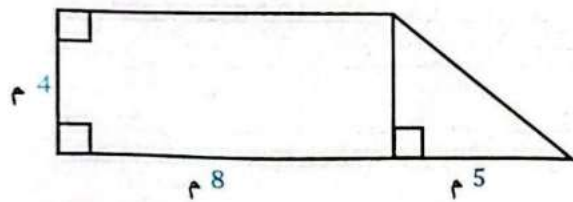
أ استخدم خوارزمية الضرب لإيجاد قيمة ما يلي؛ 35% من 200

ب متوازي أضلاع الذي طول قاعدته 8 سم والارتفاع المناظر لها 5 سم احسب مساحته

6 درجات

خامسًا: أجب عما يلي:

أ حوّل 60 كم في الساعة إلى متر في الدقيقة



ب حديقة على شكل شبه منحرف كما هو موضح

بالشكل المقابل أوجد مساحة الحديقة.

30	درجة
----	------

3 محافظة القليوبية إدارة غرب شبرا الخيمة التعليمية

9 درجات

أولًا: اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

1 إذا كان $\frac{1}{6}$ عدد ما يساوي 4 ، فإن هذا العدد يساوي

- أ 26 ب 16 ج 18 د 24

2 $36 : 27 =$ (في أبسط صورة)

- أ 3:4 ب 4:3 ج 6:8 د 18:24

الصف السادس الابتدائي

$$2.25 \div 1.5 =$$

3

15 د

1.5 ج

0.15 ب

0.015 ا

يبعد 3 وحدات رأسياً عند نقطة الأصل

4 الزوج المرتب

(2, 1) د

(3, 0) ج

(0, 3) ب

(1, 1) ا

سم²

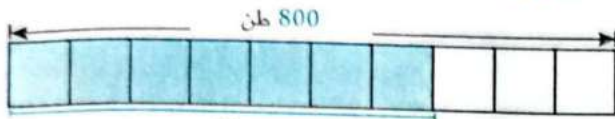
5 مساحة المثلث الذي طول قاعدته 16 سم والارتفاع المناظر لها يساوي 5 سم يساوي

40 د

13 ج

20 ب

26 ا



6 من النموذج المقابل قيمة x تساوي

x
56 د

650 ج

65 ب

560 ا

7 انعكاس النقطة (2, -1) في محور Y هي النقطة

(1, 2) د

(-1, -2) ج

(1, -2) ب

(-1, 2) ا

8 النسبة المئوية 3% تُمثل الكسر العشري

0.13 د

0.1 ج

0.03 ب

0.3 ا

9 معامل التحويل المستخدم للتحويل من ساعة إلى ثانية هو

$\frac{60 \text{ ثانية}}{1 \text{ ساعة}}$ د

$\frac{1 \text{ ساعة}}{60 \text{ ثانية}}$ ج

$\frac{1 \text{ ساعة}}{3,600 \text{ ثانية}}$ ب

$\frac{3,600 \text{ ثانية}}{1 \text{ ساعة}}$ ا

21 درجة

ثانياً: أجب عما يلي مع ذكر خطوات الحل:

1 اشترى محمد هدية لصديقه، سعر الهدية 600 جنيه وعليها تخفيض نسبته 15% فما سعر الهدية بعد التخفيض؟

2 مع عادل شريط قماش طوله $\frac{9}{10}$ متر ويريد تقسيمه إلى 3 أجزاء متساوية. أوجد طول الجزء الواحد.

3 حوض سمك على شكل متوازي مستطيلات أبعاده 70 سم، 30 سم، 20 سم، أوجد حجمه.

4 طباعة تطبع 2.4 ورقة في 3 دقائق بينما طباعة أخرى تطبع 3.5 ورقة في 5 دقائق، أحسب المعدل الوحدة لكل من الطابعتين، ثم حدد أي طباعة فيهما الأفضل.

5 معين محيطه 1.2 سم وارتفاعه 5 سم، أوجد مساحة سطحه.

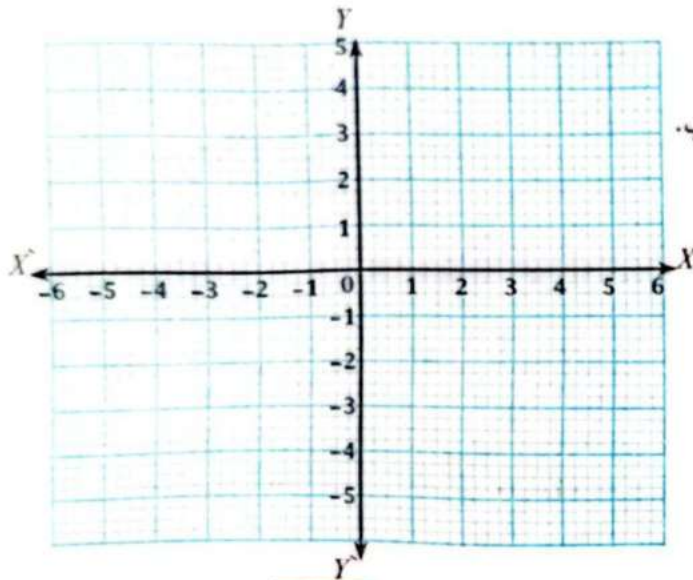
6 اشترت فريدة قطعة قماش طولها 2.5 متر، وكان ثمن المتر الواحد 12.5 جنيهًا، فما المبلغ الذي سددته فريدة؟

7 حدد النقاط:

$D(2, -3)$ ، $C(-1, -3)$ ، $E(-1, 3)$ ، $A(2, 3)$

على المستوى الإحداثي المتعامد

وذكر اسم الشكل الناتج بعد توصيل النقاط بالترتيب.



4 محافظة القاهرة - إدارة المعادي التعليمية 30 درجة

أولاً : اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 مقارنة بين كميتين مختلفتين في النوع والوحدة.

النسبة المئوية

المعدل

التناسب

النسبة

2 إذا كان 10% من عدد ما = 80 فإن العدد =

8

80

800

810

3 تكافئ النسبة 15 : 5

النسبة

$\frac{2}{3}$

2 : 4

5 إلى 7

1 : 3

4 النقطة التي تقع على نفس الخط الأفقي مع النقطة (4 , 2) هي

- 1 (0 , 0) 2 (4 , 7) 3 (2 , -4) 4 (7 , 2)

5 $0.288 \div 0.24$ 0.3×3.4

- 1 < 2 > 3 = 4 >

6 هرم رباعي قاعدته المربعة طول ضلعها 4 سم وارتفاع أحد جوانبه المثلثة 6 سم ، فإن مساحة سطحه = سم²

- 1 64 2 84 3 144 4 276

7 فصل به 60 تلميذاً ، إذا غاب منهم 15 تلميذاً في أحد الأيام. فإن النسبة المئوية التي تمثل عدد التلاميذ

الغائبين =

- 1 80% 2 50% 3 30% 4 25%

8 قرأ معاذ 420 صفحة من قصته في أسبوع فإن معدل القراءة في اليوم الواحد =

- 1 10 صفحات 2 50 صفحة 3 60 صفحة 4 70 صفحة

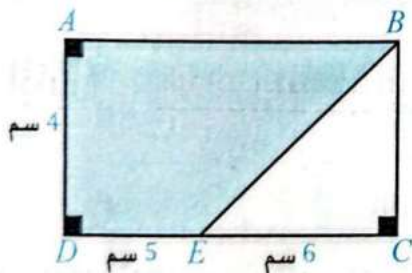
9 مساحة سطح المكعب الذي طول حرفه 4 م يساوي

- 1 8 م² 2 16 م² 3 64 م² 4 96 م²

ثانياً : أجب عما يأتي:

1 إذا كان طبق واحد من الزبادي يحتاج إلى $\frac{2}{5}$ لتر من اللبن ، وكان لديك 4 لترات من اللبن ، فما عدد الأطباق التي يمكن أن تصنعها ؟

2 إذا كانت سرعة الدب هي 48 كم في الساعة ، فما سرعة الدب عند تحويل السرعة إلى متر في الدقيقة ؟



3 في الشكل المقابل ABCD مستطيل فيه $AD = 4$ سم ،

$EC = 6$ سم ، $ED = 5$ سم ، أوجد :

أ مساحة المستطيل ABCD

ب مساحة المثلث EBC

ج استنتج مساحة شبه المنحرف ABED

4 أوجد حجم ومساحة سطح متوازي مستطيلات طوله 10 سم ، وعرضه 6 سم وارتفاعه 4 سم .

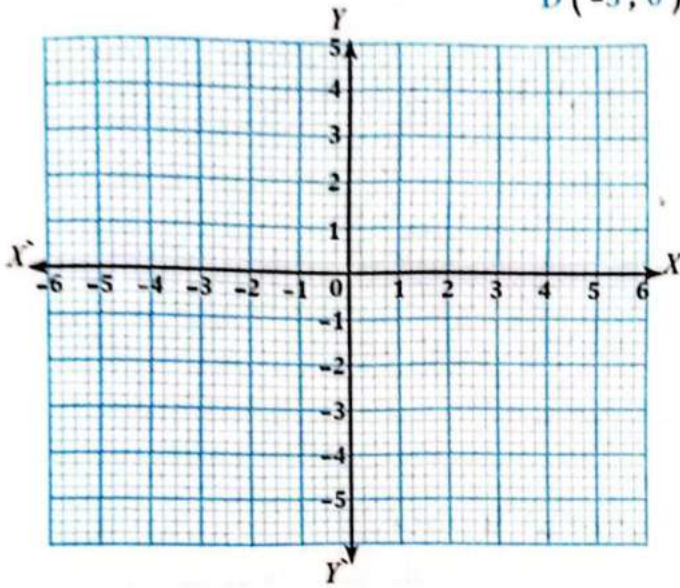
5 ينظرون سعره 500 جنيه معروض بتخفيض 40% حدد قيمة 10% ثم استخدمها لحساب قيمة مبلغ التخفيض.

6 يقطع نمر مسافة 6 كيلو مترات في دقيقتين ، فإذا ظلت سرعته ثابتة ، فما المدة اللازمة ليحصل إلى فريسته التي تبعد عنه 18 كم.

7 على المستوي الإحداثي حدد النقاط :

$D(-3, 0)$ ، $C(2, 0)$ ، $B(0, 3)$ ، $A(-5, 3)$

صل النقاط بالترتيب ، ثم اذكر اسم الشكل الناتج



5 محافظة الشرقية إدارة غرب الزقازيق التعليمية

30 درجة

أولاً : اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 إذا كان $\frac{1}{3}$ عدد ما يساوي 6، فإن هذا العدد يساوي

- 12 18 20 9

2 $\frac{2}{3} \div \frac{1}{6} =$

- 2 4 3 9

3 75 : 25 (في أبسط صورة)

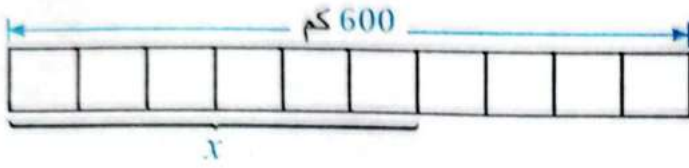
- 2:1 3:5 2:5 3:1

4 مثلث طول قاعدته 6 سم وارتفاعه المناظر لهذه القاعدة يساوي 8 سم، فإن مساحته = سم²

- 48 42 24 14

5 إذا كانت النقطة $(a, 3)$ تقع في الربع الثاني فإن قيمة a من الممكن أن تكون

- 3 ☐ 0 ☐ -5 ☐ 4 ☐



6 في النموذج المقابل قيمة x تساوي 600 كم

- 36 ☐ 63 ☐ 360 ☐ 630 ☐

7 انعكاس النقطة $(-3, 3)$ في محور x هي

- (3, -3) ☐ (-3, -3) ☐ (3, 3) ☐ (-3, 0) ☐

8 50% من 360 =

- 50 ☐ 100 ☐ 180 ☐ 360 ☐

9 معامل التحويل المستخدم للتحويل من دقيقة إلى ثانية هو

- 1 ☐ $\frac{60 \text{ ثانية}}{1 \text{ دقيقة}}$ ☐ $\frac{1 \text{ دقيقة}}{360 \text{ ثانية}}$ ☐ $\frac{1 \text{ دقيقة}}{60 \text{ ثانية}}$ ☐ $\frac{60 \text{ دقيقة}}{1 \text{ ثانية}}$ ☐

ثانيًا : أجب عما يلي مع ذكر خطوات الحل:

1 خلاط ثمنه 2,400 جنيه، عليه تخفيض 10% فما سعر الخلاط بعد التخفيض؟

2 مع خالد 6 كجم من الأرز يريد توزيعها على عدد من الأكياس بالتساوي، بكل كيس $\frac{3}{4}$ كجم أوجد عدد الأكياس التي سيحتاج إليها خالد.

3 حمام سباحة على شكل متوازي مستطيلات أبعاده الداخلية 20 م، 10 م، 3 م، احسب حجم حمام السباحة.

4 يعرض محل شراء 9 حقائب بسعر 540 جنيه، أو شراء 7 حقائب من نفس النوع بمبلغ 490 جنيهًا. احسب مُعدّل الوحدة لكل منهما. حدّد أفضل عرض للشراء.

5 معين محيطه 24 سم، وارتفاعه 4 سم، احسب مساحة سطحه.

6 اشترى سعيد 3.5 كجم من الخضراوات، ثمن الكيلو جرام 12.9 جنيه،

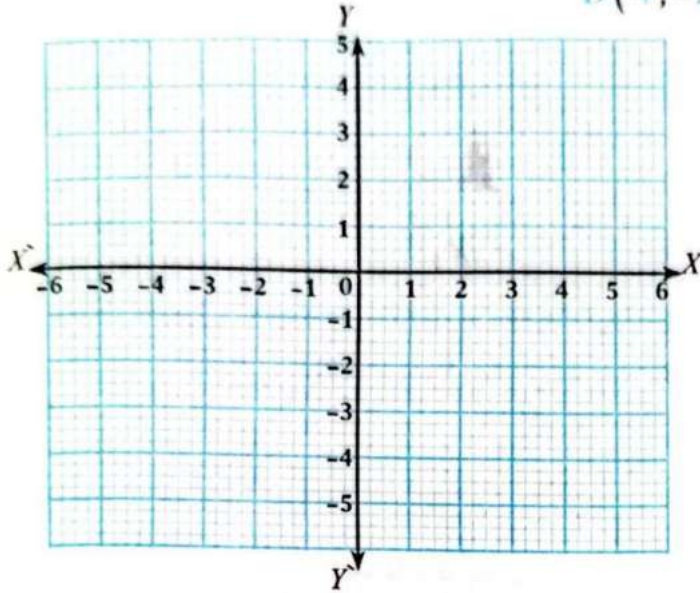
فما المبلغ الكلي الذي سيدفعه سعيد؟

7 حذّر النقاط:

$D(4, -2)$ ، $C(2, -2)$ ، $B(2, 2)$ ، $A(4, 2)$

على المستوى الإحداثي المقابل ثم صل النقاط

بالترتيب مع ذكر اسم الشكل.



درجة 30

6 محافظة الجيزة - إدارة الحوامدية التعليمية

أولاً : اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 انعكاس النقطة $(5, 4)$ في محور X هي
 أ $(-5, 4)$ ب $(5, -4)$ ج $(-5, -4)$ د $(5, 4)$

2 الحد الثاني في النسبة $5 : 7$ هو
 أ 5 ب 7 ج 0 د 12

3 النقطة $(5, 0)$ تقع على محور
 أ X ب Y ج نقطة الأصل د غير ذلك

4 مقلوب الكسر $\frac{2}{5}$ =
 أ $\frac{5}{2}$ ب $\frac{1}{5}$ ج 1 د 5

5 إذا ضُوعف أحد أبعاد متوازي المستطيلات فإن النسبة بين الحجم الأصلي إلى الحجم الجديد =
 أ 1 : 2 ب 4 : 1 ج 8 : 1 د 2 : 1

6 50% من العدد 200

10,000 د

40 ج

100 ب

50 ا

7 عدد ارتفاعات المثلث = ارتفاعًا

3 د

2 ج

1 ب

0 ا

$$3 + \frac{1}{6}$$

$$3 \times \frac{1}{6}$$

< د

= ج

> ب

< ا

9 متوازي أضلاع مساحته 32 سم² وطول قاعدته 8 سم فإن ارتفاعه المناظر =

40 د

128 ج

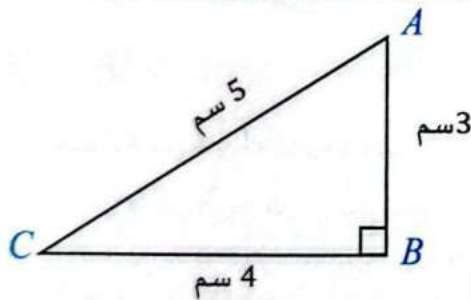
24 ب

4 ا

ثانيًا: أجب عما يأتي:

1 أوجد حجم المكعب الذي طول حرفه 7 سم.

2 شاشة تليفزيون بمبلغ 20,000 جنيهاً عليها نسبة تخفيض 10% من ثمنها. احسب قيمة التخفيض.

3 هرم رباعي مساحة قاعدته 25 سم²، ومساحة أحد أوجهه 15 سم². أوجد مساحة سطحه.

4 احسب مساحة سطح المثلث ABC.

مساحة سطح $\triangle ABC$ = _____ سم²

5 ضع النسبة التالية في أبسط صورة 45 : 15

6 تحرث آلة زراعية 12 فدان في 6 ساعات احسب مُعدّل الوحدة.

7 احسب مساحة سطح متوازي المستطيلات الذي أبعاده 2 سم، 4 سم، 5 سم.

أولاً : اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 النسبة 3 إلى 7 تكافئ النسبة 21 : _____

- أ 70 ب 49 ج 21 د 9

2 $0.288 \div 0.24$ _____ 0.1×0.12

- أ < ب > ج = د $\geq$

3 معين طول ضلعه 10 سم ، وارتفاعه 7.5 سم فإن مساحته = _____ سم²

- أ 750 ب 75 ج 85 د 5

4 عدد المجموعات المتساوية من $\frac{1}{4}$ في الكسر $\frac{9}{12}$ = _____

- أ 1 ب 2 ج 3 د 4

5 قطعت سيارة 180 كم في 3 ساعات ، فإن مُعدّل الوحدة = _____

- أ $\frac{120 \text{ كم}}{\text{ساعتين}}$ ب $\frac{60 \text{ كم}}{1 \text{ ساعة}}$ ج $\frac{15 \text{ كم}}{\text{ربع ساعة}}$ د $\frac{300 \text{ كم}}{5 \text{ ساعات}}$

6 هرم رباعي طول ضلع قاعدته المربعة 6 سم وارتفاع أحد جوانبه المثلثة 4 سم ، فإن مساحة سطحه = _____ سم²

- أ 52 ب 84 ج 144 د 276

7 إذا كان $\frac{6}{8} = \frac{3}{4}$ فإن 4×6 = _____

- أ $3 + 8$ ب $8 - 3$ ج 8×3 د $8 \div 3$

8 حصل فادي على 27 درجة من 30 درجة في الامتحان ، فإن النسبة المئوية لدرجات فادي تساوي _____

- أ 70% ب 80% ج 81% د 90%

9 المسافة بين النقطتين (3 ، -2) ، (5 ، 3) = _____ وحدات

- أ 7 ب 5 ج 3 د -7

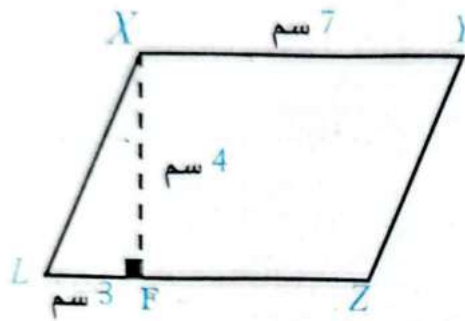
ثانياً : أجب عما يأتي :

1 قميص ثمنه 400 جنيه معروضاً بتخفيض 8% ، فما قيمة التخفيض ؟

2 إذا كانت سرعة الدب 54 كيلو مترًا في الساعة ، فما هي سرعة الدب عند تحويل السرعة إلى متر في الساعة ؟

3 علبة على شكل متوازي مستطيلات أبعادها 2 سم ، 5 سم ، 3 سم . احسب حجم العلبة ومساحة سطحها

4 إذا كانت النسبة بين عدد البنات وعدد الأولاد في أحد الفصول هي 3 : 4 ، فإذا كان عدد الأولاد 30 ولدًا ، فما عدد البنات ؟ (باستخدام المخطط الشريطي)



5 في الشكل المقابل XYZL متوازي أضلاع فيه :

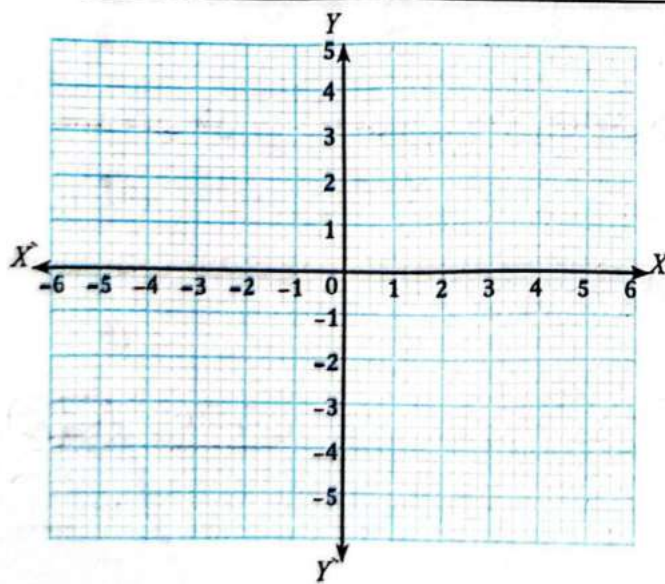
$XY = 7$ سم ، $LF = 3$ سم ، $XF = 4$ سم . أوجد

أ مساحة متوازي الأضلاع XYZL

ب مساحة المثلث XFL

ج استنتج مساحة شبه المنحرف XYZF

6 زجاجة سعتها $\frac{3}{10}$ لتر من الزيت ، ما عدد الزجاجات اللازمة لتعبئة 12 لتر من الزيت ؟



7 على المستوى الإحداثي حدّد النقاط :

$A(5, 3)$ ، $B(-1, 3)$

$C(-1, -3)$ ، $D(5, -3)$

وصل النقاط بالترتيب ، واذكر اسم الشكل الناتج

9 درجات

أولاً : اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- 1 عدد ارتفاعات المثلث القائم الزاوية = ارتفاعات
- 0 ☐ 2 ☐ 1 ☐ 3 ☐
- 2 $0.4 \times 0.16 =$
- 64 ☐ 0.64 ☐ 0.064 ☐ 6.4 ☐
- 3 النقطة (5 , -1) تقع في الربع
- الأول ☐ الثاني ☐ الثالث ☐ الرابع ☐
- 4 انعكاس النقطة (3 , 0) في محور Y هي
- (0 , 3) ☐ (0 , -3) ☐ (3 , 0) ☐ (0 , 0) ☐
- 5 25% من 400 =
- 40 ☐ 100 ☐ 10 ☐ 200 ☐
- 6 متوازي أضلاع طول قاعدته 6 سم، وارتفاعه المناظر 8 سم فإن مساحته = سم²
- 24 ☐ 48 ☐ 14 ☐ 12 ☐
- 7 مقلوب العدد $\frac{1}{5}$ هو
- 10 ☐ 5 ☐ 4 ☐ 6 ☐
- 8 المسافة بين العددين 3، -3 على خط الأعداد هي
- 0 ☐ 6 ☐ -6 ☐ 9 ☐
- 9 النسبة المئوية هي نسبة حذها الثاني =
- 1 ☐ 100 ☐ 7 ☐ 3 ☐

21 درجة

ثانياً : أجب عما يأتي:

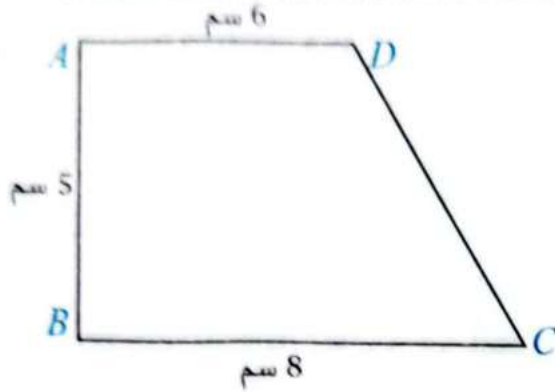
1 أوجد مساحة المثلث الذي طول قاعدته 6 سم، والارتفاع المناظر لها 5 سم.

2 أوجد مساحة سطح المكعب الذي طول حرفه 5 سم.

3 اشترت جودي فستان سعره 500 جنيهًا معروضًا بتخفيض 10% أوجد ثمن الفستان بعد التخفيض.

4 مصنع ينتج 180 زجاجة مياه في 3 ساعات احسب مُعدل الإنتاج.

5 هرم رباعي طول ضلع قاعدته 6 سم، وارتفاع الأوجه المثلثة 4 سم أوجد مساحة سطحه.



6 أوجد مساحة سطح شبه المنحرف ABCD المقابل.

7 إذا كانت النقطة $(5, -1, x)$ تقع على محور Y أوجد قيمة x .

9 محافظة المنوفية - إدارة أشمون التعليمية (دمج) 30 درجة

أولاً : اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة : 9 درجات

1 الإحداثي x في الزوج المُرتَّب $(3, 5)$ هو

- 1 2 3 4 5 6

2 مقلوب الكسر $\frac{1}{4}$ هو

- 1 2 3 4 5 6

3 10% من 90 =

- 1 2 3 4 5 6

4 عدد ارتفاعات المثلث القائم الزاوية =

- 1 2 3 4 5 6

5 $\frac{4}{5} \div 6 =$

- 1 2 3 4 5 6

ثانيًا : أكمل :

- 1 الحد الثاني في النسبة $\frac{5}{8}$ هو
- 2 مساحة سطح المكعب = مساحة الوجه الواحد $\times$
- 3 50% في صورة كسر عشري تساوي
- 4 % = 25% - 1
- 5 انعكاس النقطة (2 , -3) في محور Y هي النقطة
- 6 معين طول ضلعه 7 سم وارتفاعه 2 سم فإن مساحته = سم²

ثالثًا : اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- 1 هي نسبة حدّها الثاني يساوي 100 ويرمز لها بالرمز (%)
 أ النسبة المئوية ب المعدل ج المعادلة د المنوال
- 2 إذا كان $\frac{6}{5} = \frac{2}{a}$ فإن قيمة a =
 أ 13 ب 12 ج 14 د 15
- 3 مثلث طول قاعدته 8 سم وارتفاعه المناظر 6 سم فإن مساحته =
 أ 24 سم ب 24 سم² ج 24 سم³ د 48 سم²
- 4 إذا كان 6 تساوي $\frac{1}{5}$ عدد ما فإن هذا العدد هو
 أ 30 ب 35 ج 25 د 40
- 5 المسافة بين العددين 7 ، 1 على خط الأعداد هي وحدات
 أ 8 ب 17 ج 6 د 4

رابعًا : صل من العمود (أ) إلى ما يناسبه من العمود (ب):

م	(أ)	م	(ب)
1	متوازي مستطيلات أبعاده 2 سم و 5 سم و 4 سم فإن حجمه يساوي	1	90%
2	حصل حمزة على 18 درجة من 20 فإن النسبة المئوية لدرجة حمزة	2	200
3	40% من 500 تساوي	3	$\frac{1}{8}$
4	يريد خالد تقسيم $\frac{7}{8}$ كجم من المانجو على 7 أطباق بالتساوي فإن كتلة المانجو في كل طبق تساوي	4	40 سم ³

أولاً : اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- 1 32.5×0.012 3.25×0.12 ☐ أ ☐ ب ☐ ج ☐ د
- 2 60% من 40 = ☐ أ 4 ☐ ب 24 ☐ ج 240 ☐ د 18
- 3 $16 : 24 =$ (في أبسط صورة) ☐ أ $8 : 12$ ☐ ب $4 : 6$ ☐ ج 2 إلى 3 ☐ د $\frac{3}{2}$
- 4 متوازي أضلاع طولاه ضلعين متجاورين فيه 8 سم ، 6 سم ، والارتفاع الأصغر هو 5 سم ، فإن مساحة متوازي الأضلاع = سم² ☐ أ 30 ☐ ب 40 ☐ ج 48 ☐ د 24
- 5 صورة النقطة $(-2, -5)$ بالانعكاس في محور X هي ☐ أ $(-2, 5)$ ☐ ب $(2, 5)$ ☐ ج $(2, -5)$ ☐ د $(-2, -5)$
- 6 حجم متوازي المستطيلات الذي طوله 9 سم ، وعرضه 5 سم ، وارتفاعه 8 سم = سم³ ☐ أ 360 ☐ ب 157 ☐ ج 314 ☐ د 626
- 7 0.25 كجم = جرام ☐ أ 25 ☐ ب 250 ☐ ج 2,500 ☐ د 25,000
- 8 إذا كانت تكلفة 6 كجم من الموز هي 30 جنيهاً ، فإن تكلفة 30 كجم = جنيهاً. ☐ أ 2 ☐ ب 150 ☐ ج 24 ☐ د 120
- 9 $\frac{5}{10} =$ % ☐ أ 50 ☐ ب 5 ☐ ج 0.5 ☐ د 20

21 درجة

ثانياً : أجب عما يأتي:

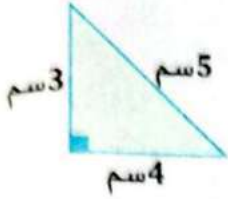
- 1 ذهب 60 طفلاً من المدرسة في رحلة ، وهذا يمثل 40% من جميع الأطفال في المدرسة .
كم عدد الأطفال في المدرسة ؟

- 2 ألتان لإنتاج القماش ، الأولى تنتج 365 متراً في 5 ساعات ، والثانية تنتج 480 متراً في 6 ساعات .
أي الألتين أفضل ؟

3 أكمل:

1 $0.9 \times 1.5 =$

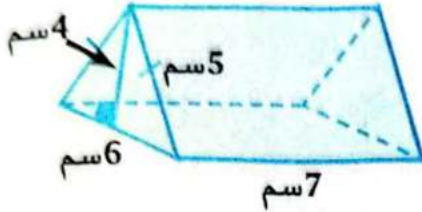
2 $2 \div \frac{3}{4} =$



3 مساحة المثلث المقابل = سم²

4 المسافة بين النقطتين $(-5, -7)$ ، $(4, -7)$ = وحدات

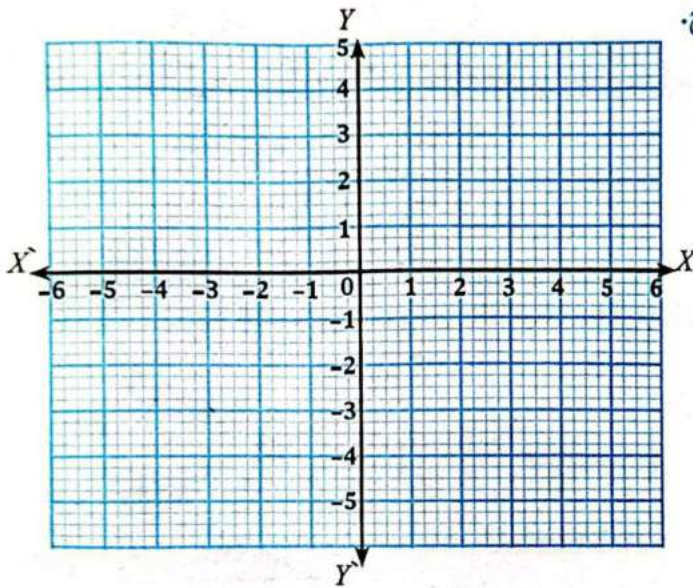
4 أوجد مساحة سطح المنشور الثلاثي المقابل.



5 حُدّد النقاط التالية على المستوى الإحداثي المقابل:

$A(4, 2)$ ، $B(2, 2)$ ، $C(2, -2)$ ، $D(4, -2)$

ثم قم بتوصيلها بالترتيب، موضحًا اسم الشكل الناتج.



6 أكمل:

1 إذا كانت النسبة بين عددين هي 5 : 2 وكان العدد الثاني 20 ، فإن مجموع العددين =

2 $4.8 \times = 4,800$

3 $1 - 25\% = \%$

4 مساحة سطح المكعب الذي طول حرفه 6 سم = سم²

7 يتم طلاء مكعب باللون الأحمر، إذا كانت مساحة الوجه الواحد 8 سم².

احسب مساحة سطح المكعب التي سيتم طلاؤها.